

www.e-rara.ch

Del modo di misurare le distantie, le superficie, i corpi, le piante, le provincie ...

Bartoli, Cosimo

Venetia, 1614

ETH-Bibliothek Zürich

Shelf Mark: Rar 4128

Persistent Link: <https://doi.org/10.3931/e-rara-1387>

www.e-rara.ch

Die Plattform e-rara.ch macht die in Schweizer Bibliotheken vorhandenen Drucke online verfügbar. Das Spektrum reicht von Büchern über Karten bis zu illustrierten Materialien – von den Anfängen des Buchdrucks bis ins 20. Jahrhundert.

e-rara.ch provides online access to rare books available in Swiss libraries. The holdings extend from books and maps to illustrated material – from the beginnings of printing to the 20th century.

e-rara.ch met en ligne des reproductions numériques d'imprimés conservés dans les bibliothèques de Suisse. L'éventail va des livres aux documents iconographiques en passant par les cartes – des débuts de l'imprimerie jusqu'au 20e siècle.

e-rara.ch mette a disposizione in rete le edizioni antiche conservate nelle biblioteche svizzere. La collezione comprende libri, carte geografiche e materiale illustrato che risalgono agli inizi della tipografia fino ad arrivare al XX secolo.

Nutzungsbedingungen Dieses Digitalisat kann kostenfrei heruntergeladen werden. Die Lizenzierungsart und die Nutzungsbedingungen sind individuell zu jedem Dokument in den Titelinformationen angegeben. Für weitere Informationen siehe auch [Link]

Terms of Use This digital copy can be downloaded free of charge. The type of licensing and the terms of use are indicated in the title information for each document individually. For further information please refer to the terms of use on [Link]

Conditions d'utilisation Ce document numérique peut être téléchargé gratuitement. Son statut juridique et ses conditions d'utilisation sont précisés dans sa notice détaillée. Pour de plus amples informations, voir [Link]

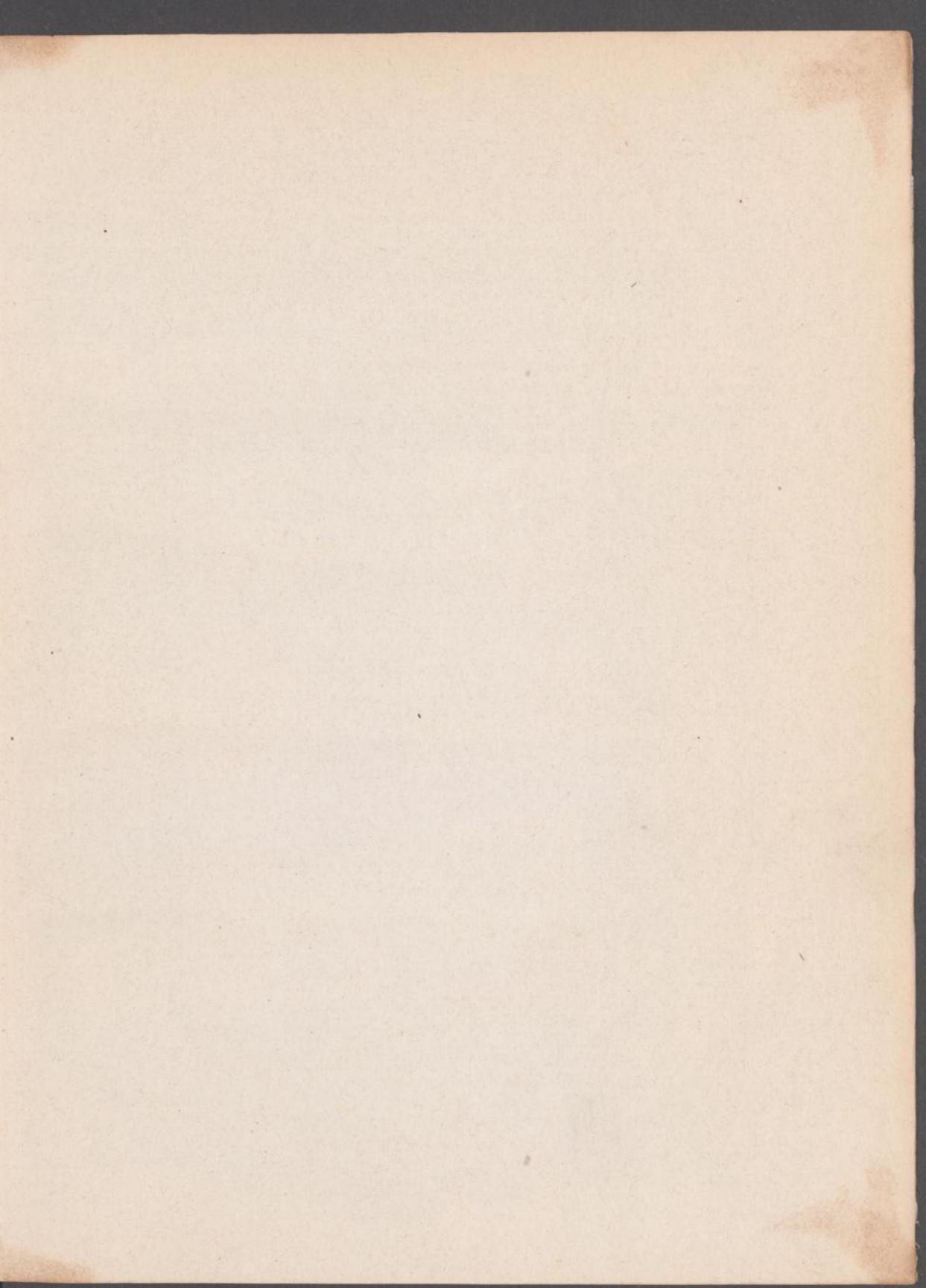
Condizioni di utilizzo Questo documento può essere scaricato gratuitamente. Il tipo di licenza e le condizioni di utilizzo sono indicate nella notizia bibliografica del singolo documento. Per ulteriori informazioni vedi anche [Link]

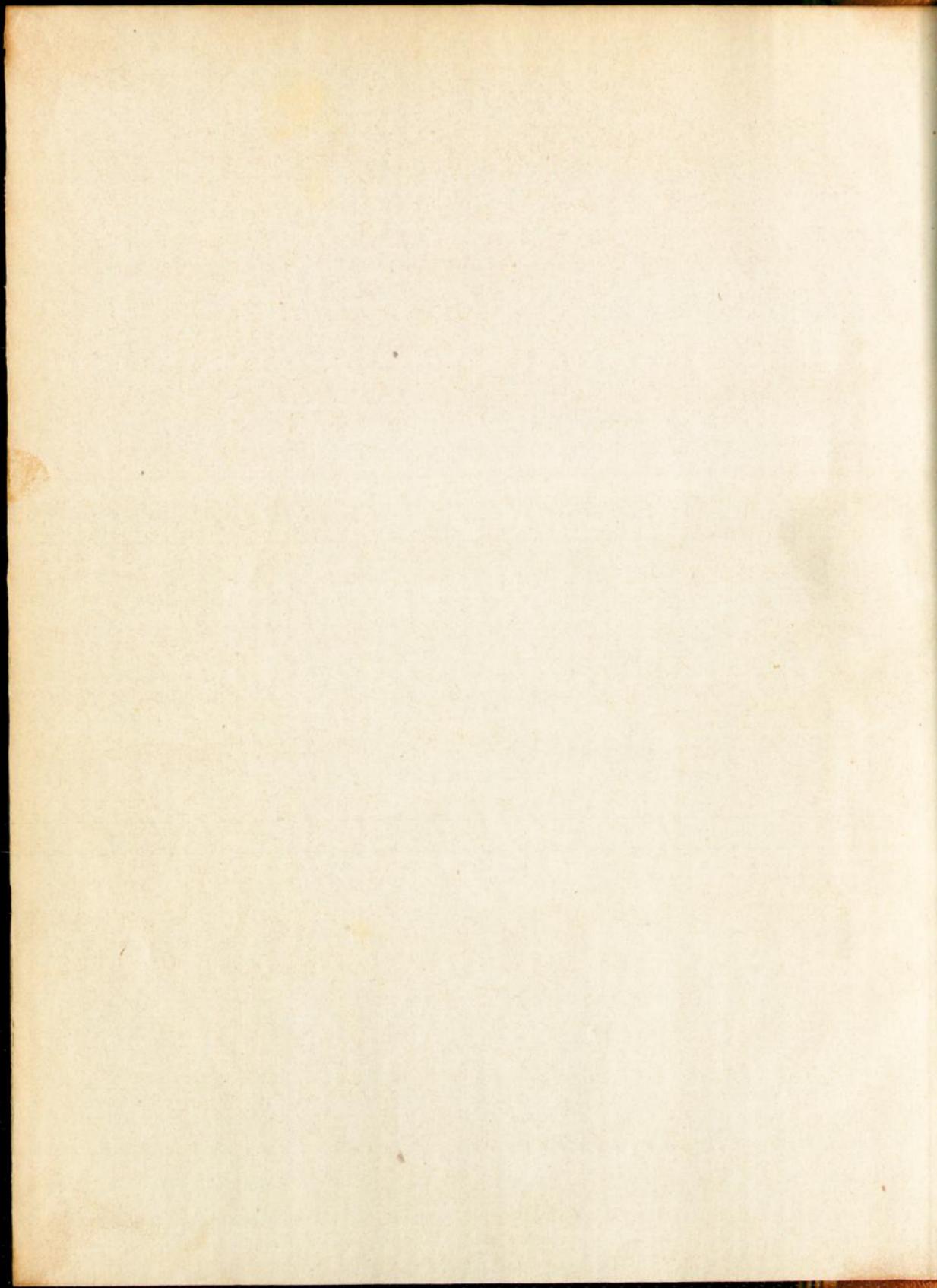


~~7345. (Rar.)~~

Rar 4128

X





COSIMO BARTOLI

GENTIL'HVOMO,
& Accademico Fiorentino,

DEL MODO DI MISVRARE
le distantie, le superficie, i corpi, le piante,
le prouincie, le prospettive, & tutte le
altre cose terrene, che possono oc-
correre à gli huomini,

Secondo le vere regole d'Euclide, & de gli altri
più lodati Scrittori.

DEDICATA
ALL'ILLVSTRISSIMO,
ET ECCELLENTISSIMO
SIGNORE,
IL SIG. COSIMO DE MEDICI,
Duca di Firenze, e di Siena, &c.
Con licenza de' Superiori, & Privilegij.

IN VENETIA, M DC XIII.

Prefso Sebastiano Combi.



БОГДАНІВСЬКА

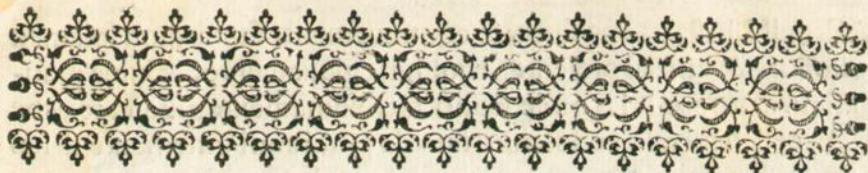
ОБРАЗЦІЯ КОМПЛЕКСУ

СУДЖЕНІВСЬКОГО МІСТИЧА

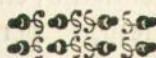
І СІМІЧНІХ ВІДНОВЛЕНЬ

ІІІ





ALL'ILLVSTRISS.^{MO}
ET ECCELLENTISSIMO
SIGNORE,
IL SIG. COSIMO DE MEDICI,
DVCA DI FIRENZE, ET DI SIENA,
Signore, & Padrone mio oſſeruandissimo.



COSIMO BARTOLI.



VANTO la Eccell. V. Illustr. habbi ſempre con il fauorire coloro, che hanno dato opera alle virtuti, porta occasione à tutti gli huomini di effercitari, & nelle arti, & nelle ſcientie, non è neſſuno, che chiaramente non lo conofca. Veggonoſi i frutti del celebratiffimo studio Pisano, già molti, & molti anni ſono, ſparſi per tutta Italia. Appariscono in varij luoghi per lo Stato di V. E. le lo- datiffime impreſe delle muraglie, delle Sculture, & delle Pitture, & di molti altri effercitij, che ſono quaſi infinite, che dalla honora- tiffima Scuola de virtuosi nutritiſi, & effercitatiſi ſotto l'ombra di

† 2 V.Ec-

V. Eccell. Illustr. hanno fatto, & continuamente fanno, non solamen-
te honore, & vtile al presente Secolo; ma giouamento, & lume gran-
dissimo al futuro. La onde si può facilissimamente giudicare, che
V. Eccell. hauendo conosciuto fino da primi anni, mediante il suo
purgatissimo giuditio, essere vero il detto di Socrate, che, si come
la Ignorantia è il sommo male de gli huomini, così la Scientia si
troua essere il sommo bene; habbi voluto con hauere in protettio-
ne, & amare tutti i virtuosi; effortando, & instigando quelli, che
attendono alle arti, con dare loro occasione di mettere in atto le
lodeuoli inuentioni de bellii ingegni loro; & premiando, & acca-
rezzando quelli altri, che Padroni delle scientie, possono insegnan-
dole giouare à molti; purgare il mondo dalla ignorantia, & riem-
piendolo di bellissime arti, & sacrosante scientie, ridurre gli huo-
mini al sommo bene. Esempio veramente di lodatissimo, & gran-
dissimo Prencipe, che immitando il Creatore del tutto si ingegni
di scompartire, & per se stesso, & per le seconde cause ancora, più
largamente, & più vniuersalmente, che ei può, i doni delle gracie
sue; come in vero hà fatto sempie per il passato, & fà continua-
mente V. Eccell. Illustr. alla quale non è bastato di fare questo so-
lamente con l'esempio della innocentissima, & esemplarissima
vita sua; ma con il riconoscere, & premiare grandemente infiniti
virtuosi, feruendosi di loro, come di tante membra, ò mani; quasi
come poche fussino le proprie, & particolari concesse à V. Eccell.
Illustr. dalla Natura, per spargere più vniuersalmenre, & più
largamente per tutto i doni delle arti, & delle Scientie, secondo il
magnanimo, & alto concetto di quella. Le quali cose conosciute
da molti, sono state cagione, che molti ancora si fiano lodeuol-
mente essercitatì in varie sorte di studij, pensando non tanto di
volere (nel cercare di giouare à molti) procacciarsi qualche Fama,
quanto che satisfare per quanto erano le forze loro à V. Eccell.
Illustr. Fra i quali trouandomi io esser vno, ancor che minimo,
confesso largamente, & nelle altre passate fatiche de gli studij miei,
già per l'addietro dedicate à V. Eccell. Illust. & in queste ancora,
hauere desiderato grandemente, & desiderare hor più che mai di
sodis-

sodisfarle. Ilche se mi farà riuscito nell'hauere condotto in questa lingua i più facili , & certi modi, da potere con vere regole , & ragioni misurare qual si voglia cosa grande , ò piccola di qual si sia lontananza , altezza , larghezza , profondità , superficie , forma , ò corpo , vicina , ò lontana , potendo , ò non potendo auuicinarsene , che possa occorrere al Genere humano ; lascierò giudicare à V. E. Illustr. la quale prego deuotissimamente , che accettando queste mie fatiche , si degni alcuna volta ricordarsi di me , come di fedelissimo , non meno che affectionatissimo seruo di Quella , alla quale nostro Signore Dio conceda sempre quel che più desidera .

SEBASTIANO COMBI,

A' BENIGNI LETTORI.



R DENTISSIMO è stato sempre il desiderio mio di mandar' alla stampa cose, che non solamente dilettino, ma che gioino ancora. La onde essendomi porta occasione di potere stampare i modi delle Misure di Cosimo Bartoli, giudicandole non meno dilettevoli, ò utili, che necessarie: mi è parso dare questa satisfattione, non tanto alla naturale mia intentione, quanto à coloro, che dilettandosi de gli studij delle buone arti, aspettano, che continuamente le scientie eschino con quelle miglior regole, & maggior facilità, che desiderar si possino, in questa lingua. Parte delle quali, credo che uedranno in questi scritti coloro, che dilettandosi delle Matematiche, li leggeranno accuratamente. Godeteui adunque delle presenti fatiche, ò studiosi, mentre che io procurerò di farui parte di alcune altre opere non meno dilettevoli, che utili: le quali io spero in breue, per benignità de belli ingegni, che in esse continuamente si affaticano, di porre in luce.

NOMI DELLI SCRITTORI, de' quali si è seruitol' Autore in quest' Opera.

ORONTIO Fineo.

ALBERTO Durer.

ARCHIMEDE.

EVCLIDE.

GEMMA Frisio.

GIOVAN Roia, o sia porca Buzzarona.

GIOVANNI Stoferino.

LEON BATTISTA Alberti.

GEORGIO Perurbachio.

PIETRO Appiano.

PROSPETTIVA Commune.

TOLOMEO.

VITULLIONE.

VITRVVIO.

NOMI DEELI SCRITTORI
de, d'elij o' gessioli, Vnde



5

DEL MODO DI MISURARE TUTTE LE COSE TERRENE, DI COSIMO BARTOLI Gentilhuomo, & Academico Fiorentino.

LIBRO PRIMO.

Proemio, ouero Intentione dell'Autore. Cap. I.



ELL' esaminare le cose delle misure, fra molte, che me ne occorsero, et che mi parvero utili, et necessarie, come che molte mi se ne offerissero, che io giudicassi, che poteſſero arrecare non ſolamente diletto, ma gioiameto, et utilita non piccola al genere humano: quattro furono le principali. La prima

fu il misurare delle diſtantie, che in qualſi uoglia modo ci poteffino occorrere, ò per larghezza, ò per lunghezza, ò per altezza, ò per profondità. La ſeconda, il misurare qualſi uoglia ſorte di ſuperficie, ò di piano. La terza, il misurare de corpi, celi ſi regolari, come irregolari. Et la quarta il misurare una Prouincia di 400. ò 500. miglia per lunghezza, et per larghezza, da poterla diſegnare in piano, co le ſue Città principali, Terre, Castella, Porti, Fiumi, Liti, et altre cose di eſſa più notabili. Et però nel primo libro, seguendo l'ordine dell'Orontio (nō mi ſottomettēdo però in tutto alla traduzione) deliberai da trattare delle diſtantie. Nel ſecondo delle ſuperficie,

A vogliamo

L I B R O

o vogliamo dire de piani. Nel terzo de corpi. Nel quarto, seguendo Gemma Frisio, & altri, mi parue di trattare del modo da descriuere le Prouincie in piano. Et se ben, quanto alla prattica della Geometria, mi pareua che questi quattro libri fussino à bastanza; conciosia che non poteua occorrere cosa alcuna à qual si uoglia persona, che con queste regole non si potesse, o misurare, o ritrouare. Nondimeno, atteso che io mi ero ingegnato, seguendo l'ordine de più lodati scrittori, di prouare con ragioni le misure, che si descriuono, et nel prouarle allegando grā parte delle dimande, et de concetti, et delle proposte di Euclide, come che dette misure si siano tutte da lui con fondamento cauate; mi deliberai di non fuggire la fatica di mettere in questa lingua quelle parti di loro, che per le prouoe si erano citate: accioche qual si uolesse curioso ingegno potesse, mediante questi miei scritti, satisfarsi nel uedere in fronte il uero delle cose trattate. Aggiunsi adūque alli primi quattro libri il quinto; doue sono non solamente le dimāde, i concetti, et le proposte citate nelle dimostrazioni per prouoe; ma quelle, ancora che da loro dipendono, chiamādo spesso l'una l'altra; come ben fanno coloro, che dilettandosi di Euclide, lo hāno spesso per le mani. Pareuami ueramente questo quinto libro necessario; nōdimeno stetti più uolte con l'animo sospeso, se io doueo aggiungerlo à questi miei scritti, o pur lasciarlo indietro: peroche essendoci Euclide (come molti san no) tradotto, mi pareua una fatica con poca mia satisfattione, & forse di altri. Ma due cose finalmente mi fecero risoluere di arrogerlo à queste mie fatiche; la prima, le persuasori del ualoroso Signore il Capitā Francesco de Medici, non mē studioso che affettio nato di simili sorte di studij: et l'altra la commodità dell'uniuersale: perche chi harà questi miei scritti per le mani, potrà, senza haue re à portarsi dietro Euclide, restare sodisfatto del tutto, per quanto

to occorre à dette misure. Paruemi ancora molto utile, et di giouamento non piccolo, lo arrogerci il sesto libro, & mettere in esso le regole del cauare le radici, così quadrate, come cubiche: che in molti luoghi sono necessarie à uoler ritrouare, ò cauare le misure, che nè tre primi libri si sono trattate. Nè uollei, ancora che mi paresse fatica, arrogerci in c'ultimo la regola delle quattro proportionali, cioè delle tre cose, per satisfattione di coloro, che sè bene hanno in qualche modo notitia, si come interviene alla maggior parte de gli huomini, di raccorre, multiplicare, & partire, non hanno però in pratica il modo del cauare di qual si voglia numero le radici quadrate, ò cubiche; nè di ritrouare mediæte i tre termini, ò numeri noti, il quarto propotionale, che fusse loro incognito, ò nascosto. Nel descriuere le quali cose eß'è do io andato principalmente dietro all'utilità, e cōmodità de gli huomini, più che à nessun'altra cosa: prego ciascuno, et massime coloro, che attendendo forse più alla liz gua, che alla utilità dell'arte, ò della scienza, riprendono spesso à torto, con loro non molto giudicio, et poca satisfattion di altri, i nomi, & le uoci che non paiono loro riceuute dall'uso cōmune, nè ap prouate, ma nuoue: che mi sia cōcesso usare Schiàciana per linea à schiancio, Parallelà per linea ugualmente distante da un'altra, Radice Cubica, et alcune altre uoci simili; riceuute nondimeno, et da moderni, et da gli antichi ancora; come ben fanno coloro, che sono, ò nati, ò nutriti nella Città di Firenze; et che hanno in pratica gli scritti delle cose Matematiche, ò Arismetiche delliscrittori nostri antichi, così come de moderni: de quali ce ne son pure assai, che per ancora nò son uenuti alla stampa. Ma basti questo per hora, quanto à tal materia: rimettē domi nondimeno nel giudicio migliore di tutti coloro, che più sano, et che nò da malignità, ma dalla uerità della cosa fussero spinti à uolerne ripredere, p beneficio dell'uniuersale.

L I B R O

al purgato giudicio de quali mi sottometterò sempre molto volentieri.

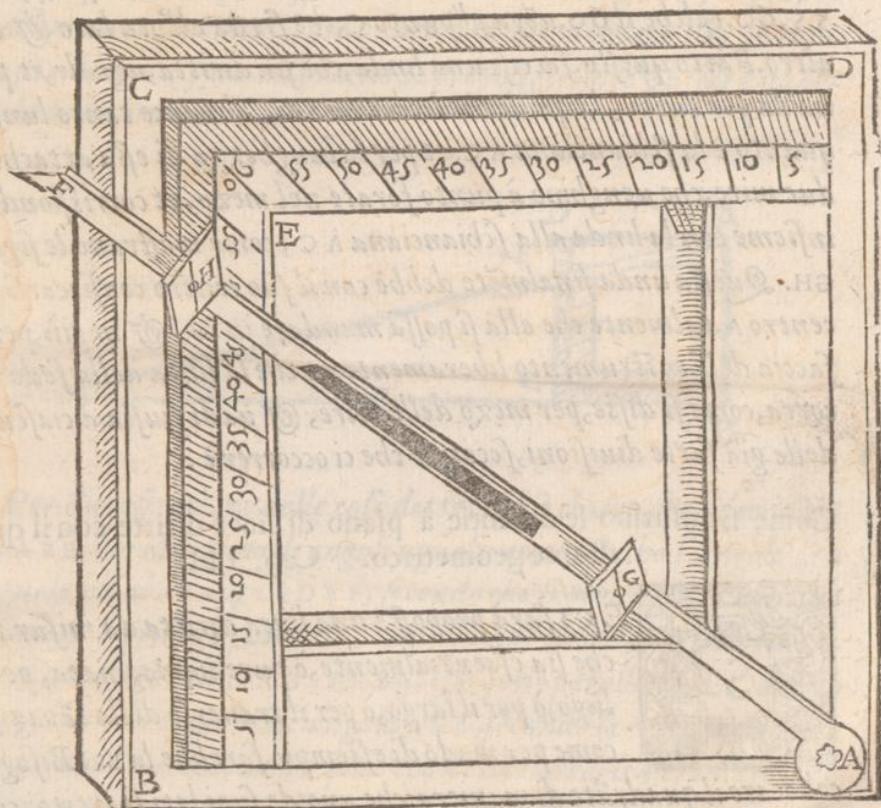
Come si faccia vn quadrante, in strumento commodissimo per misurare le distantie. Cap. II.

ANCOR CHE le distantie si possino ritrouare per varie uie, & mediante diuersi instrumenti, de quali racconteremo parte. Il quadrante nientedimeno è, per queste attioni, instrumento più di tutti gli altri accomodatissimo: per ilche hauendo à seruirci di eſo, non mi pare cosa inconueniente, dire con maggior breuità che sarà possibile il modo del farlo. Apparechiniſi quattro regoli di alcun legno durifſimo, atto à non ſi torcere, & queſti ſi arrechin' à larghezza, & à groſſezza, lauorati diligentissimamente, et lunghi ugualmente, ſi attestino di maniera inſieme, che l' uno con l' altro faccia ſempre angolo à squadra et che le facce loro uenghino à piano. Queſti regoli uorrebbono eſſer lunghi almeno due braccia, acciò nell' operare poi ci veniſſe la operatione più giuſta. Commefſi inſieme queſti regoli, talche faccino un quadro perfetto, ſcielgaſi la faccia più pulita, & in quella ſi tiri una linea diritta da tutte quattro le facce, che ſia non molto lontana dal canto viuo di fuori, et in ſu le cantonate, dove queſte linee ſi congiungono inſieme, ſcriuasi ABCD, ricordando ci che dette linee debbon ugualmente diſcoſtarſi dal canto viuo da per tutto. Poſto dipoi un regolo dal punto A al punto C, tirifi una linea à ſchiancio, che ſia CE: à ciascun de lati poi AB, & CD ſi tirino ancora tre linee parallele, le quali uadino à riſcoſtrarſi nella già tirata ſchianciana CE, et che inſieme con le BC et CD laſcino tre interualli talmente proportionati fra loro, che l' uno ſia ſempre per il doppio più largo, che l' altro. Diuidiſi dipoi ciascun di queſti lati ſecondo

PRIMO

7

secondo la loro lunghezza in dodici parti uguali, & tenendo una testa del regolo sempre ferma al punto A, traportandolo co' l'altra à tutti i punti delle diuisioni, tiransi da detti punti alcuni lineette fra detti tre interualli à schiaccio, che sieno parallele alla CE, et che non passino le linee BC, & CD; et ciascuna di esse dodici parti dipoi si riduinda in cinque parti uguali: & da detti punti tiransi le diuisioni come l'altre, ma che intrapredino à puto duei interualli. Et in questo modo qual si è l'uno de lati BC, & CD, sarà diuiso in 60.



re del

LIBRO

parti, perciò che 5. uie 12. ò 12. uie 5. fà 60. Potrà ancora ridu-
dere l'ultimo interuallo, cioè il più di fuori, che è il più stretto, in
due parti uguali, & ciascuna di esse farà 30. minuti di un grado;
ouero ciascuna delle 60. in 3. parti uguali, & ciascuna di esse farà
20. minuti: ò in 4. et ciascuna farà 15. minuti. Et così si potrà ri-
diuire successivamente in quante parti noi uorremo qual si è l'-
una di dette parti, secondo ci piacerà, ò che tornerà commodo alla
grandezza dell'instrumento. Fra il primo interuallo dell'uno, &
dell'altro lato, cioè nel più largo, scriuinsi i numeri, cominciando
dal B. et dal D, in questo modo 5. 10. 15. 20. 25. 30. 35. 40. 45. 50
55. 60. talche il 60. uenga al punto C, che serua all'un lato & all'
altro. Fatto questo, faccisi una linda, che sia diritta, uguale, et pia-
na da per tutto, la quale chiameremo A F, almanco tanto lunga,
quanto è la schianciana A C: et per la lunghezza di essa attachinse
due mire, che uenghino à punto forate nel mezo, et corrispondino
insieme con la linda alla schianciana A C, come mostrano le figure
G H. Questa linda finalmente debbe con il suo centro conficcarsi nel
centro A, talmente che ella si possa mandare in sù, & in giù, per la
faccia dell'instrumento liberamente: et che la linea della fede A F
corra, come se disse, per mezo delle mire, & uadi giusta à ciascuna
delle già fatte diuisioni, secondo che ci occorrerà.

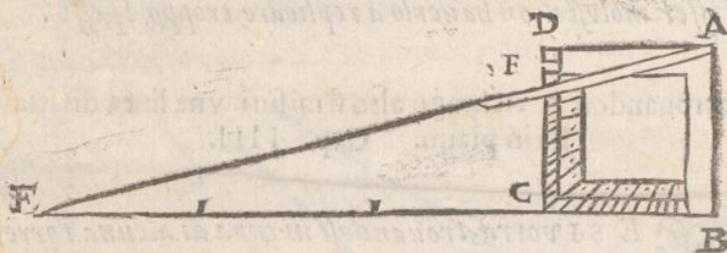
Come si misurino le distanze à piano di linee diritte con il qua-
drante geometrico. Cap. III.



E C I farà proposta una linea diritta da misurarsi
che sia essentialmente, ò pure immaginata, per il
lugo, ò per il largo, ò per il trauerso della capagna,
come per modo di esempio sarebbe la BE. Bisogna
collocare il quadrato di maniera, che uno de suoi lati spartito, cioè

il

il lato BC uenga sopra il piano per lo lungo, & al diritto della propositaci linea BE; & che il B sia à punto al principio della linea, che si harà da misurare; & l'una, et l'altra faccia del quadrante AB, & CD, stia à piombo sopra il piano. Pongasi dipoi l'occhio al punto A, & abbassisi, ò alzisi la linda talmente, che passando la veduta per ame due le mire arriui alla fine della propositaci linea E. Fatto questo, notisi, doue la linda AF batta nel lato CD: che per modo di esempio diremo, che batte nel punto F. Se la intersecatione DF farà 15. di quelle parti uguali, che tutta la CD è -uguale ad essa AD è 60. perche 60. corrisponde per quattro tantis al 15. la propositaci linea BE farà lunga per quattro volte esso lato AB. Adunque se il lato AB farà un braccio, la propositaci linea BE farà quattro braccia simili.



Per dimostrazione delle cose dette, egli è chiaro, che i duoi triā goli ABE, & ADF, sono di angoli uguali: conciosiache l'angolo AEB è uguale all' altro angolo DAF, secondo che si proua per la uentino uesima del primo di Euclide; conciosia che la linea diritta AE taglia à trauerso le due AD, & BE, che sono parallele. Lo angolo BAE ancor è -uguale all' angolo AFD, secondo la ventinouesima del primo. Peroche la AF pare che di nuovo tagli à trauerso le parallele AB, & CD. L' altro angolo medesimamente ABE è pure
-ugua-

LIBRO

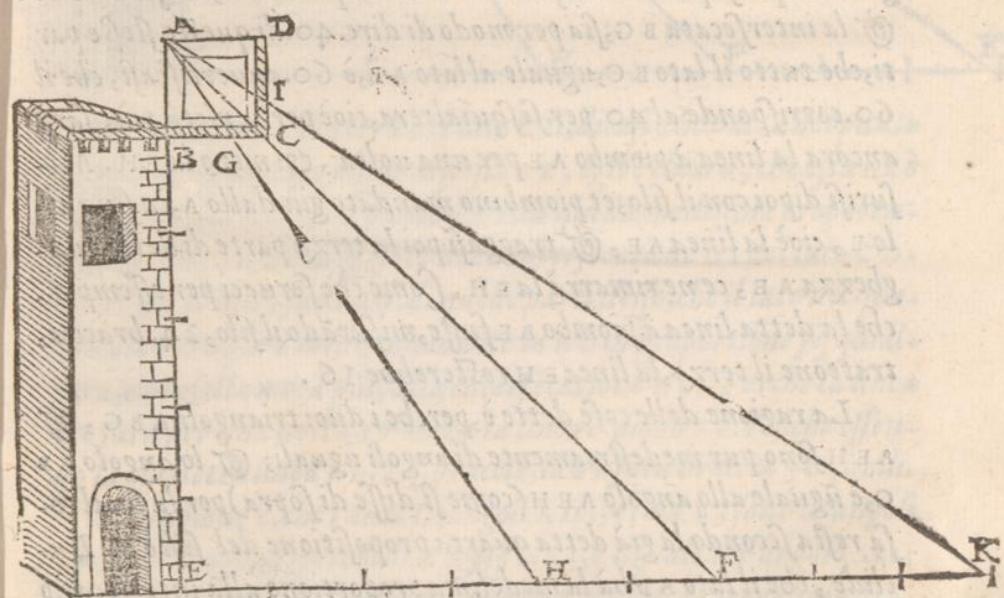
eguale all' altro ADF, conciosia che l' uno & l' altro è à squadra, ò vogliamo dire retto. E tutti gli angoli à squadra, ò vogliamo dire retti, sono fra di loro, secondo la quarta petitione, ò vogliasi dire dimanda di Euclide, uguali. Adunque i detti triangoli ABE, & ADF, sono di angoli uguali. Et de triangoli di angoli uguali sono proporcionali quei lati, che sono intorno à gli angoli uguali, & quelle corde, ò lati, che sono incontro à gli angoli uguali, ò vogliamo dir', sotto, sono nella medesima proportione. Secondo la quarta del sesto di Euclide. In quella medesima proportione adunque, che corrisponderà la linea AD alla DE, corrisponderà ancora la proposita linea EB al lato AB. Questa dimostrazione è bene, che si noti diligentemente; perche giouerà molto, à farne intendere le altre cose, che si hanno à trattare: conciosia che hauendo à prouare molte cose, mediante la correspondencia della ugualità degli angoli, non vorrei esser molesto con hauerlo à replicare troppo spesso.

Come ritrouandosi in vn luogo alto si misuri vna linea diritta posta in piano. Cap. IIII.

SE si vorrà, trouandosi in cima di alcuna torre, ò qualche finestra di qual si uoglia edifitio posta sopra di una grā piazza, ò sopra una cāpagna aperta, misurare una linea, che si uedesse à dirittura adiacere in terra nel medesimo piano; di sopra del quale la muraglia del detto edifitio, ò torre si rileua con angoli retti, ò à squadra: faremo in questo modo. Diciamo, che la ritta torre sia BE; & la linea proposita E F, ouero EH, ò pure EK, l'altezza della quale stando ad alto al B si habbia à misurare co' il quadratè Geometrico. Accomodisi il lato AB del quadratè per lo lungo; & per il ritto di essa BE,

in

in maniera che A B, & B E diuentando una linea sola, che sia A E, caschi à piöbo sopra il piano detto, che sia E H F K. Posto dipoi l'occhio al punto A, alzisi, ò abbassisi la linda fino à che la ueduta correndo per amendue le mire, arriui alla fine della proposta ci linea. Fatto questo auuertiscasi il puto, nel quale batte la linda; la quale è forza che batta, ò nel punto C, che è il mezo à punto fra il lato B C, & il lato C D, ouero nel lato B C, ò nel lato C D, che altroue non può battere. Quädo ella batterà nel puto C, dicesi, che la proposta ci linea da misurarsi E F è uguale all'altezza della Torre E B. Et per sapere l'altezza della Torre si potrà mädare da cima à terra un filo con un piombino, et misurare poi detto filo, il qual se sarà braccia per modo di dire 24. sarà ancora 24. braccia la linea E F.



La ragione delle cose dette è che i duoi triangoli A B C, et A E F sono di angoli uguali; perciòche lo angolo ABC, è uguale allo angolo A E F,

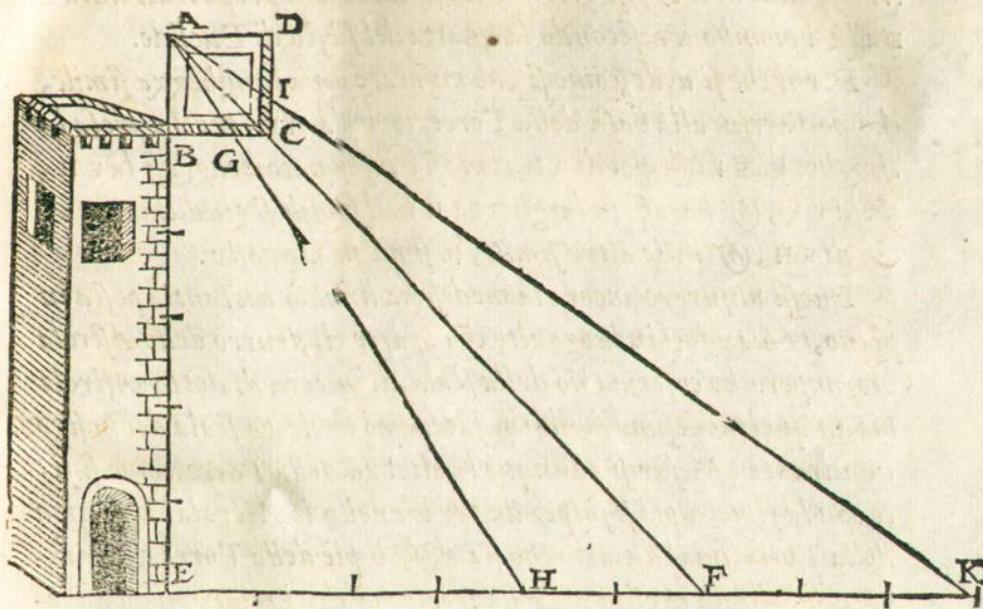
L I B R O

lo A E F , et medesimamente lo angolo A C B è uguale allo angolo A F E , secondo la già allegata uentinouesima del primo di Euclide . Et lo angolo A , è cōmune all' uno triangolo , et all' altro . Adunque per la medesima quarta del sesto , in quella propotione , che corrisponde il lato A B al lato B C , corrisponderà la à piombo A E alla propostaci linea E F . Ma i lati A B et B C sonò fra loro uquali , concio sia che ei sono lati di un medesimo quadrato ; adunque la A E è ancor eßa uguale alla E F . Ma batendo la linda nel lato B C , come sarebbe per auuetura al punto G , ♂ la propostaci linea da misurarsi fusse E H , è cosa certissima , che questa E H propostaci è più corta della à piombo A E , la quale A E sarà in tale propotione alla E H , che è il lato del quadrante A B alla parte intersecata B G . Bisogna adūque sapere le dinisioni de' lati del quadrante , che siano 60 . ♂ la intersecata B G , sia per modo di dire . 40 . di queste stesse parti , che tutto il lato B C , uguale all' lato A B , è 60 . auertiscasi , che il 60 . corrisponde al 40 per se qual terza , cioè per la metà più ; sarà ancora la linea à piombo A E per una uolta , ♂ mezo la E H . Misurisi dipoi con il filo , et piombino mandato giù dallo A , in fino alto E , cioè la linea A E , ♂ traggasi poi la terza parte di detta lunghezza A E , ce ne rimarrà la E H . Come che seruaci per esempio , che la detta linea à piombo A E fusse , misurando il filo , 24 . braccia , trattone il terzo , la linea E H resterebbe 16 .

La ragione delle cose dette è , perchè i duo i triangoli A B G , ♂ A E H sono pur medesimamente di angoli uguali ; ♂ lo angolo A B C , è uguale allo angolo A E H (come si disse di sopra) per la qual cosa resta secondo la già detta quarta propositione del sesto di Euclide , che il lato A B ha la medesima propotione alla intersecatione B G , che ha la A E , alla E H .

Replicasi la figura per commodità dell' occhio .

Ma



Masè la linea batterà nel lato C D, dicasi, che batta nel punto I, & che la linea da misurarsi sia E K, egli è chiaro, che essa E K è maggiore della detta à piombo A E, in quella medesima proporzione, che il lato A D è maggiore della intersecatione D I del lato C D. Perilche sè il D I sarà 40. di quelle parti stesse, che il lato del quadrante è 60. sarà medesimamente la A D in proporzione sesquialtera, cioè della metà più, alla intersecatione D I. Perche la linea E K sarà per una uolta, & mezo la linea à piombo A E. Talche essendo la già detta linea A E, 24. braccia, la E K sarà braccia 36. simili.

La ragione è, che i duoi triangoli A D I, et A E K, sono di angoli ancora essi uguali; perche lo angolo D A I, è uguale all' angolo A K E; et lo angolo A I D, è uguale allo angolo E A K, per la medesima uentinovesima del primo di Euclide; et gli angoli A E K, et A D I sono uguali; percioche ei sono à squadra. Come dunque il lato A D

B 2 corri-

LIBRO I

corrisponde al D I; così corrisponderà ancora la propositaci linea E K alla à piombo A E, secondo la quarta del sesto di Euclide.

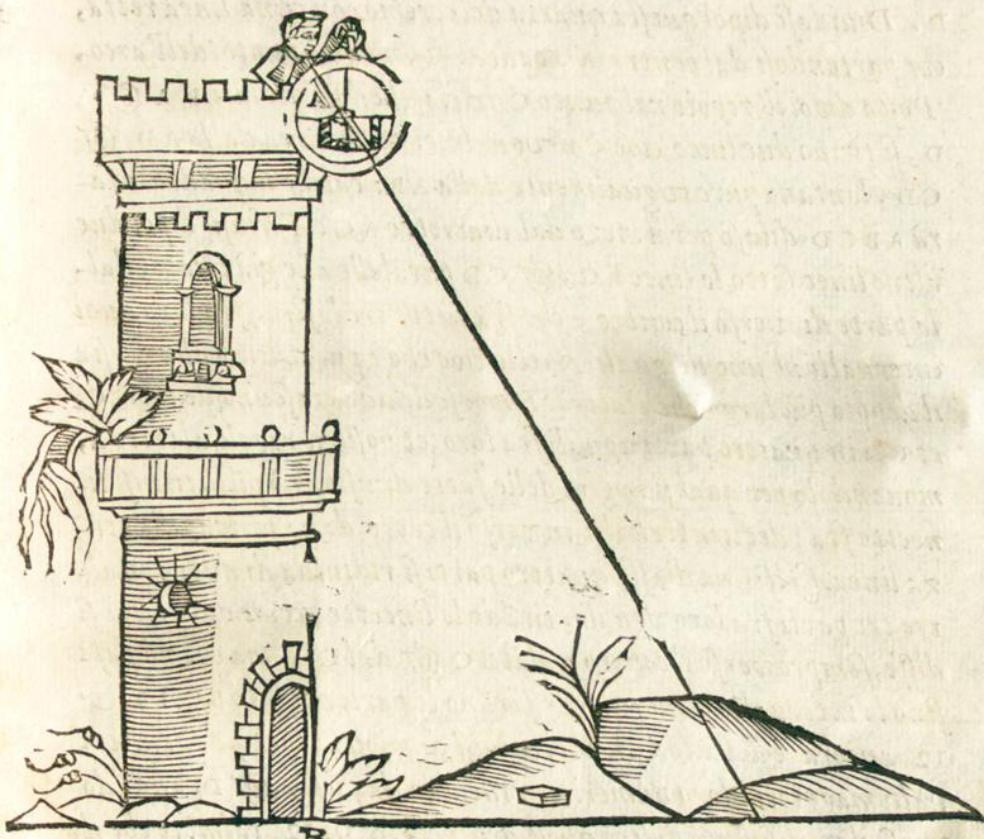
Per il che si uede, come si può misurare una lunghezza simile, che non arriui alla basa della Torre, come la H K, perche presa la lunghezza E K; Et poi di E H, come si è insegnato, traggasi la E H, della E K, Et harassi la larghezza H F. il simile si giudichi di H K, & di F H, Et delle altre simili, in simil modo poste.

Puossi misurare ancora la medesima linea, o distantia posta in piano, trouandoci in luogo alto cõ la parte di dentro dello Astrolabio; imperoche ci seruiamo della scala altimetra di detto Astrolabio, in quel medesimo modo che faceuamo di detta scala del nostro quadrante. Misurisi adunque la altezza della Torre, come si fece con la fune, dipoi si sospenda per lo anello lo Astrolabio di cima della Torre, qual diciamo che sia A, Et il piè della Torre E, Et dirizzisi la linda al punto H, Et hauremo già due triangoli ad angoli retti: uno, cioè AEH, et l'altro nella scala dello Astrolabio: de qua li il lato A E già ci è noto, Et è cõmune all' uno, Et all' altro triangolo: imperoche la E, uiene sul piombo della A, Et lo angolo E A H è sinilmente cõmune, Et gli altri lati loro saranno proporzionali à gli altri lati: secondo la quarta del sesto d' Euclide. Onde in quel modo che corrisponde lo intero lato della scala alle parti intersecate dal la linda, così farà l' altezza notaci già della Torre, alla E H basa del triangolo A E H. Et per lo esempio sia la Torre alta 24. braccia, Et la linda interseghi le noue parti della scala, così come le dodici parti della scala corrispondono alle noue di detta scala, così le 24. dell' altezza della Torre corrisponderanno alla distântia E H, che uerranno ad essere diciotto braccia. Et se si moltiplicheranno le parti intersegnate per l' altezza della Torre, Et quel che ce ne uerrà si partirà per lo intero lato della scala, da quel nume. che ce ne resterà

PRIMO

11

resterà, harembo subito la distantia E H. Questa distantia, se di nuouo si riquadrerà, multiplicandola, cioè in se stessa, & facendo ancora il simile dell' altezza della Torre, & ponendo poi insieme l' uno & l' altro di questi numeri quadrati, facendone una sola somma, & se ne cauerà poi la radice quadrata, harembo à punto la distantia A H. Ma per tor via à chi vorrà operare la fatica di cosi fatto calcolo, si è posta nel sesto libro, quando si tratta del modo del cauare le radici de' numeri quadrati, una tauola molto commoda.



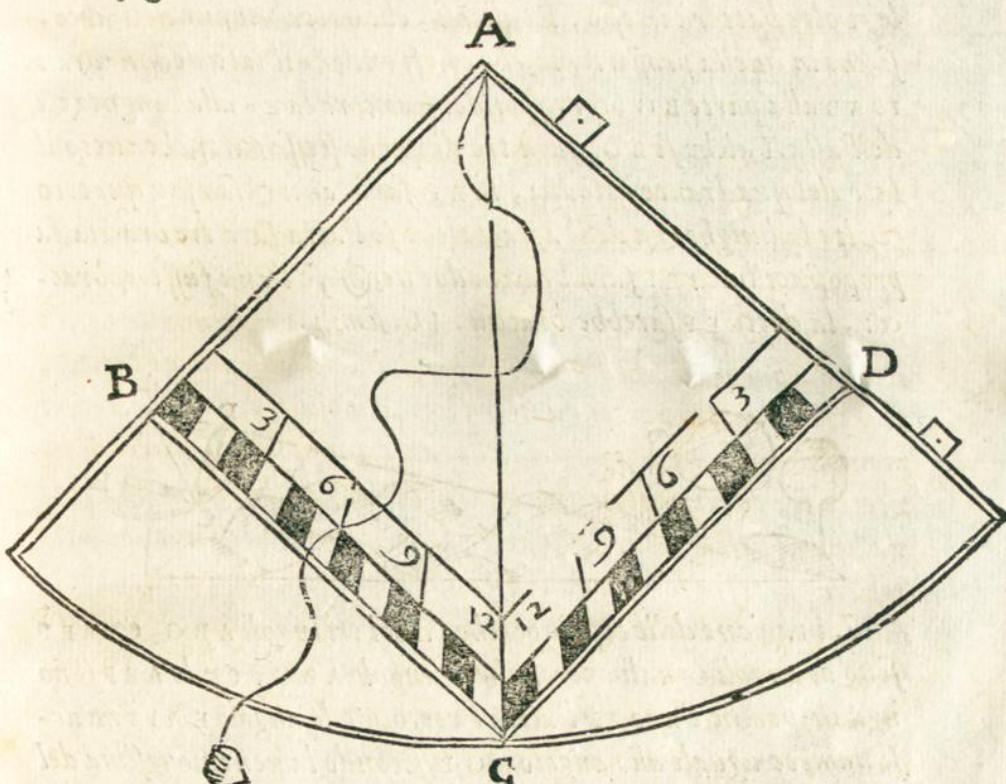
B 3 Come

L I B R O

Come si faccia il quadrante dentro alla quarta parte di vn
cerchio. Cap. V.

PIGLISI un pezzo di boſolo, di auorio, di ottone, ò
di quale altra materia ſi uoglia, pur che ſia materia
ſalda, & pulita, & in effo diſegniſi la quarta par-
te di un cerchio, con due linee, che terminando detto
cerchio ſi vadino à congiungere inſieme nel centro A con angolo
retto, ò vogliamo dire à ſquadra, come dimoſtra il diſegno A B C
D. Diuidati dipoi questa quarta del cerchio con una linea retta,
che partendosi dal centro A, vadi al C, mezo à punto dell'arco.
Poſto dipoi il regolo nel punto C in ciaschedun' de lati B A & A
D, ſi tirino due linee, cioè C B & qualmente lontana dalla A D, &
C D, lontana pure & qualmente dalla A B: talche il quadrato fa-
rà ABCD diuiſo per il mezo dal diametro A C. Tiratiſi dipoi due
altre linee ſotto le linee B C, & C D paralelle alle già tirate, dal-
la parte di verso il centro, che fra tutte tre laſcino fra loro due
interualli: l'uno de quali, quello cioè che è più & vicino alla A, ſia
il doppio più largo, che l'altro. Dipoi ſi diuida ciascuno de lati BC,
et C D in quattro parti uguali fra loro, et poſto il regolo al cētro A,
mouendolo per qual ſi uoglia delle fatte diuisioni, ò pūti, tiratiſi li-
neette fra i detti interualli, in verso il cētro, dalla prima, alla ter-
za linea. Ciascuna di eſſe quattro parti ſi ridiuida di nuouo in al-
tre tre parti fra loro uguali, tirando le lineette, come dall' altre ſi
diſfe, ſempre verso il centro A, dal B C, & dal C D; ma che nō paſ-
ſino lo interuallo minore: & farāno le parti del lato B C. I 2. &
12. ancora le del lato C D. Mettinuati dipoi nell'iſpatij dell'i
interualli maggiori i loro numeri, cominciando da pūti B, & D, andando
verso il C, diſtribuēdoli co' queſt' ordine 3. 6. 9. 12. talmēte che il
12. dell'

12 .dell'un lato, & dell'altro termini nel punto C. Puossi nondimeno ridividere la duodecima parte di qual si voglia lato , di nuovo in cinque parti uguali, pure che ce lo cōporti la grandezza dell' istruimento, tanto che ciascun lato di detto sia diuiso in parti 60. come si fece nel quadrante passato. Faccinsì dipoi due mire, forate come si vſa, & si cōmettino per testa della faccia, l'una presso all' A, & l'altra presso al D, vqualmente distanti, & à dirittura. Attachisi dipoi un filo di ſeta al centro A con un piombinetto da piede, che esca quanto si voglia della circonferentia , come vedi nel disegno.



L I B R O

Se ci sarà proposta una linea, che la vogliamo misurare con questo quadrante, faremo in questo modo. Sia la proposta ci linea E F, rizzeremo da una delle teste proposte ci, un'asta à piombo di una determinata, & à noi nota altezza, à misura, cioè alla E, & sia A E, al termine di sopra della quale asta accomodisi lo angolo del quadrante A: alzisi dipoi, o abbassisi il quadrante, lasciato andare il filo col piombo libero, dove ei vuole, fino à tanto, che la veduta dell'occhio, passando per amendue le mire, arrivi all' altro termine della proposta ci linea, cioè allo F. Fatto questo considerisi, dove batta il filo nel lato B C, conciosia che il più delle volte batterà in eßò. Et dicasi, che batte nel punto G, dicesi, che in quella proporzione, che corrisponderà il lato del quadrante A B alla parte B G, corrisponderà ancora la E F alla lunghezza dell' asta. Talche se B G, sarà tre di quelle stesse parti, che tutto il lato del quadrante è dodici, la E F sarà ancor essa per quattro volte la lunghezza dell' asta; talche se l' asta sarà tre braccia, la proposta ci linea E F sarà braccia dodici, & se l' asta fusse 4. braccia, la detta E F sarebbe braccia. 16. simili.



La ragione delle cose è, perchè i duoi triangoli A B G, & A E F sono di angoli uguali; perciò che lo angolo A B G, & lo A E F sono uguali; perchè l' uno, & l' altro è retto, & lo angolo E A F è medesimamente uguale allo angolo A G B, secondo la uentinouesima del primo di Euclide; conciosia che il filo A G attrauera, o vogliamo dire

dire intersca la A D, & la B C, che sono fra loro parallele. Adunque l'altro angolo A F E è uguale all' altro B A G, secondo la trentunesima del primo. I triangoli adunque A B G, & A E F, sono di angoli uguali; & quei lati che sono intorno ad angoli uguali, sono fra loro proporzionali secondo la quarta del sesto. Come corrisponde adunque A B alla B G, corrisponde ancora la E F alla lunghezza A E.

Come si possino misurare le linee à piano senz' alcuno quadrante, ma solo con la squadra ordinaria.

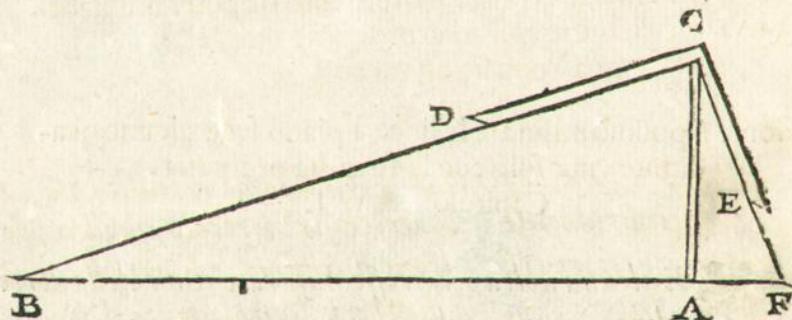
Capitolo V I.

SE alcuna uolta occorresse misurare una delle dette linee à piano; et che nō si hauesse né l' uno, né l' altro quadrato, facciasi i questo modo. Dicasi che la linea da misurarsi sia A B, alla testa A della quale rizzisi un' asta, che sia A C, scompartita in quante parti si vogliono. Pigliasi dipoi una squadra ordinaria, che sia D C E, & pongasi con il suo angolo di dentro, in cima dell' asta C: dipoi si uolti l' un de lati della squadra, cioè il C D, in verso l' altro termine B, accostisi dipoi l' occhio al punto della squadra C, et alzisi, o abbassisi detta squadra D C E fino à tāto, che per la parte C D, la ueduta dell' occhio corra insino al termine B della proposta linea A B. Dopo senza muouere la squadra, ueggasi di allungare l' una, et l' altra, cioè la A B, et la C E fino à tanto che si congiunghino insieme, il che si potrà fare cō accomodare un regolo alla parte della squadra C E; & donec dette linee si riscontrano sia F. Fatte queste cose, in quella propotione, che corrispōde l' asta ritta A C alla parte A F, corrisponderà la proposta linea A B alla quantità di essa asta.

Talche

L I B R O

Talche se l'asta farà braccia tre, & la AF. braccia uno, perche il tre corrisponde per tripla, cioè per tre tanti allo uno, corrisponderà ancora nel medesimo modo la proposta ci lunghezza AB, cioè farà per tre astre; talche se l'asta farà tre braccia, la AB farà noue braccia simili.



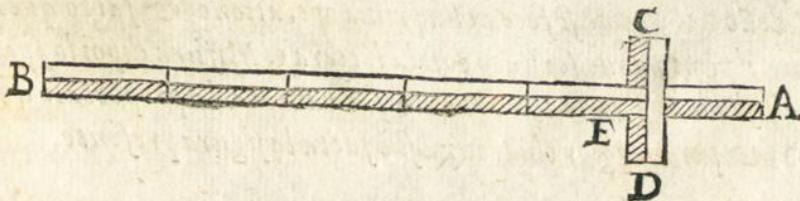
La ragione delle cose dette è, perche del triangolo BCF gli tre angoli sono uguali à due à squadra secondo la trentunesima del primo di Euclide. Ma il BCF è angolo à squadra, adunque gli altri duoi CBF, & BFC sono uguali ad uno à squadra. Per la medesima ragione ancora i duoi angoli ACF, & CFA del triangolo ACF sono uguali ad uno à squadra, conciosiache il loro terzo CAF è à squadra. Adunque i duoi angoli CBF, & BFC, sono scambieuolmente uguali à gli angoli ACF, & CFA, conciosiache e' sono uguali al medesimo loro angolo à squadra. Et se ei si traesseno da i medesimi angoli uguali, lo angolo commune, cioè il BFG, l'altro CBA, saria secondo la commune sententia uguale all' altro ACF. Ma lo angolo BAC, è uguale allo angolo CAF, conciosiache l'uno & l'altro è à squadra, lo angolo ancora ACB farà medesimamente uguale all' altro CFA. Per la qual cosa i duoi triangoli ABC, & ACF, sono di angoli uguali; & i lati, che hanno attorno,

torno perche sono intorno ad angoli uguali, sono fra loro proporzionali, secondo la quarta del sesto di Euclide. In quel modo adunque che corrisponde l'asta AC alla lineetta AF, corrisponde ancora la proposta ci lunghezza AB all' asta ritta AC, che era quello voleuamo mostrare.

Come si possa fare vn' altro instrumento da poter misurare le distantie cosi adiacere come ritte, alle quali non si possa accostare.

Cap. VII.

PE R fare il baculo, che cosi chiamano i latini questo instrumento; apparecchisi un regolo quadro per tutti i versi di legno durissimo, & atto a non si torcere, ò piglisi di ottone, lungo quanto ci piace; ma loderei che almeno fusse due braccia, di grossezza moderata, come ti dimostra il disegno. Diuidasi dipoi detto regolo in alcune parti uguali fra loro, dieci, otto, ò sei, secondo ci tornerà più commodo, & si chiami questo regolo AB. Facisi dipoi un' altro regolo simile; ma lungo solamente quanto una delle parti, nelle quali diuidesti il primo regolo maggiore AB; & tanto largo che vi si possa fare una buca quadra, talmente nel mezo al punto E, che si possa muouere commodamente per il regolo AB, facendo sempre angoli à squadra; & chiamisi questo regolo minore CD, come vedere si può nel disegno.



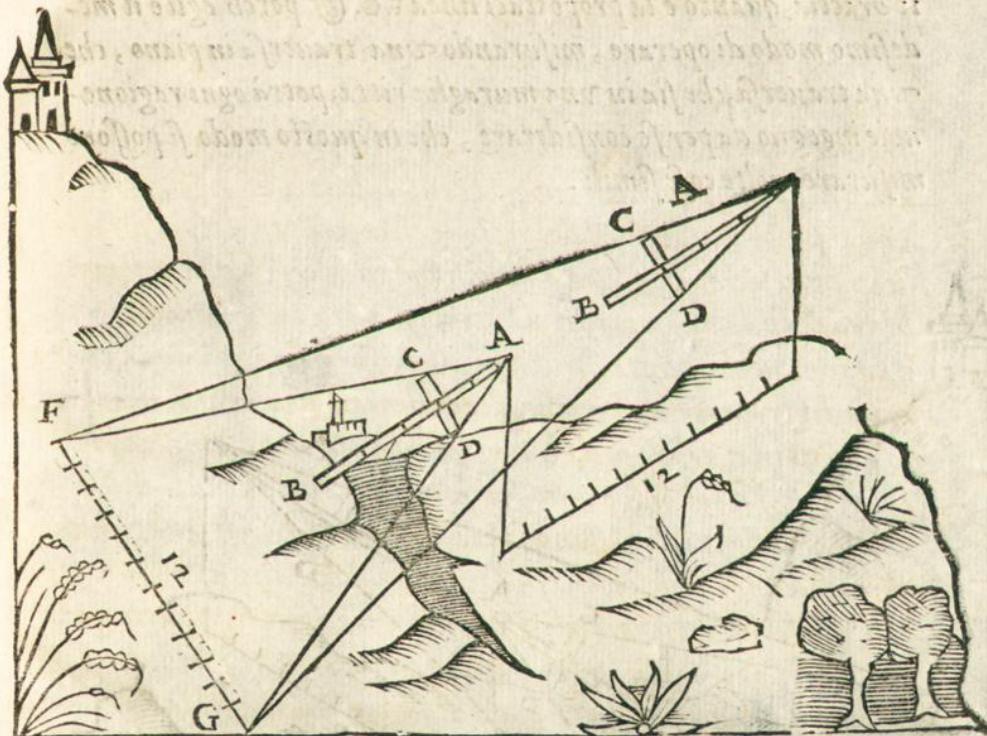
Parmi

L I B R O

Parmi ragioneuole poter chiamare questo regolo maggiore , cioè lo A B il bastone : & il regolo minore , cioè il C D , il trauersale .

Se noi uorremo misurare una linea posta adiacere nella pianura per il trauerso , alla quale nō ci possiamo accostare , cō questo instrumento : faremo in questo modo , sia la propostaci linea F G à trauerso del piano , noi moueremo il trauersale C D , & lo fermeremo à qual si uoglia diuisione del bastone A B , come per esēpio diremo di hauerlo fermo alla seconda diuisione , in verso B , hauēdolo messo dalla testa A : porremo dipoi l'occhio al pūto A , & abbasseremo il bastone uersò la linea diritta F G da misurarsi , applicando l'estremità del trauersale à termini di eßa linea da misurarsi , cioè il latto destro D , al destro della linea G , & il sinistro C al sinistro F . Accosteremoci dipoi , ouero discosteremoci tāto , che la ueduta dell'occhio posto al punto A passando per l'estremità C D del trauersale , arrini ad un tratto secōdo i suoi lati corrispōdetisi allo F , et al G , talche si facino duoi raggi di ueduta A C F , et A D G . Fatto questo notisi il luogo , dove siano stati , à tale operatione , ò ueduta cō la lettera H . Mouiamoci poi di questo luogo , mouēdo ancora il trauersale all'altra diuisione del bastone più uicina allo A , se ue ne fusse , se ci sarà bisogno di accostarci alla F G da misurarsi ; ò muouasi detto trauersale uerso B , hauendoci à discostare , cioè alla terza diuisione , che è nel bastone uerso B , partēdolo dall'A , & il nostro muoversi sia tale , che stādo fermo il trauersale C D nella terza diuisione , posto l'occhio di nuouo allo A , uegga di nuouo per C D , le estremità dello F G , come si fece nella prima operatione , & fatto questo nota il punto dove sei stato con la lettera I . Misura dipoi lo spatio che è fra lo H , & lo I , che tanto sarà ancora la propostaci linea F G , & per maggior chiarezza si è fatta la figura presente .

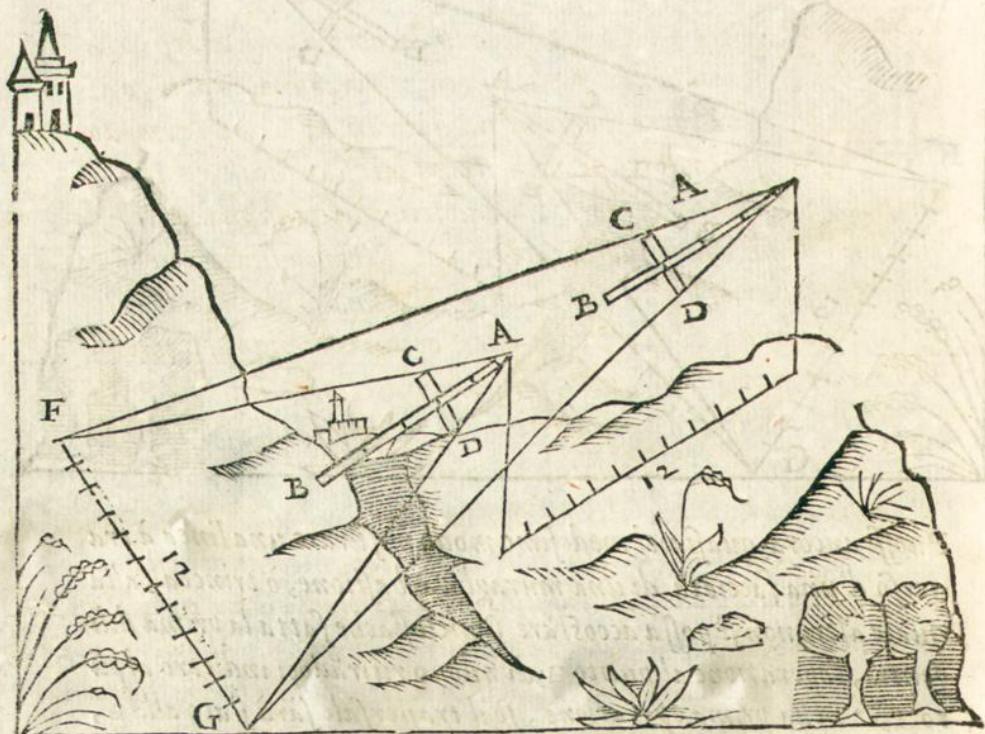
Puossi



Puossi ancora, quasi nel medesimo modo misurare una linea à traverso d'una facciata, di una muraglia, ò bastione, ò trincea, alla quale altri non si possa accostare. Con ciò siache fatta la prima diligenzia, ò operatione al punto H, di nuovo ritirādoci indietro al punto I, et nella prima operatione, se il trauersale sarà stato alla E, cioè alla seconda diuisione del bastone: & nella secōda operatione sarà alla terza diuisione. Ouero per il cōtrario, cioè se dato che sia mo stati prima alla operatione nel punto I, & il trauersale CD, habbiamo tenuto alla terza pur diuisione; et accostādoci poi al punto H, habbiamo nell'operare tenuto il trauersale CD alla seconda diuisione:

L I B R O

diuisione; diceſi che lo ſpatio, che è fra la H, & lo I, è à punto tan-
te braccia, quanto è la propoſtaci linea F G. & perch' egli è il me-
deſimo modo di operare, miſurando una traueraſa in piano, che
una traueraſa, che ſia in una muraglia ritta; potrà ogni ragione-
uole ingegno da per ſe conſiderare, che in queſto modo ſi poſſono
miſurare molte coſe ſimili.



Come ſarebbe, ſe volefſimo miſurare una larghezza, ò altezza
di una canoniera, ò una finestra alta in una muraglia, ò qualche
altra coſa ſimile poſta in monte, ò in piano; concioſi che co' queſto
inſtrumento ſi può miſurare, quaſi tutte le diſtātie, ò per traueroſo
in piano,

in piano, ò per trauerso in edificio ritto, ò per altezza ancora, se ben le linee ritte non arriuino al piano, donde si rileua la muraglia.

Come le linee rileuate ad angolo retto di sopra il piano del terreno si possino misurare con il Quadrante Geometrico.

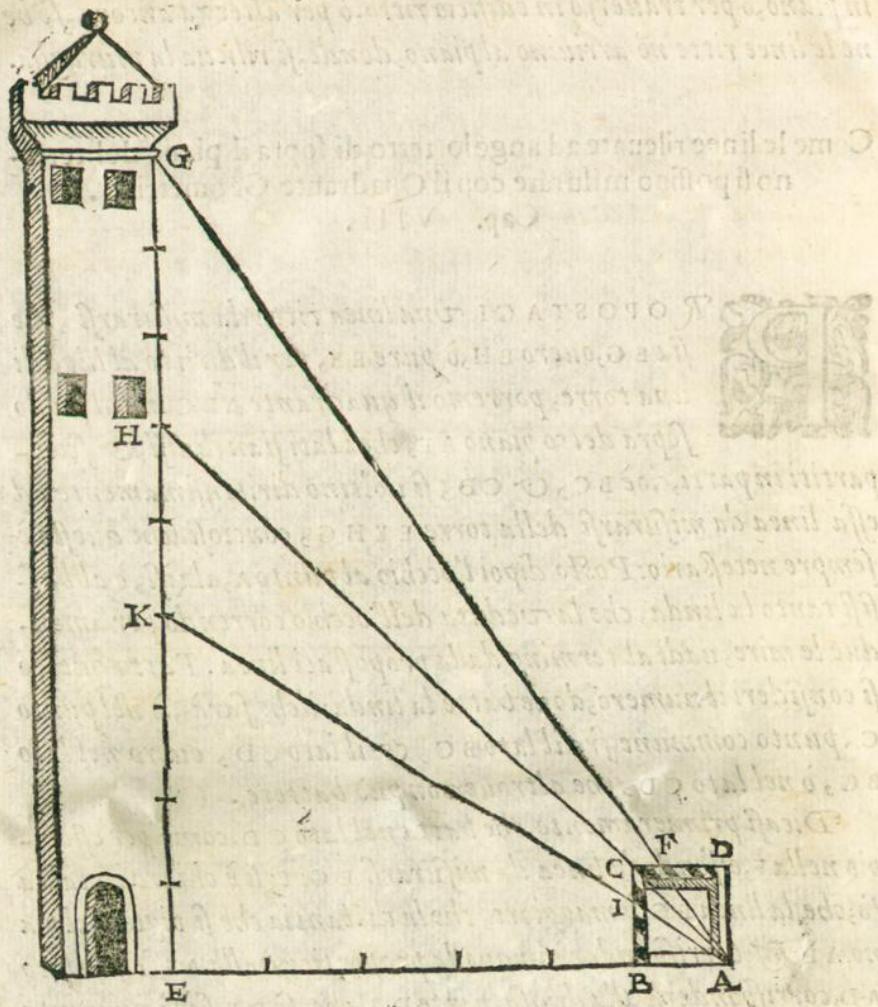
Cap. VIII.

PR O P O S T A C I una linea ritta da misurarsi, che sia E G, ouero E H, ò pure E K, per il diritto al luogo di una torre, porremo il quadrante ABC in tal modo sopra detto piano AE, che i lati sian diuisi, e scompartiti in parti, cioè BC, e CD, si uoltino dirittissimamente ad essa linea da misurarsi della torre E K H G, conciosiache questo è sempre necessario: Posto dipoi l'occhio al punto A, alzisi, ò abbasisti tanto la linda, che la veduta dell'occhio correndo per ambedue le mire, uadi al termine dalla propostaci linea. Fatto questo si consideri il numero, dove batte la linda: ilche farà, ò nel punto C, punto commune fra il lato BC, e il lato CD, ouero nel lato BC, ò nel lato CD, che altroue non può battere.

Dicasi primieramente, che batte nel lato CD, come per esempio nella F, essendo la linea da misurarsi E G: egli è chiaro in tal caso, che la linea E G, è maggiore, che la distantia che si vigliò del piano AE; e corrisponderà in quella proporzione alla AE, che il lato AD corrisponderà alla diuisa parte DF. che se DF farà quaranta di quelle medesime parti, che il lato del quadrante è 60. perche 60. corrisponde al 40. per sesquialtera, cioè per la metà più: similmente la linea EG farà lunga per una volta, e mezo di essa AE. Talche se AE per modo di esempio farà 18. braccia, la propostaci EG farà 27. braccia simili.

Læ

LIBRO



La ragione delle cose dette è, che i triangoli ADE, & AEG, sono di angoli uguali; perche lo angolo DAF è uguale allo angolo AGE secondo la uentinovesima del primo di Euclide; & per la medesima lo angolo AFD è medesimamente uguale allo angolo EAG; conciosia che l'uno, & l'altro angolo ADF, & AEG è retto, & vogliamo

vogliamo dire à squadra: et però fra loro vquali. I triangoli adunque A D F, & E A G sono di angoli vquali, & i lati ouero corde loro sono proporzionali, secondo la quarta del sexto di Euclide. Adunque in quel modo che corrisponde il lato A D alla diuisa parte D F, corrisponde ancora la linea E G alla lunghezza del piano A E, et questo serua per la prima dimostratione.

Ma se la linda batterà à punto nell'angolo C, et la linea da misurarsi sia E H, egli è chiaro, che la E H è vguale al piano A E. Misurisi adunque la A E, laquale se per modo di dire farà braccia dieci otto, farà anco braccia diciotto la altezza E H. Et in questo medesimo modo si debbe operare, circa le altre linee simili poste à questa similitudine.

La ragione è perche i duoi triangoli A B C, & A E H, sono di nuovo di angoli vquali; come facilmente si può prouare, per la medesima ventinovesima del primo. Adunque per la quarta del sexto poco di sopra allegata in quel modo, che corrisponde il lato A B, all' lato B C, così corrisponde ancora la lunghezza A E alla propostaci linea E H; conciosia che le riguardano angoli vquali, cioè retti, & i lati A B, & B C sono fra loro vquali. Adunque essa lunghezza del piano A E farà vguale alla propostaci E H.

Ma quando la linda batterà nel lato B C, cioè alla diuisione I, la lunghezza all' hora del piano, intrapresa fra l' occhio, & la basa della altezza da misurarsi, farà maggiore della propostaci linea, in quella stessa proporzione, che il lato intero del quadrante supererà la diuisione occorsati di detto lato. Sia la linea da misurarsi E K, & la diuisione BI sia 40. di quelle stesse parti, che tutto il lato del quadrante B C, è 60. come il 60. corrisponde al 40 per sesquialtera, cioè per la metà più: in questo medesimo modo lo spatio A E, farà per una volta, et mezo dello E K. Misurisi adunque la lunghezza

L I B R O

za A E, & traggasene il terzo, & barassi laltezza E K. Come per esempio se A E fosse braccia diciotto, trattone sei, resterebbono dodici, & tanto farebbe laltezza E K.

La ragione è; perche i duoi triangoli A B I, & A E K, sono di angoli uguali, ilche si prouua per la medesima ragione, che si prouarano i duoi triangoli A B C, & A E H, secondo la già molto replicata ventinovesima del primo. Sono adunque (come i primi) gli angoli A B I, & A E K, fra loro uguali, perche amendui sono retti: adunque i lati A B, et B I, sono medesimamente per la quarta del sexto proporzionali à lati A E, & E K. In quel modo adunque, che corrisponde il lato A B alla intersegata parte B I, corrisponde ancora la lunghezza A E alla propostaci linea E K.

Dalle cose dette di sopra si caua una manifestissima regola da misurare una linearitta, ancor che non arriui al piano del terreno, come è la linea G H, conciosia che trouate le lunghezze delle E G, & E H, secondo quell'ordine, che poco fà si disse, se si trarrà la lunghezza E H dalla lunghezza E G, ne rimarrà la lunghezza G H, & seruaci per esempio, che sia trouata la lunghezza E G esser braccia 27. la E H di braccia 18. se si trae il detto 18. di 27. ne rimane 9. braccia, che tanto è la G H; & il medesimo giudicio, & discorso si debbe fare d'ogni altra linea come G K; & H K, & delle altri simili, et nel simil modo collocate, come sono le lunghezze delle finestre, o le lunghezze degli ballatoi, o altre cose, che escono fuori degli diritti degli edificij.

Come

Come si misurino le dette linee à piombo , con il quadrante del cerchio , & prima della proportione delle ombre. Cap. IX.

NON è nessuno di mediocre ingegno, che non sappia, che le ombre causate dal Sole, & dalle torri, & altri edificij, ne' quali battendo il Sole, le ribatta in terra, si chiamano ombre rette: & è chiaro, che queste nel levar del Sole; & nel tramontare ancora si distendono in infinito: & nel salir ad alto il Sole, vanno proportionalmente scemando, sino à che egli arriui all' hora determinata del mezo giorno, nel qual punto sono picciolissime; & poi declinando egli da detto punto, verso Occidente, vanno continuamente crescendo fino al tramontare, nel qual punto sognano eßer lughissime: Ma questo accrescere, & scemare dell' ombre è talmente proportionato, che trouàdosi il Sole ne pùti, & ugualmente discosto dalla linea del mezo giorno, causa, le medesime ombre, così nel salire, come nel tramontare. Mediante questa osservazione adunque delle ombre, ci sarà facile il poter misurare con il quadrante del cerchio le altezze di quelle torri, & edificij, che le causano, in questa maniera. Dirizzisi à raggi del Sole il lato sinistro di detto quadrante, & alzisi, & abbassisi il lato destro, oue sono le mire (lasciando sempre andare libero il piombo col filo d'ore ei vuole) tanto che il raggio del Sole passando per l' una, & l'altra mira ci dia il punto d'oue batte il filo. Notisi detto punto: perciò che se ei batterà nel lato B C, ilche suole accadere ogni uolta, che l' altezza del Sole nō passa 45 gradi, come per esempio si dica, che batte nel punto E mezzano infra il B, & il C; in tal caso l' ombra sarà maggiore, che il corpo che la causa, & in quella proportione, che corrispondono le dodici parti, cioè il lato tutto del quadrante, ad esse

C 2 parti,

LIBRO

parti comprese dal filo. Come se per modo di esempio il filo intraprendesse sei parti, & la propostaci altezza da misurarsi fusse G F, et la sua ombra terminata da raggi del Sole fusse G I. Concosia che il 12. ha proportione di dupla al 6. cioè di l'vn due, à corrispondenza l'ombra G I farà per doi volte la propostaci altezza G F. Misuri adunque l'ombra G I, la quale sia per modo di dire 20. passi, già sapremo tre cose manifeste, di modo che mediante la regola delle quattro proportionali, moltiplicando l'ombra per le parti comprese dal filo, et diuiso poi il multiplicato, per il lato del medesimo quadrante, la parte di detta diuisione ci darà la propostaci altezza; et lo esempio è, che si moltiplichli 20. passi dell'ombra per le sei parti comprese dal filo, et si parta poi il 120. che ce ne verrà per il 12. che sono le diuisioni di tutto il lato del quadrato, et ce ne uerrà 10. vilche si dirà cō uerità, che la propostaci altezza G F farà 10. passi.

La ragione è che i duoi triangoli ABE, & FGI sono l'vn per l'altro di angoli uguali. Concosia che lo angolo ABE è uguale allo angolo FGI peroche l'vno, et l'altro è retto, ò vogliamo dire à squalo. Lo angolo ancora AEB, è uguale allo angolo GFI, come quello, che è uguale allo altro DAE, il quale è uguale al medesimo angolo, di dentro à lui opposto GFI secondo la ventinouesima del primo di Euclide. Adunque l'angolo rimanente BAE è secondo la trentunesima del primo uguale allo altro rimanente GIF. La onde essi triangoli ABE, et FGI sono di angoli uguali, et perche i lati, che sono intorno ad angoli uguali, sono fra loro proporzionali, secondo la quarta del sexto: si come A B corrisponde al BE, così corrisponde ancora il GI all'altezza G F.

Ma quando il filo batterà nel punto G termine mezzano, fra l'uno, et l'altro lato, ogni ombra all' hora è uguale all'altezza del la torre, ò di qual altro corpo, che la causi, puossi adunque misurare quante .

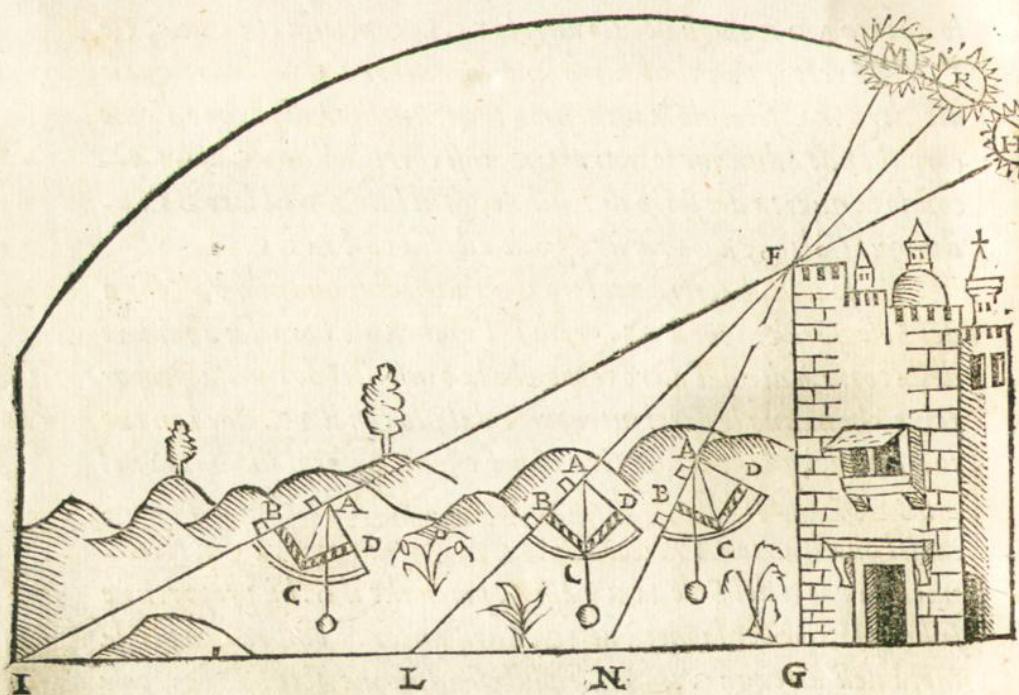
quante braccia, ò passi sia l'ombra, et sappressi l'altezza della torre. Et questo avviene, ogni uolta, che il Sole è precisamente all'altezza di 45. gradi, et per esempio si è messo nella figura disotto l'altezza GF, e se il Sole è K, cioè ne' 45. gradi d'altezza, ò che non li passi, il raggio del quale KL pare che termini l'ombra GL, à punto uguale all'altezza della torre GF. ò se altro corpo fusse che la causasse.

La ragione è; perchè i triangoli ACD, et FGL, sono di angoli uguali: conciosia che lo angolo CAD è uguale all'oppostoli di dentro GEL, secondo la uentinovesima del primo di Euclide; et lo angolo ancora ADC è uguale allo angolo FGL, conciosia che l'uno, & l'altro è retto; pericche l'altro angolo ancora ACD sarà uguale all'altro FGL, secondo la medesima trentunesima del primo. Come corrisponde adunque lo AD al DC, così corrisponde FG al GL secondo la quarta del sesto di Euclide, & il lato AD al lato DC: adunque l'altezza GF sarà uguale ad essa ombra GL.

Ma se il filo batterà nel lato CD (ilche sia, quando l'altezza del Sole sarà più che à 45. gradi) l'ombra all' hora sarà minore della torre, ò di qual' altro corpo, che la causi, secondo quella proporzione, che hanno le parti intraprese dal filo con il 12. cioè con tutto il lato del quadrato. Et servasi per esempio, che il filo battà nel punto, & essa de sia sei di quelle parti medesime, che tutto il lato del quadrante è 12. cioè il lato CD. & sia l'ombra GN terminata da raggi del Sole MN passi 5. percioche il 6. ha proporzione subdupla, cioè per la metà al 12. Sarà ancora l'ombra GN per la metà dell'altezza GF. Multiplichisi adunque secondo la regola delle quattro proportionali il numero de' passi di detta ombra, cioè il 5 per il 12. & ce ne verrà 60. il quale partasi per le intrapresse parti del CD, cioè per DE, che fù 6. vedremo, che ce ne verrà 10. à punto. Adunque la proposta ci GF sarà alta 10. passi.

L I B R O

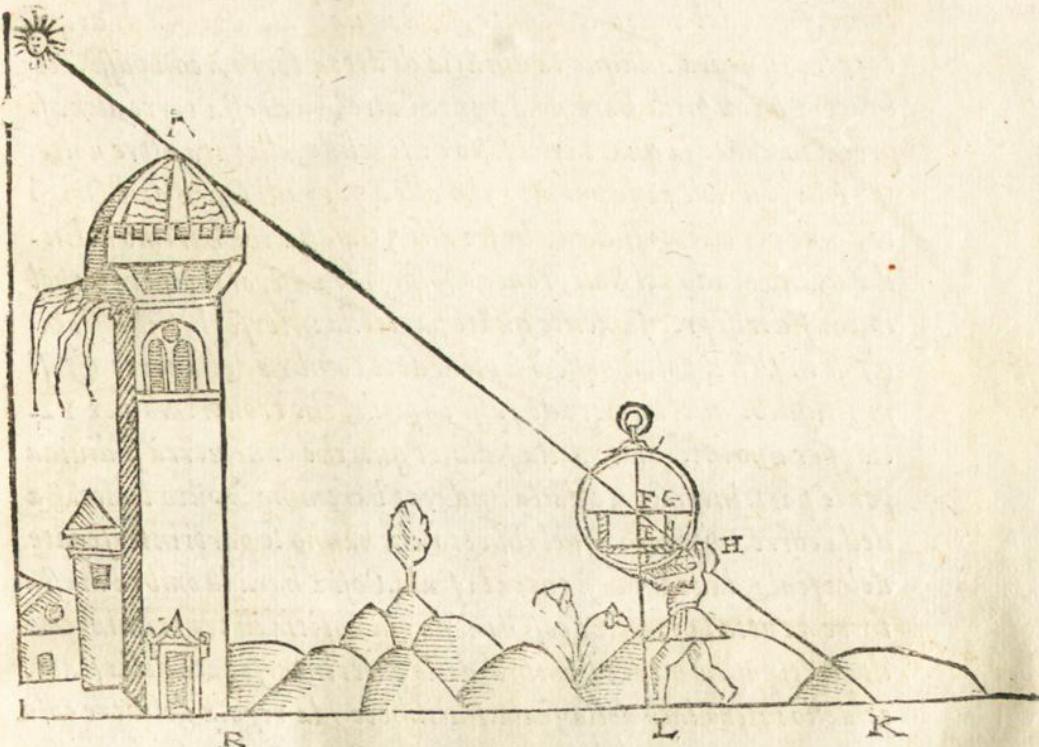
La ragione è, che i duoi triangoli A D E, et F G N, sono di angoli uguali, secondo le allegate molte volte, uentinouesima, et trentunesima del primo di Euclide. Et perche lo angolo A D E è uguale allo angolo F G N, secondo la quarta dimanda: Corrisponderà adunque per la quarta del sesto N G al G F, in quella proportione, che corrisponde lo E D, al D A, & per più chiarezza, veggasi il disegno presente. Concio sia che da quello si potrà ogni ragione uole ingegno chiarire delle cose dette di sopra.



In questo medesimo modo si può operare, sia l'ombra grande quanto si uole, & intraprenda il filo quante parti si siano del lato B C, o del

dell' lato C D , come di sopra ne mostra la figura, dando lo esempio delle tre dimostrazioni, che non può fallire, se il quadrante si adopererà à ragione, che il raggio del Sole passi per amende le mire, & il filo con il piombo corra libero à qual si vogliano parti, di qual si voglia lato del quadrante.

Nel medesimo modo, che si misurano le altezze mediante le ombre con il quadrante, si possono ancora misurare con lo Astrolabio.

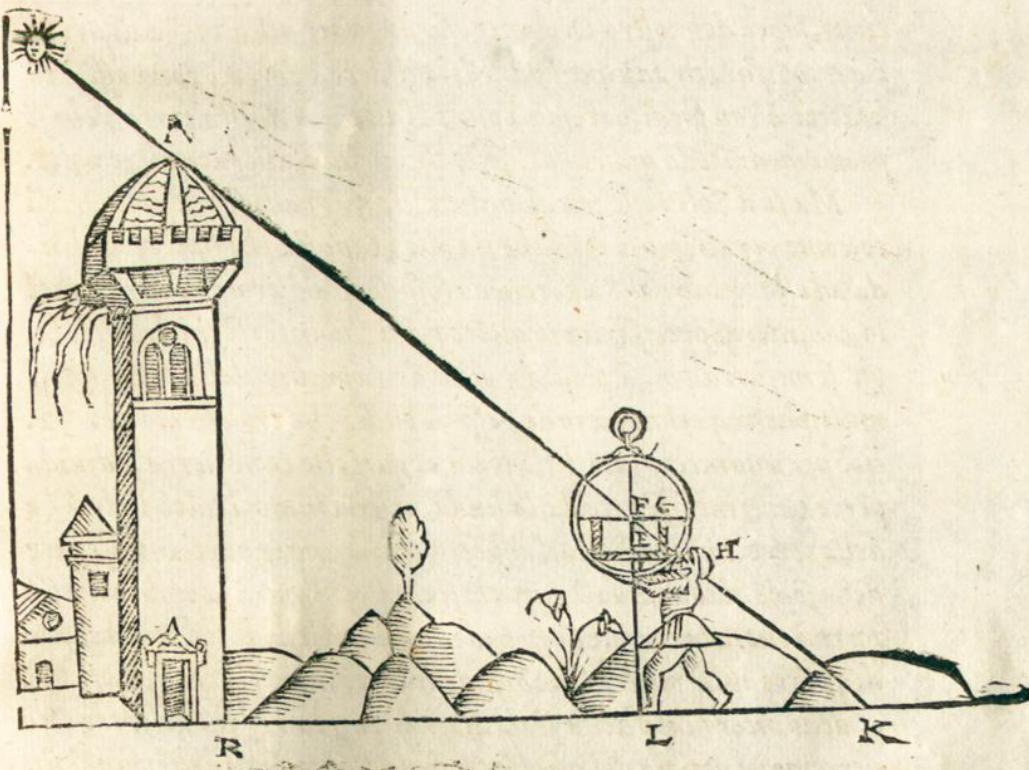


LIBRO

ma la operatione si farà in questo modo. Et prima, pongasi, che l' altezza del Sole sia à 45. gradi, & il lato dell'ombra retta della scala sia E D, & dell'ombra uersa sia D G, et il centro della linda sia F, per le mire della quale passi il raggio solare farà adunque la parte del raggio solare A C, basa di un triâgolo di lati uguali, come la FD è ancor essa la basa del triangolo F E D dello Astrolabio, et lo angolo B, piede della torre è angolo retto del triâgolo, che ha duoi lati uguali, cioè A B, et B C, si come nello Astrolabio è ancora angolo retto la E de duoi lati uguali E F, et E D: dicesi, che l'ombra, che verrà dalla torre, mêtre che il Sole farà ne' 45. gradi di elevazione, sopra del nostro Orizonte, farà uguale all'altezza di detta torre. Misurata adunque la distâcia di detta torre, ò con passi, ò co braccia, ò con piedi, haremo à punto l'altezza di essa torre, ilche si proua mediata la quarta del sesto di Euclide, allegata altre uolte.

Ma se il Sole fosse più alto, che alli 45. gradi sopra dell'Orizonte, come per esempio si dica, che sia alli 56. posta che haremo la linda ad esso grado del Sole, tenendo soffeso lo Astrolabio per lo anello, considerisi precisamente quâte parti ella interseghi della scala, & si misuri dipoi, à passi, ò à piedi detta ombra della torre, & si multiplichi quel numero de passi, ò piedi, che troueremo per 12. cioè per uno intero lato della scala, et quel che ce ne uerrà si diuida per le parti intersegate dalla linda, et haremmo à punto l'altezza della torre. Imperoche quel rispetto, che hanno le parti intersegate della scala, dalla linda à tutta la scala. Così l'harà la ombra di essa torre à tutta la torre. Et così hauendo già notitia di tre termini cioè di quâti passi, ò piedi è l'ombra, delle parti intersegate della scala, et dello intero lato della scala. Facilmête p la regola delle tre cose uerremo in notitia del quarto termine. Come se per esempio noi foggessimo, che il raggio del Sole A C, che uié da 56. gradi di altezza interse-

interseghassì le otto parti di detta scala, nel lato DE, et la ombra già nota à noi, cioè BC, fusse 24. et la scala tutta sappiamo che è 12. dirò se otto parti della scala mi dà 12. che mi daranno uentiquattro? Multiplichisi adiughi la ombra per la scala intera, cioè 24. ver 12. et ce ne uerrà 288. il qual numero diuidasi per le intersegate parti della scala, che furno otto, et ce ne uerrà 36. il qual numero sarà à punto l'altezza dellatorre, ch' noi cercauamo. Ma perché mediate la piccolezza degli Astrolabij, ò altri simili instrumēti, le par-



ti della

L I B R O

tì della scala non si posson così precisamente pigliare secondo l'altezza del Sole, accioche in questo luogo non ci manchi cosa alcuna, hò posto qui di sotto al disegno dell'operatione, una Tauola detta del Re Alfonso, per la quale noi potremmo vedere, quali parte della scala corrispondino à qual si voglia grado, ò minuto dell'altezza del Sole, la qual farà molto commoda ad alcune cose che seguiremo di dire.

Tauola.

Tauola dell'una ombra, & dell'altra, cioè della retta, et della versa, di quanti diti, & minuti, corrispondono di eßa, à ciascun grado & minuto del Sole, ò della Luna.

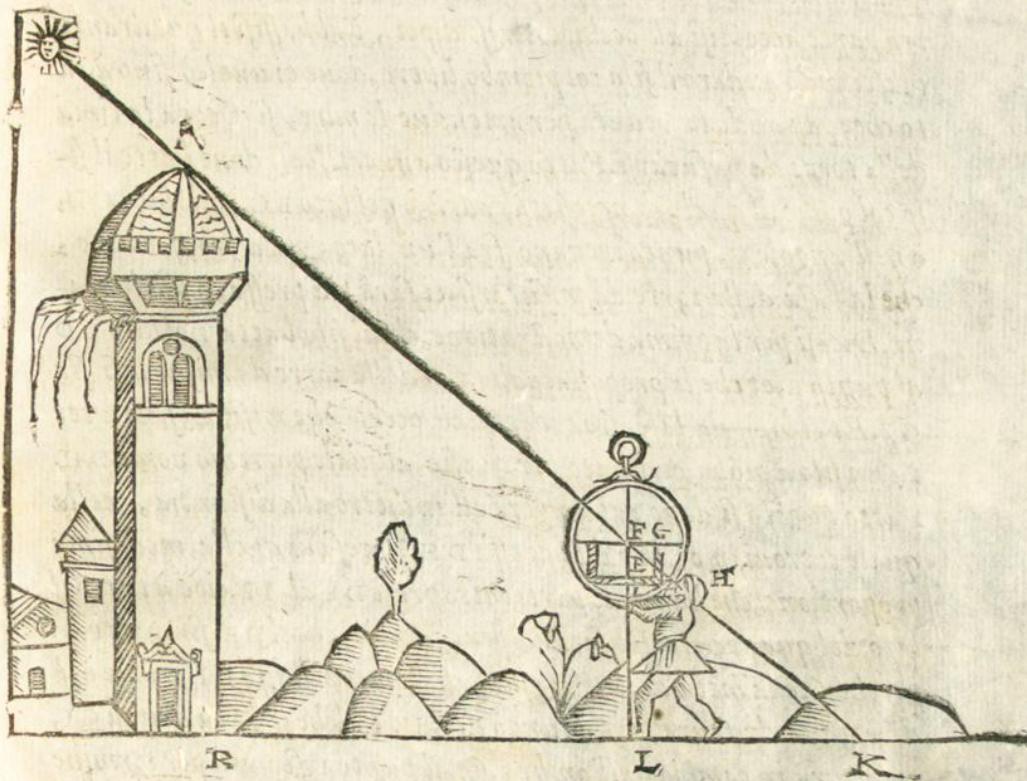
Altezza Gradi	Parti della sca- la interse- gate.		Altezza Gradi	Parti della sca- la interse- gate.	
	Diti	Min.		Diti	Min.
1	12	0	15	27	35
2	25	0	30	28	29
3	38	0	45	29	24
4	50	1	0	30	18
6	0	1	15	31	9
7	12	1	30	32	0
8	21	1	45	32	51
9	31	2	0	33	43
10	41	2	15	34	30
11	53	2	30	35	18
13	0	2	45	36	6
14	8	3	0	36	54
15	14	3	15	37	37
16	19	3	30	38	56
17	23	3	45	39	5
18	26	4	0	39	49
19	28	4	15	40	30
20	30	4	30	41	10
21	32	4	45	41	51
22	34	5	0	42	31
23	33	5	15	43	8
24	33	5	30	43	47
25	33	5	45	44	24
26	33	6	0	45	0
					12

LIBRO

Ma se ci occorrerà misurare le altezze mediate quelle ombre, che uerranno dal Sole, quando sarà in manco che in 45. gradi di altezza, auuertiremo: che nel misurar passato, la ombra haueua la medesima proportione alla torre, che haueuano le parti della scala intersecate dalla linda, à tutta la scala. Ma nel modo di questo misurare, così come tutta la scala corrispôde alle parti sue intersegate dalla linda, così corrispôde l'ombra della torre ad essa torre. So spendasi adûque lo Astrolabio per il suo anello, & pigli si l'altezza del Sole, & poniamo che sia à gradi 40. & considerisi qual parte della scala venga intersegata dalla linda. Dipoi misurisi la ombra à passi, ò à piedi, & multiplicisi il numero di detti passi, per le parti intersegate della scala: et quel che ce ne uiene, si diuida per la scala intera, cioè p. 12. et quel che ce ne resterà, sarà l'altezza della torre. Qui giudico io necessario dichiarare, che cosa sia om

Ombra retta, et ombra uersa. Ombra retta si chiama quella diessa scala, la qual cadrà da qual si uoglia altezza (non passando il Sole il quaratacinquésimo grado di eleuatione sopra del nostro Orizonte) che si cōprede dalla linea retta distesa per il piano, atteso che quel lato della scala ci rappresenta la linea del piano. Ombra uersa è quella, che quando il Sole non arriuia alli 45. gradi, nō cade più nel lato dell'ombra retta, ma nell'altro, & si chiama uersa, cioè riuolta all'insù per l'altezza, ad angoli retti. Et per facilitare le cose à lettori: dico che il lato della scala DE, è quello che rappresenta il lato dell'ombra retta, che è il medesimo che la linea del piano. Se adûque il raggio del Sole dalli 40. gradi di sua altezza, batterà nella decima parte dell'ombra uersa, et si distenda sino al K, nella linea già tirata del piano che sia BK. Et dal K si tiri una parallela fino alla FE, che sia KL, baremmo già tre triangoli ad angoli retti, il primo FKH, il secondo FLK, & il terzo ABK. Hora si come

come le parti intersegate G H corrispondono alla G F, ouero allo H I, cioè à tutta la scala, così la F L corrisponde alla K L, che è la linea del piano. Adūque hauendo noi tre termini noti, uerremo per la regola delle tre cose in cognitione dei quarto, che è A B: Et poniamo, che i passi dell' ombra sieno 14. i quali multiplichansi per le parti intersegate della scala, che furno 10. Et ce ne verrà 140. il qual numero se si partira per 12. intero lato della scala, ce ne resterà 8. che sarà à punto l'altezza della torre che andauamo cercādo.



Come

LIBRO

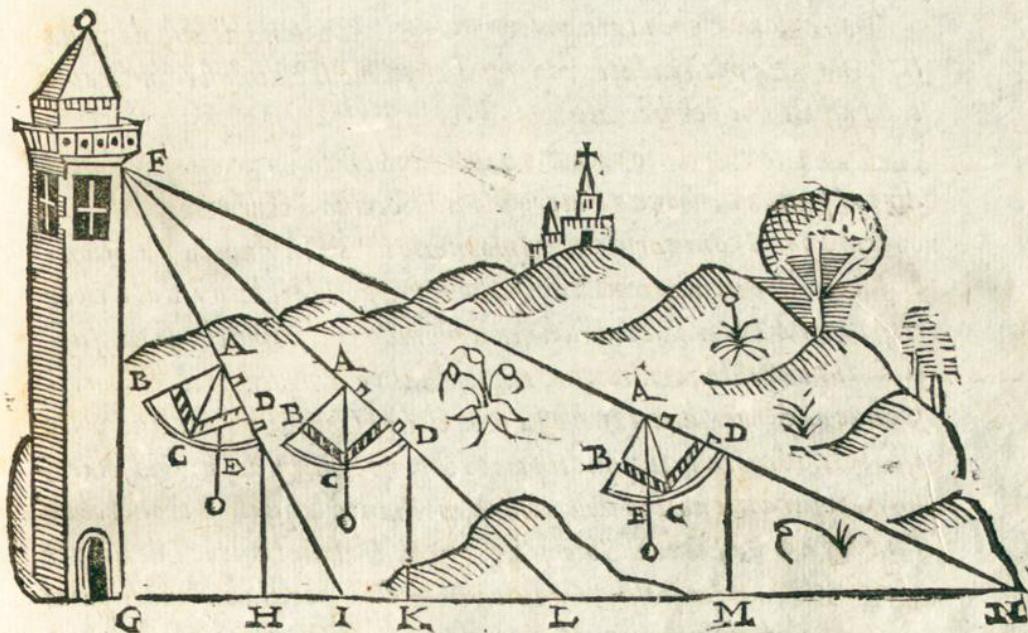
Come si misurino dette altezze con il medesimo quadrante,
senza la consideratione delle ombre , ma so-
lo con i raggi della veduta.

Cap. X.

MOLTE volte ci può accadere il voler misurare le altezze, quando il Sole non è scoperto, et che nō causa l'ombre, però in tal caso seruirenci de raggi della veduta, in questa maniera. Voltisi la mira sinistra del quadrante alla cima della propostaci altezza da misurarsi, et l'altra parte accostisi all'occhio. Alzisi dipoi, ò abbassisi il quadrante (lasciando andare il filo col piombo libero, donec ei uole) fino à tāto che, passando la veduta per amende le mire, si vegga la cima della torre da misurarsi. Fatto questo auvertiscasi dove batte il filo col piombo, il quale di necessità cadrà, ò nel lato B C, ò nel lato C D, ò nell'angolo C, punto mezzano fra l'un lato & l'altro, secondo, che la basa della torre da misurarsi, ci farà più pressa, ò più lontana. Dicasi per la prima demonstratione, che il filo batta nell' lato C D al punto E, et che la propostaci altezza della torre da misurarsi sia G F. Et ci bisogna lasciare cadere dall'occhio, che misura, sino à terra un filo à piombo, ordinato per questo, alquale porremo nome D H. Fatto questo si deve aggiungere all'indietro alla distantia, nella quale ci trouiamo, la parte di essa D H, presa in quella medesima proportione, che hanno le parti intrapresē D E al 12. cioè à tutto il lato del quadrante. Et seruaci per esempio, che il D E sia parti 6. perche 6. è la metà di 12. aggiungasi la metà di essa D H, come è à dire H I, à drittura, & à lungo di G H. Talche la linea dritta G I, ci seruirà in cambio dell' ombra, & il punto I, seruirà per termine del raggio del Sole. Vedesi adunque manifesto, che la linea retta G I,

ta GI, è minore dell'altezza GF, & secondo quella proportione, che hanno le parti DE al lato AD. Come se per esempio GI fuisse 9. passi, multiplicando 9. per 12. ce ne uerrà 108. ilche partito per 6. cioè per DE, ci resterà 18. che tanti passi sarà l'altezza GF, simili alli 9. detti di sopra.

La ragione è che, i duoi triangoli ADE, & FGI, sono di angoli uguali, & i lati di essi angoli respectiuamente sono frà loro proporzionali, mediante quelle ragioni medesime, che già molte volte habbiamo detto di sopra.



Ma

L I B R O

Ma quando il filo caderà nel punto C, cioè nell'angolo à punto del quadrante; lasciatosi cadere il filo col piombino dell'occhio sino à terra, che farà DK, conciosia che del triangolo ADC, i duoi lati AD, et AC sono uguali l'un l'altro, ci bisogna aggiungere tutta la lunghezza DK per alio indietro ad essa GK, cioè KL. Et in tal caso tanto farà la GL, quanto è l'altezza da misurarsi GF. Coniosia, che la lunghezza GL ci serue per l'ombra, che cauferebbe il Sole, se non passasse 45. gradi di eleuatione, onde auuiene che in quel medesimo modo, che corrisponde AD al DC, corrisponde ancora la lunghezza del piano all'altezza GF. Misurisi adunque GL, & harembo l'altezza GF, conciosia che l'una, & l'altra mediante il poco fā dato esempio, farà passi 18. & in questo medesimo modo si può fare dell'i altri simili.

La ragione è che i triangoli ADC, & FGL, sono di angoli uguali fra loro, & però di lati proporzionali, come si è dimostrò, ne' capitoli passati, che per breuità non si replica.

Ma quando il filo cadrà, o batterà nel lato BC, come sarebbe à dire al punto E, essendo l'altro filo dall'occhio à terra DM, bisogna operare per il contrario del primo modo d'itto in questo Cap. Coniosia che in quella proportione, che corrisponde il lato AB al BE corrisponderà ancora MN alla linea à piombo MD, come che se BE fusse 6. di quelle stesse parti, che tutto il lato è 12. perchè il 12. corrisponde al 6. per due tanti essa MN deve esser lunga per due volte essa MD. Seruirà adunque il punto N per termine del raggio solare, & GN farà in cambio dell'ombra, mediante laquale si trouerebbe l'altezza GF, essendo il Sole à 45. gradi di eleuatione. Dicasi per esempio, che GN sia passi 36. moltiplichisi 36. per 6. che sono le parti di essa BE, ce ne uerrà 216. il qual num. partito per 12. ce ne verrà 18. che farà l'altezza medesima di GF in quello stesso modo,

che

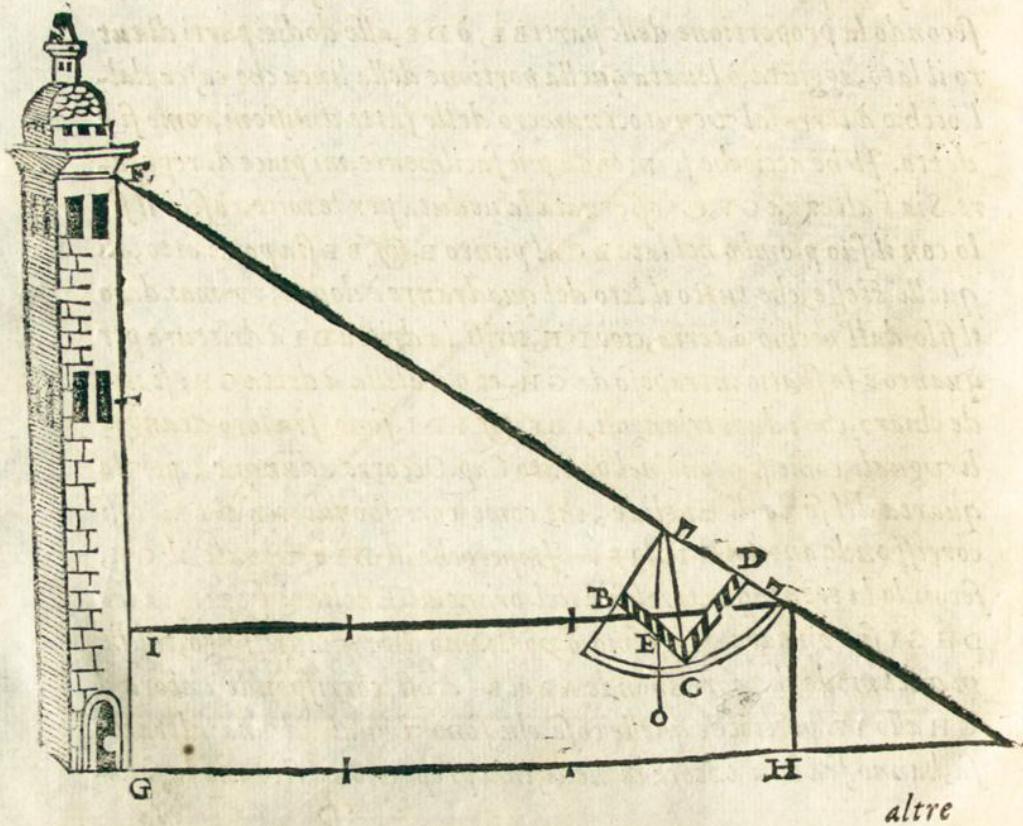
che si trouò nelle altre regole di questo Cap. E perche nel passato Cap. lasciamo manifesto, che la linea retta G F superaua G N, altera in quella propotione, che il 12. lato intero del quadrante è $\frac{1}{2}$ la parte B E. Così interviene ancora in questo modo presente, che il G N è 36. di quelle parti, che la G F è 18.

La ragione è; che i triangoli A B E, \triangle F G N, sono di angoli uguali, & i lor lati sono fra loro proportionali, come già molte volte si è dimostrò.

Troueremo uniuersalmente il medesimo, ogni volta che haremo proportionalmente la distantia, che farà frà la basa della cosa da misurarsi, et la linea che ci cadrà dall'occhio misurante à terra: secondo la propotione delle parti B E, ò D E, alle dodici parti di tutto il lato, aggiunta, ò leuata quella portione della linea che casca dall'occhio à terra, al venutoci numero delle fatte diuisioni, come si è detto. Ilche accioche si intenda più facilmente, mi piace di replicare. Sia l'altezza G F, & oßervata la ueduta per le mire, caschi il filo con il suo piombo nel lato B C al punto E, \triangle B E sia parti otto, di quelle stesse, che tutto il lato del quadrante è dodici, & mandato il filo dall'occhio à terra, cioè D H, tirisi la dritta D I à drittura per quanto è lo spatio intrapeso da G H, et paralella à detta G H; si uede chiaro, che i duoi triangoli A B E, \triangle F D I, sono fra loro di angoli uguali, come si prouò nel passato Cap. Occorre adunque, per la quarta del sesto di Euclide, che come corrisponde A B al B E; così corrisponde ancora D I al I F. Imperoche al D I è uguale il G H, secondo la trentaquattresima del primo di Euclide. Concioſia che D H G I sia vn parallelogramo, ò vogliamo dire quadrilungo, talche in quel modo che corrisponde A B al B E, così corrisponde ancora il G H allo I F. percioche quelle cose, che sono uguali ad una altra cosa, hanno fra loro ancora la medesima propotione, secondo la setti-

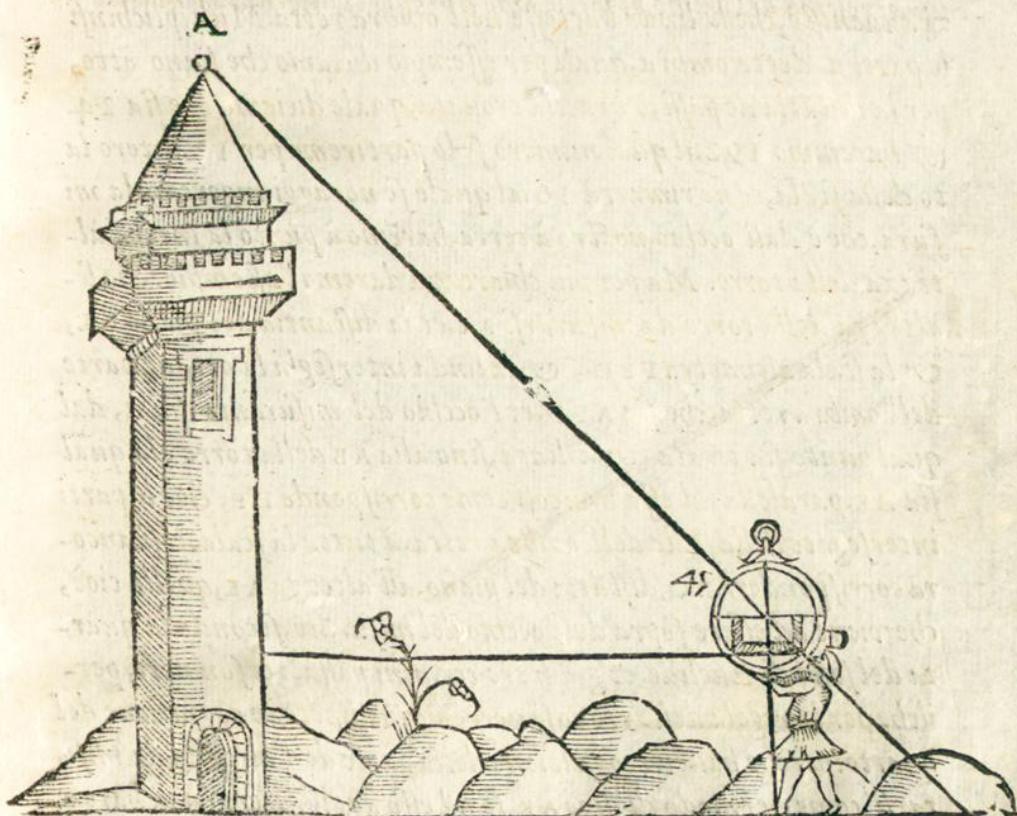
L I B R O

ma del quinto di detto Euclide. Sia adunque per modo di esempio
 GH braccia 18. perche il 12. è in proportione sesquialtera, cioè della
 metà più allo 8. così ancora GH, farà per una uolta, et meza la 1.
 E. Multiplichisi adūque le 18. braccia GH, per le 8. parti di essa B
 E, et ce ne uerrà 144. il che partēdo per 12. ce ne uerrà pure 12. che
 tante braccia farà la 1 F, alla quale si aggiungerà la linea à piombo
 DH, cioè braccia 4. et ce ne verrà l'altezza GF, che farà braccia
 16. C'ociosia che essa DH è uguale alla GI secōdo la medesima tren
 taquatresima del primo. Il medesimo à proportione interuiene dell'



altri cose, caschi il filo doue si voglia, & sia lo spatio g h ancora quanto si voglia. Nondimeno il primo modo dell'operare, pare che più si confaccia con le proportioni delle ombre. Talche in prima uista piacerà più à manco eßercitati.

Il medesimo si può fare ancora con l'Astrolabio; imperoche già si dimostrò, che dalli 45. gradi, cioè dall'angolo D della scala, le torri scuotano sempre le ombre uguali alle loro altezze. adunque se noi ci troueremo à liuello sul piano della torre, et porremo la lin-

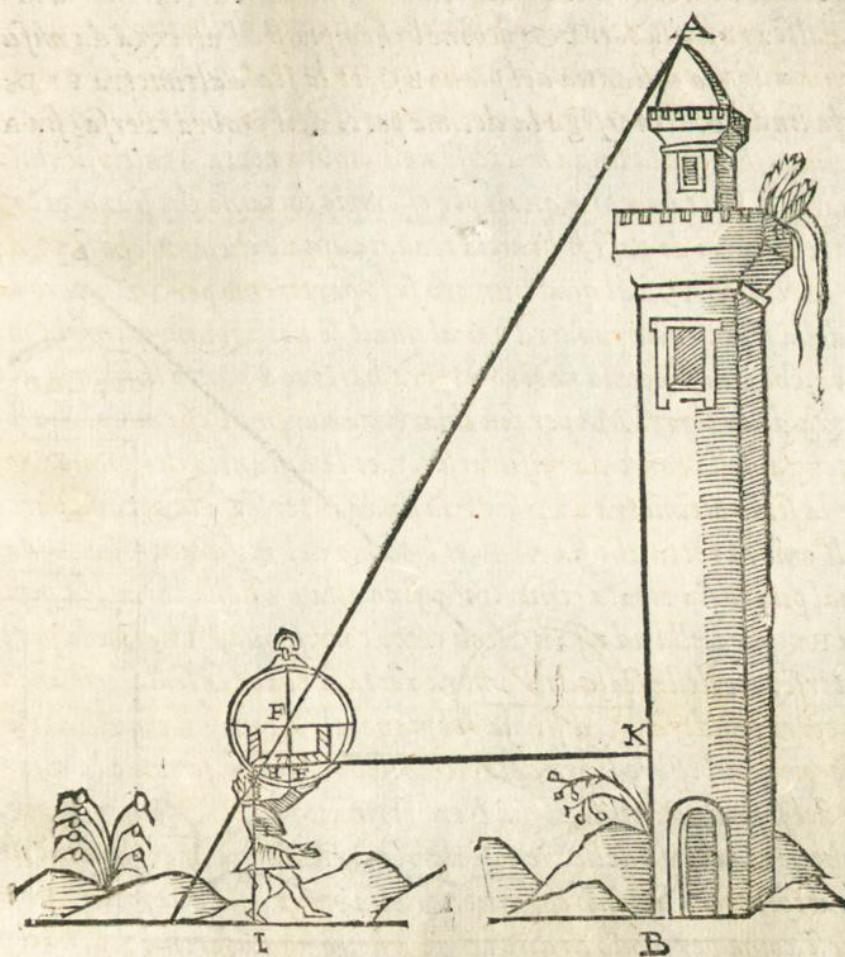


L I B R O

da alli 45.gradi,cioè all'angolo detto D della scala, andaremo accostandoci,ò discostandoci tanto da detta torre, che ueggiamo la sua cima per le mire che sia A.all' hora annouerati con passi,ò braccia,ò spatio, che è da noi alla torre, Et presa dipoi l'altezza dell'occhio nostro à terra, et l'aggiungeremo à detti passi,ò braccia, haremmo à punto l'altezza della torre che cercauamo.

Et se per sorte noi trouassimo, che l'altezza della torre non corrisponde alli 45.gradi, per non bauere la commodità del piano da potersi à nostra voglia accostare,ò discostare, come di sopra, anzi auuenisse, che la linda battesse nell'ombra retta. Multiplichansi le parti di detta ombra, quali per esempio diciamo che siano otto, per la distātia de passi,ò braccia trouata, quale diciamo che sia 24. Et haremmo 192.il qual numero se lo partiremo per 12.intero latto della scala, ce ne rimarrà 16.al quale se noi aggiungeremola misura, che è dall'occhio nostro à terra, harēmo à punto la intera altezza della torre. Ma per più chiarezza daremo l'esempio. Sia l'altezza della torre da misurarsi A B. et la distātia del piano B C, Et la scala altimetra F E D, Et la linda interseghi la ottava parte dell'ombra retta, che sia A F H, et l'occhio del misurante sia H, dal qual punto sia tirata una linea, sino alla A B della torre, la qual sia H K, paralella ad essa B C: così come corrisponde H E, cioè le parti intersegate della scala dell'ombra retta, à tutta la scala; così ancora corrisponderà B C, distātia del piano, all'altezza A K, quella cioè, che viene ad essere sopra dell'occhio del misurante, secondo la quarta del sesto di Euclide, et già li tre termini passati ci son noti, per ilche per la regola delle tre cose uerremo facilmente in cognitione del quarto: perche hauēdo cognitione della parte dell'altezza da misurarsi, come per modo di dire A K, se ad esso aggiungeremo K B, haremmo cognitione di tutta l'altezza; ma K B è eguale ad essa H I, che è lo spatio

lo spatio, che è dall'occhio del misurante à terra: per tanto se noi aggiungeremo alla A K la detta nostra altezza dell'occhio, verremo indubbiamente in cognitione di tutta la A B, che era qualche voleuamo dimostrare.



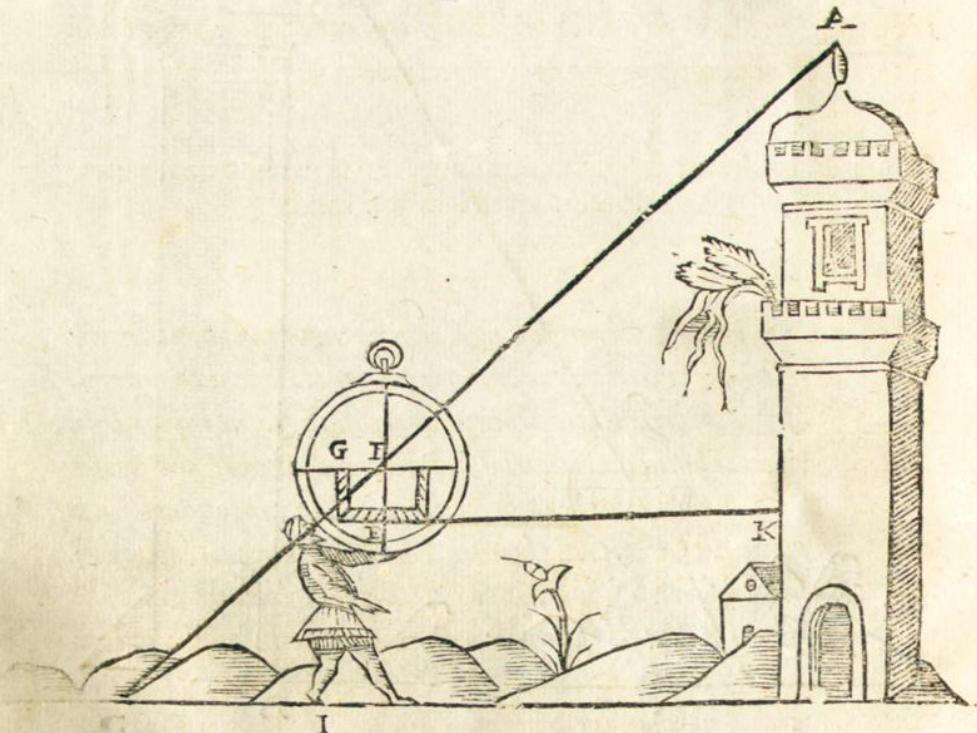
Ma se la linda batterà nell'ombra versa, diciamo che batte alle

D 3

alle

L I B R O

alle 10. parti, & la distantia del piano sia 24. passi, ò braccia, multiplichisi questo 24 per le 10. cioè per le parti intersegate della detta ombra uersa, et ci darà 240. il qual numero diuiso per le intere parti della scala, che è 12. cirumarrà 20. che farà l'altezza della cosa da misurarsi dall'occhio nostro ī sù: al qual numero se noi aggiungeremo l'altezza, che è dall'occhio nostro al piede, haremo la intera altezza della torre: & eccone l'esempio. sia l'altezza da misurarsi A B, & la distantia del piano B C, et la scala altimetrica F E D; & la linda, che intersega la decima parte dell'ombra uersa, sia A



F H, donde si lasci cadere il piombo H I, che è l'altezza del misurante dall'occhio al piede, & dalla H si tiri una linea alla A B, parallella ad essa I B, che sia H D K, per tanto H D K sarà uguale ad essa I B, & K B uguale ad essa H I. Hormai si come F è tutta, cioè la scala, come quella che è uguale alla D G, corrisponde alla H G parti intersegate, così H D K distanza del piano, come che ella è uguale alla I B, corrisponde alla K A parte dell'altezza da misurarsi, secondo la quarta del sesto di Euclide, per ilche hauendo noi già notitia de' tre termini, facilmente verremo in notitia del quarto, come già tante volte si è detto, mediante la regola delle tre cose. Aggiungendo adunque alla K H la misura di essa K F, che è uguale alla H I, cioè l'altezza dall'occhio nostro à terra, sapremo quanta sia l'altezza della torre A B, che è quello, che noi cercauamo.

Come dette altezze si possino misurare, senza nessuno quadrante, ma solo con vn'asta in più modi.

Cap. X I.

RVOSSI ancora senza alcuno quadrante, misurare dette altezze secondo una regola, che à tempi nostrici chà dato Orontio; et secondo già ne insegnò nel tempo suo il giudicio, et nō meno accorto, che dotto Leò Battista Alberti: ma per non confondere l'uno modo co' l'altro, dirò quello di Orontio, Matematico in uero accuratissimo nell'età nostra. Dico adūque, che apparecchiata si un'asta nō molto lunga: ma sopra tutto drittissima, diuisa in quelle più, o meno parti, che si vogliono, sieno braccia, o meze braccia, o terzi di braccia, o soldi, o denari, si come si vsa diuidere il braccio Fiorentino. Quando esattamente si vuole con esso misurare alcuna cosa,

D 4 che

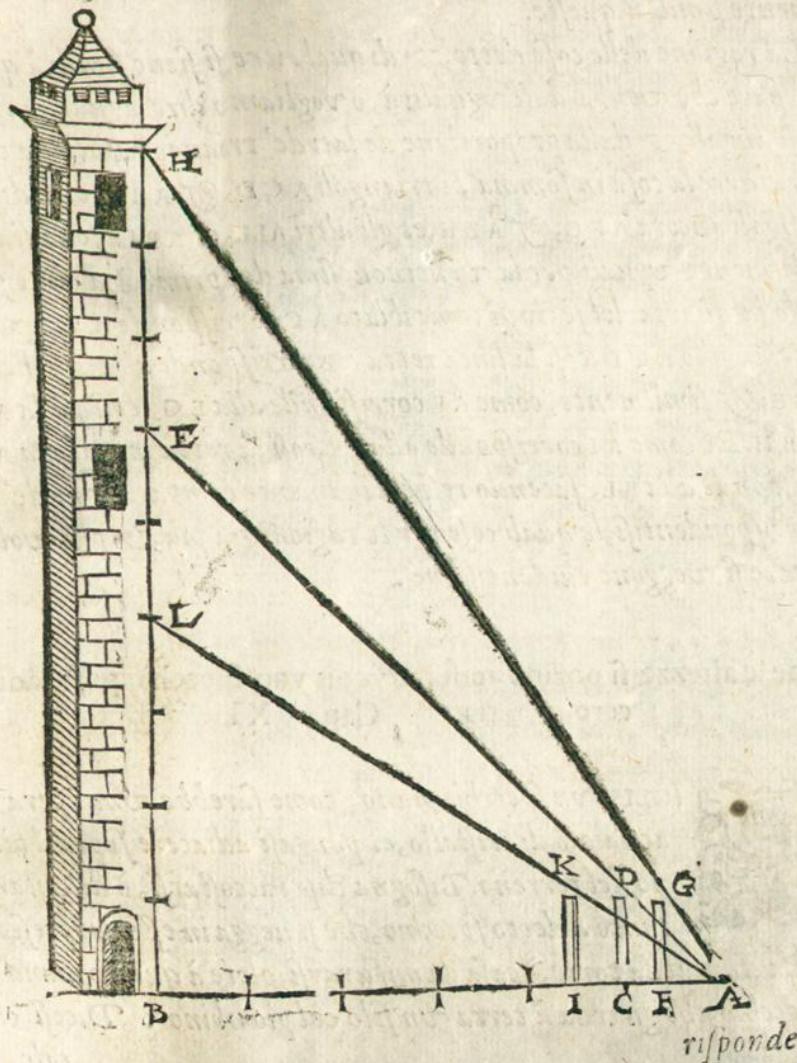
L I B R O

che ordinariamente si diuide in soldi 20. & ogni soldo in 12. denari. Fatto questo, rizzisi detta asta à piombo insul piano; disu il quale la propostaci torre, à altezza da misurarsi, si rilieui ad angolo retto, et posto conseguentemente l'occhio in terra, bisogna accostarsi, à discostarsi tanto da essa asta, che la veduta dell'occhio passando per la cima dell'asta, arriui alla cima della torre da misurarsi. Misurisi dipoi lo spatio, che è fra l'occhio, & il piè dell'asta, con le medesime misure, con che è scompartita l'asta: dicesi, che in quella proporzione, che corrisponde l'asta allo spatio detto, corrispōde ancora la propostaci altezza alla distantia del piano intrapresa fra l'occhio, & la basa di essa torre. altezza. Per ilche se l'asta, & il detto spatio saranno uguali, si potrà dire, che lo spatio fra l'occhio, et la basa, sia ancora esso uguale all'altezza propostaci. Come nella figura, che segue, si vedrà lo esempio dell'asta CD, et dello spatio A C, che sono uguali, così come è uguale ancora l'altezza B E, allo spatio intrapreso fra l'occhio A, et la basa della torre B, che l'una, et l'altra è per sei aste.

Ma se ci occorresse, che lo spatio fra l'occhio, & l'asta fusse minore dell'asta, egli è chiaro, che la propostaci altezza farà maggiore dello spatio intrapreso fra l'occhio, & la basa della propostaci altezza; & detta altezza corrisponderà alla lunghezza del piano intrapreso fra l'occhio, et piè dell'asta, come dimostra lo esempio dell'asta FG, et dello spatio AF, che è due parti solamente di quelle, che l'asta è tre. Si come adunque l'asta è per una volta, et mezo dello spatio AF, così ancoral'altezza BH, è per una volta, et mezo la lunghezza AB. Di quelle medesime parti adunque, che la lunghezza AB farà sei, la BH farà noue. Debbesi adunque arro gere ad essa AB la metà di sé stessa, quanto alla lunghezza, & ce ne verrà l'altezza del BH.

Ma

Ma se lo spatio fra l'occhio, & il piè dell'asta, sarà maggiore dell'asta, la distanza del piano, fra l'occhio, & la basa della torre, sarà maggiore, che la proposta ci altezza, & in quella proporzione auerà detta altezza, che lo spatio auanza l'asta. Come facilmente si uede lo esempio dell'asta IX, alla quale lo spatio a i cor-



LIBRO

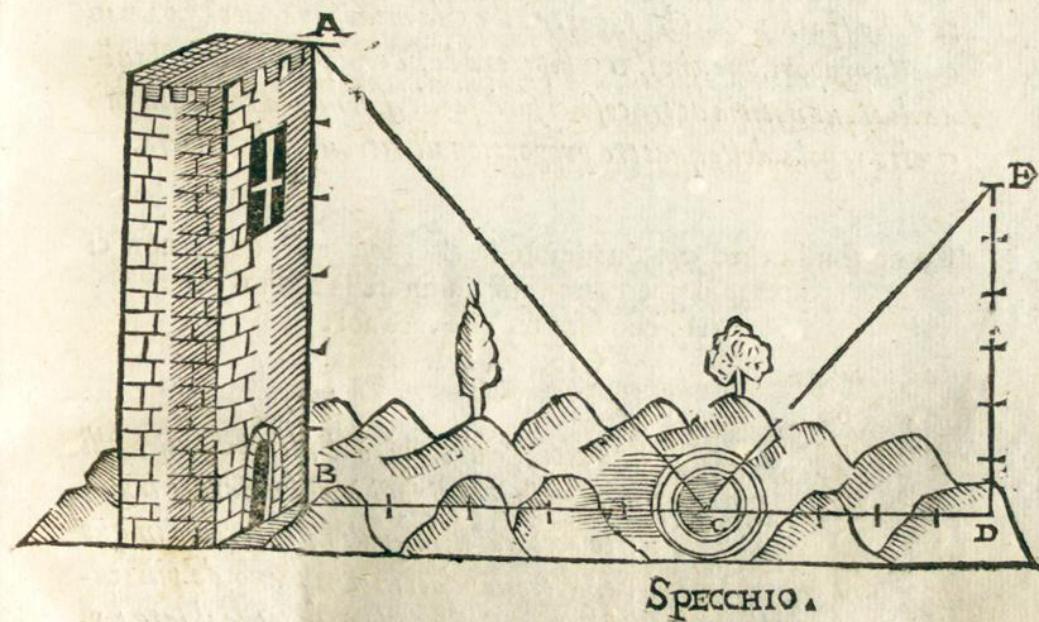
risponde per sesequialtera, cioè por la metà più. Là onde la lunghezza del piano A B è per una uolta, et mezo della lunghezza B L adunque se A B sarà sei parti, l'altezza B L quattro parti simili. Deb besi adunque trarre la terza parte di A B, acciò ci rimanga la proposta ci altezza B L, & il simile si deue fare di tutte le altre respectivamente simili à queste.

La ragione delle cose dette, & di qual altre si sieno simili à queste, pare che venga dall'ugualità, o vogliamo dire aguaglianza de gli angoli, & dalla proportione de lati de triangoli. C'cioè si che per ridurre la cosa in somma, i triangoli A C D, & A B E, et i duei triangoli ancora A F G, & A B H, et gli altri A L K, et A B L, sono scambievolmente uguali, per la ventinouesima del primo. La onde secondo la quarta del sesto, si come il lato A C corrisponde al lato C D del triangolo A C D, così la linea retta A B corrisponde alla lunghezza B E; & similmente, come A F corrisponde alla E G, così fà la A B alla B H. Et come A I corrisponde allo I K, così la retta medesima A B corrisponde alla B L, facendo respectiuamente comparatione de' lati corrispondenti, le quali cose per le ragioni già più, & più volte allegate si veggono euidentissime.

Come le altezze si possino misurare con uno specchio posto adiacere in terra. Cap. XII.

DIGLISI vn specchio piano, come farebbe una sfera di acciaio, o di cristallo, et pongasi adiacere sopra il piano del terreno. Bisogna dipoi accostarsi, o discostarsi tanto à detto specchio, che si uegga in esso rappresentarsi la cima della torre, o casa da misurarsi, oltre à questo mandarsi dall'occhio, che guarda à terra un filo col piambino. Dice si che tale

tale proportione harà lo spatio intrapreso fra il piombino del filo,
 & il centro dello specchio, alla lunghezza di esso filo, et piombino,
 che harà la lunghezza del piano, intrapresa fra lo specchio, & la
 basa della torre da misurarsi, alla propostaci altezza. Seruaci per
 esempio, che la torre che si harà à misurare sia A B, & lo specchio
 C, & l'occhio che misura E, dal quale si mandi il filo à piombo sino
 in terra, che sia E D; dicesi che come C D corrispôde al D E, così il C B
 corrisponde alla propostaci altezza B A. Talche se D E fusse sei di
 quelle parti, che il D C, è 5. à corrispondentia l'altezza B A farà sei
 di quelle parti, che la lunghezza del piano B C farà 5. Misurisi adunque B C, & aggiungansi la quinta parte, & baremmo A B; & per
 maggiore chiarezza veggasi la figura, che segue: nè nò manca
 re di dire, che questa operatione si può fare con un vaso di acqua
 in cambio dello specchio.



La

LIBRO

La ragione è; che i duoi triangoli A B C, & C D E, sono fra loro di angoli uguali: Percioche il raggio della veduta e C A si riflette ad angoli uguali: secondo la sesta della seconda parte della prospettiva commune, & secondo la duodecima, & decimaterzia della prospettiva di Vitellione, adunque lo angolo A C B è uguale allo angolo D C E, & il retto B è uguale all' altro retto D, secondo la quarta dimanda. L' altro adunque B A C, è uguale all' altro C E D secondo la trentunesima del primo di Euclide. Sono adunque i triangoli A B C, & C D E, di angoli uguali, & le corde, ò lati, che sono sotto ad angoli uguali, sono fra loro proporzionali, secondo la quarta del sesto. Come adunque il C D corrisponde al D E, così fà ancora il C B al B A. Onde auuiene, che se D E, linea à piombo, sarà uguale alla D C, la AB à corrispondentia sarà uguale alla B C. Et se essa D E sarà minore della D C, l'altezza proposita A B sarà minore ancora dello spatio B C, & supererà il B C la medesima altezza A B in quella proporzione, che il D C supererà la linea à piombo D E. Hauendo dunque notitia di tre cose, ci sarà facile, secondo la replicata più volte regola, delle quattro proporzionali, ritrouare la quarta.

Come si misurino col quadrante le altezze, alle quali non ci possiamo accostare, nè misurare la distanza, che sarà fra esse, & noi.

Cap. XIII.

ONO alcune altezze di torri, ò d'altri edificij, alli quali, ò per impedimenti di fossi, ò di fiumare, ò laghi, non ci è lecito accostarci; le quali misureremo in questa maniera. Ritrouandoci in un piano, de' più vicini, ò comodi, che vi sieno, riportisi il quadrante sopra il lato A B, ouero

ouero A D con angoli retti da ogni banda, voltato l' uno de lati, ò B C, ò A D, all' altezza da misurarsi. Alzisi dipoi, ò abbassisi la linda (messo sempre l' occhio al punto A) sino à tanto, che passando la veduta dell' occhio per amendue le mire arriui alla cima della cosa da misurarsi. Fatto questo guardisi dunque batte la linda in quel lato del quadrante, che è volto verso detta altezza, et notisi da parte il numero determinatore delle proportioni, che ha il lato intero del quadrante alle parti comprese dalla linda. Accosteremoci dipoi, ouero discosteremoci à drittura della propostaci altezza, ò torre, se condol' commodità del piano del terreno: & faremo la seconda operatione della ueduta, considerata mediata la proportione, che ha il lato intero del quadrante alle parti comprese dalla linda, et parimente porremo da parte il secondo numero denominatore di tale proportione. Traggasi dipoi il denominatore minor del maggiore delle osservate proportioni, & serbis da parte. Fatto questo, misuri lo spatio, dunque stemo fra l' una positura, & l' altra ad operare, intrapreso dall' angolo A dell' una, & dell' altra operatione; & quel numero, che ce ne viene, partasi per quello ultimo, che si servò da parte, quando si trasse l' uno denominatore dall' altro: et quel che ne uerrà per parte sarà la qualità della propostaci altezza, alla quale non era permesso di accostarci. Perilche se il rimasto numero sarà uno, lo spatio intrapreso fra l' una positura, et l' altra, sarà à punto quanto l' altezza propostaci; perche uno, nè partendolo, nè multiplicandolo, nò cresce, et non scema. Ma per maggior dichiaratione, dicasi per esempio, che la propostaci torre sia E F impedita da qualche acqua, che habbia all' intorno. Faremo la prima osservazione, ouero operatione nel punto G, nella quale dicasi che la linda battendo nel C D intersechi detto lato nel punto H, laquale intersezione sia alle 20. parti di quel, che tutto il lato è 60. C' ciò sia che

LIBRO

sia che il 60 corrisponde al 20 per tripla, cioè per tre tanti, notisi da parte il 3. denominatore della proporzione tripla, o di tre tanti. Tornisi dipoi à drittura indietro per fare la secôda operatione, qua le faremo nel punto I; & se la parte dell' lato DC, qual sarà DK intrapresa dalla linda, sarà 12. di quelle stesse parti, che tutto il lato del quadrante è 60. perche 60. corrisponde al 12. per quincupla, cioè per 5. tanti; notisi da parte il 5. che è il denominatore della proporzione di 5. tanti. Traggasi dipoi il 3. del 5. ce ne resta duoi, ilche serberemo da parte. Misurisi dipoi lo spatio GI, & sia per modo di dire 24. di quelle parti, che ciascun lato del quadrante sarà 4. parti 24. per 2. ne verrà 12. che saranno le parti della poco fà proposta ci altezza, alla quale non ci voleuamo accostare.



Come si misurino le altezze , alle quali non ci sia lecito accostarsi con il quadrante del cerchio .

Cap. XIII.

VOLTISI il quadrante in maniera, che passando la veduta per amendue le mire, arriui alla cima della torre da misurarsi; & notisi doue batte il filo col piombo, cioè il denominatore della proporzione delle parti comprese dal filo all' lato intero del quadrante : & notisi ancora con l' altro filo,

filo, mandato dall'occhio à terra, il punto dove siamo stati à questa prima operatione. Dipoi accostandoci, o discostandoci, secondo ci torna più commodo, faccisi la seconda operatione nel medesimo modo, & notisi il denominatore, & il sito, come di sopra. Dipoi traggasi il denominatore minore del maggiore (perche saranno sempre disuguali) & serbisi il tratto da parte. Misurisi ultimamente lo spatio fra la prima, & la seconda positura; & quel numero, che vi ci occorrerà, partasi per quello numero, che serbammo da parte, quando traemmo l'uno denominatore dall'altro: & quel ce ne verrà, sarà la propostaci altezza, secondo quelle parti o misure però, che noi vissimo poco fa nel misurare lo spatio delle posture. Accadracci adunque (come prima) che il medesimo spatio intrapreso fra l'una, et l'altra positura, sarà quanto la pro postaci altezza: ogni volta, che dal trarre l'un denominatore dall'altro, ce ne rimarrà il numero uno, conciosia, che l'uno è indivisibile.

Ma gioverà molto à queste cose l'esempio. Però dicasi, che l'altezza da misurarsi, alla quale non ci possiamo accostare, sia GF, & che la prima osservazione si sia fatta nel punto H, & che il raggio della veduta batta nel punto I, et il filo col piombo caschi nel punto C: la proporzione adunque dell' lato AD sarà proporzione di uqualità al lato DC, denominata dal numero uno. Serbisi adunque l'uno per denominatore. Ritirandoci dipoi indietro, facciasi la seconda osservazione della veduta, come è à dire nel K, dove il filo batte nel lato BC al punto E, et BE sia quattro di quelle parti, che il lato EC è 12. perche 12. corrisponde à 4. per tre tanti; notisi per denominatore il 3. et per quel che si disse nel Capit. decimo corra il raggio della veduta ad unirsi col piano al punto L. Traggasi dipoi uno, da 3. ce ne rimarrà duoi, il qual numero serbisi

LIBRO

serbisi da parte. Misurisi dipoi lo spatio IL , che per modo di dire
sia $20.$ braccia, le quali si hanno à dividere per il $2.$ che ci restò, &
ce ne verrà $10.$ & tanto faranno le braccia della proposta ci altezza GF come nella figura qui di sotto si vede.



Il medesimo ancora ci auuerrà à corrispondentia di quel che si disse nel Cap. $10.$ quando si trattò dell'aggiugere, ò crescere proportionalmente le linee del piano. Se osservata la caduta del piombo dall'occhio prima nel punto H , dipoi nel K , ouero per il contrario, & si misurerà lo spatio HK , & si dividerà per il numero rimastoci nel trarre l'un denominatore dall'altro, cioè per 2 , secondo l'esempio poco fà addotto. Conciosia che se si aggiungerà al generato numero delle misure, una qual si uoglia delle linee à piombo, come DH , ò DK , haremmo la detta altezza FH . Come per esempio, secondo la passata, lo IL fusse braccia $20.$ lo HK sarà $13.$ & DH , ouero DK sarà $3.$ & mezo; onde si dividerà $13.$ per $2.$ ne uerrà $6.$ & mezo per parte, al quale numero se si aggiungerà $3.$ & mezo, ce ne verrà $10.$ che faranno à punto le braccia, che trouammo esser l'altezza $GF.$

Come

Come si misuri vna distantia, ò spatio di alcuna cosa, alla quale noi non ci possiamo accostare, come sono li fossi delle fortezze, ò delle città delli nimici, ò simili, & vi fusse ancora qualche impedimento di muraglia.

Cap. X V.

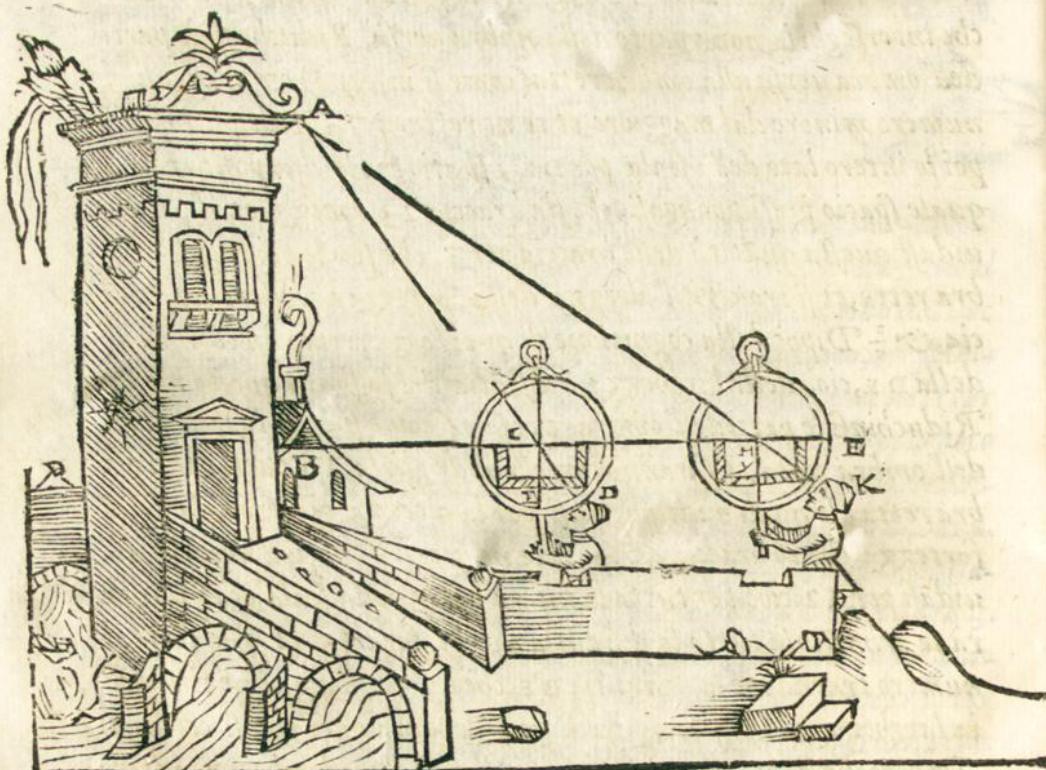
SIA la fortezza, ò la città A B cinta dal fosso B D, & sia il D, la prima positura, dalla quale noi misuriamo l'altezza di essa fortezza, ò Città, et la scala altime metra sia C F G, & il razo della veduta sia A C D, che interseghil la nona parte della ombra uersa. Riduchinsi le parti dell'ombra uersa alla ombra retta (come si insegnò) & traggasi il numero minore dal maggiore, et ce ne resterà 7. Multiplichisi dipoi lo intero lato della scala per D E, spatio fra le due posture, il quale spacio presupponga, che sia braccia 23.e mezo, et dipoi dividasi questa quantità delle braccia per 7. che son le parti dell'ombra retta, et si trouerà l'altezza della fortezza A B essere 40. braccia, & $\frac{2}{7}$. Dipoi dalla cognitione di questo verremo in cognitione della D E, cioè della larghezza, ò distātia del fosso, in questo modo. Riduchinsi le parti dell'ombra uersa, (come si è detto) alle parti dell'ombra retta, et saranno come si uede già la, 16. parti della ombra retta, le quali multiplichinsi per la altezza già trouata della fortezza, che sō braccia $40 \frac{2}{7}$, et ce ne uerrà $\frac{512}{7}$ il qual numero dividasi per 12. cioè per tutta la intera parte della scala, et ce ne uerrà la prima cosa tutta la distantia B E che farà $33 \frac{14}{21}$ dal qual numero traendone la distantia D E, che è 23.e mezo, ce ne rimarrà la larghezza del fosso, cioè piedi $30 \frac{9}{42}$ che era quel che si cercava. Imperoché si come di già si è prouato in quel modo, che H Y, intero

E

lato

LIBRO

lato della scala nella seconda positura corrisponde allo Y K. 16. parti, cioè di ombra retta: così la A B, altezza della fortezza, corrisponde alla B E, distantia dalla fortezza nella ultima positura, farà adunque la medesima proporzione nell'un luogo, & nell'altro, che era quel che volevamo prouare. Ma bisogna ben auvertire, che le parti della scala della seconda positura sieno, ò dell'ombra uersa (come si vede nello esempio) ò nella ombra retta, sempre si hanno à multiplicare per l'altezza della fortezza; & quel, che ne viene partire per lo intero lato della scala. Porràssi adunque per quel, che



si aspetta

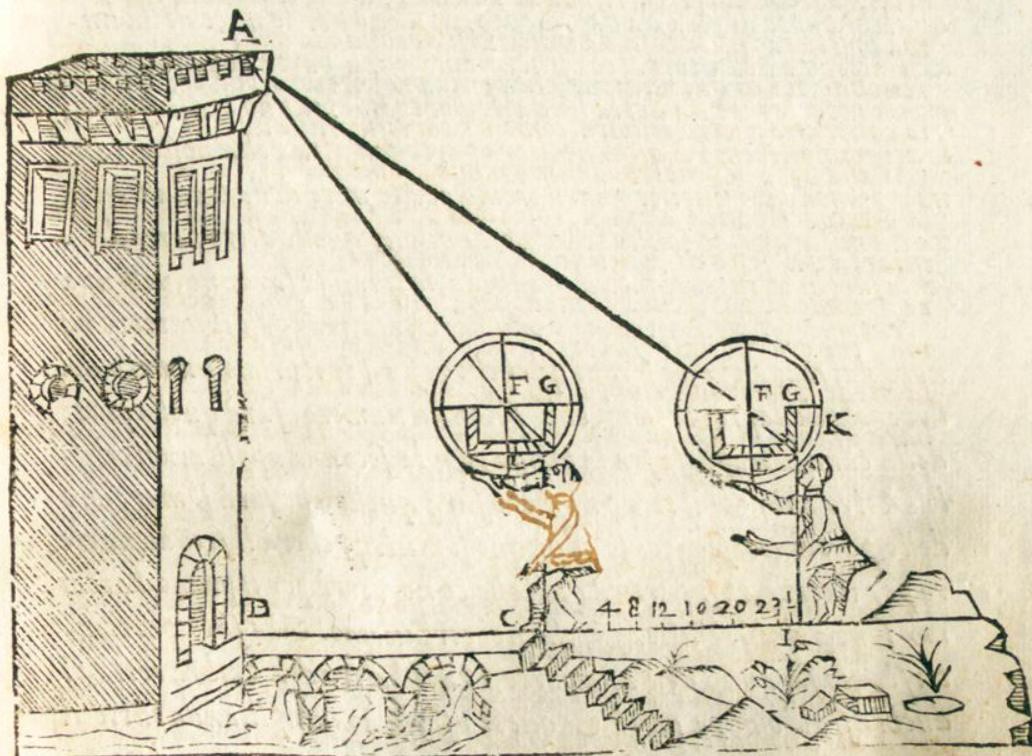
si aspetta alla regola delle tre cose, per il primo numero tutte le intere parti della scala, cioè il 12. & per il secondo numero le parti intersegate della scala nel secondo luogo, et nel terzo l'altezza della torre: & con questa regola, come si è detto, non dubiteremo del quarto termine.

Puossi ancora misurare detta altezza con l'Astrolabio, pur che ci trouiamo in luogo piano commodo da poterci accostare, ò discostare da essa per qualche poco di spatio. La prima cosa, piglieremo con la nostra linda l'altezza, che vorremo misurare, di qual si vogli torre, ò cosa, dipoi noteremo il luogo, dove faremo stati, con una linea in esso piano, & lo chiameremo la prima positura: et considereremo le parti intersegate della scala dalla linda, le quali diciamo che sieno noue dell'ombra retta. Dipoi partendoci da quel luogo, et ripigliando la medesima altezza; ma intersegando le noue parti dell'ombra versa con la nostra linda: noteremo quel secondo luogo, il quale chiameremo la seconda positura. Dipoi fatto questo ci bisogna ridurre le parti dell'ombra versa all'ombra retta, ilche si fa in questo modo. Multiplichisi l'intero lato della scala in se stesso quadratamente, cioè 12. per 12. & ce ne verrà 144. & poi si dividia questo numero per le parti intersegate dalla linda della scala dell'ombra retta, cioè per noue, & ce ne resterà 16. che faranno già le ridotte alle parti della detta ombra retta. Di questi due numeri sempre trarremo il minore del maggiore, cioè il 9. dal 16. & ce ne resterà 7. dipoi misureremo con passi, ò braccia lo spazio, che è fra le due positure, & per modo di esempio sia 23. e mezo, noi haremmo già cognitione di tre termini, cioè dell'altezza della scala, che è dodici parti, et dipoi delle sette parti dell'ombra retta, & delle 23. braccia, et mezo, che sono fra la prima, & la seconda positura. Talche per la regola delle tre cose, verremo in cognitione

L I B R O

del quarto termine in questo modo, se 7.mi da 23.e mezo, che mi darà 12.intero lato della scala? che è il medesimo, che se si dicesse: se 7.mi dà 12.che mi daranno 23.e mezo. Multiplichisi adunque lo ultimo numero per quel del mezo, & partasi per 7. & ce ne verrà da quel che resta la desiderata altezza, cioè 40. il che si proua in questo modo. Sia l'altezza da misurarsi AB, et la prima positura nostra sia C, & la scala altimbra F E D G, et la veduta dell'occhio, che passa per le mire della linda, sia A H, & la seconda positura sia I, & il raso della veduta sia A F K, et la scala di nuovo sia F G D E. per tanto; si come E D, intero lato della scala, corrisponde alla H E, parti dell'ombra retta intersegate dalla linda: così la A B, altezza della torre, corrisponde alla B C, che è la distantia fra la prima positura, & la cosa da misurarsi secondo la quarta del sexto di Euclide. Et di qui auuiene, che per la proportione, che ei chiamano la contraria, onero riuolta, come F E corrisponde alla A B, così fà la E H alla B C: & nel medesimo modo, come nella seconda positura la E D corrisponde alla E K, così fà la A B alla B I, per la medesima quarta del sexto di Euclide. Adunque per la proportione riuolta, si come la E D, (che è la medesima che la F E, imperoche dicemmo, che era uguale) corrisponde alla A B, così fà la E K alla B I; la medesima proporzione adunque che harà la F E alla B A, tale la harà ancora la E H alla B C, et la E K alla B I. Imperoche le uisive seconde la quarta del primo di Euclide la E H, cioè la parte uguale à quella, dalla E K, ci rimarrà lo spatio K D; & così ancora dalla B I le uisive similmente B C, quel, che ce ne rimarrà, sarà C I; adunque in quel modo, che il restante K D corrisponde al restante C I, cioè allo spatio fra le due positure, così la F E, intero lato della scala, corrisponde alla A B, cioè all'altezza della torre. Imperoche se la quantità di una parte, come per modo di dire, è la E K, che sono le parti interse-

intersegate della scala nella seconda positura, haranno la medesima proporzione alle parti dell'altra quantità, cioè alla BC, che è lo spazio fra la prima positura, & la cosa da misurarsi, del tutto, cioè K, al tutto BI, che è la distantia fra la seconda positura, & il luogo da misurarsi: harà ancora la medesima proporzione il restante K dal restante CI, secôdo la nona del quinto di Euclide, che era quel che noi voleuamo prouare. Finalmente se nell'una, & nell'altra positura le parti intersegate dalla linda fussino dell'ombra retta, traendo sempre il numero minore dal maggiore, tenendo nell'altre cose il modo, che si è insegnato, troueremo sempre l'altezza, che noi



E 3 cerchiamo

LIBRO

cerchiamo. Et se in amendue le posture le parti fussino dalla ombra uersa, riducendola alle parti dell'ombra retta (come se insegnò), & traendo poi il numero minore del maggiore, nel medesimo modo vedremo che ci riuscirà l'operare.

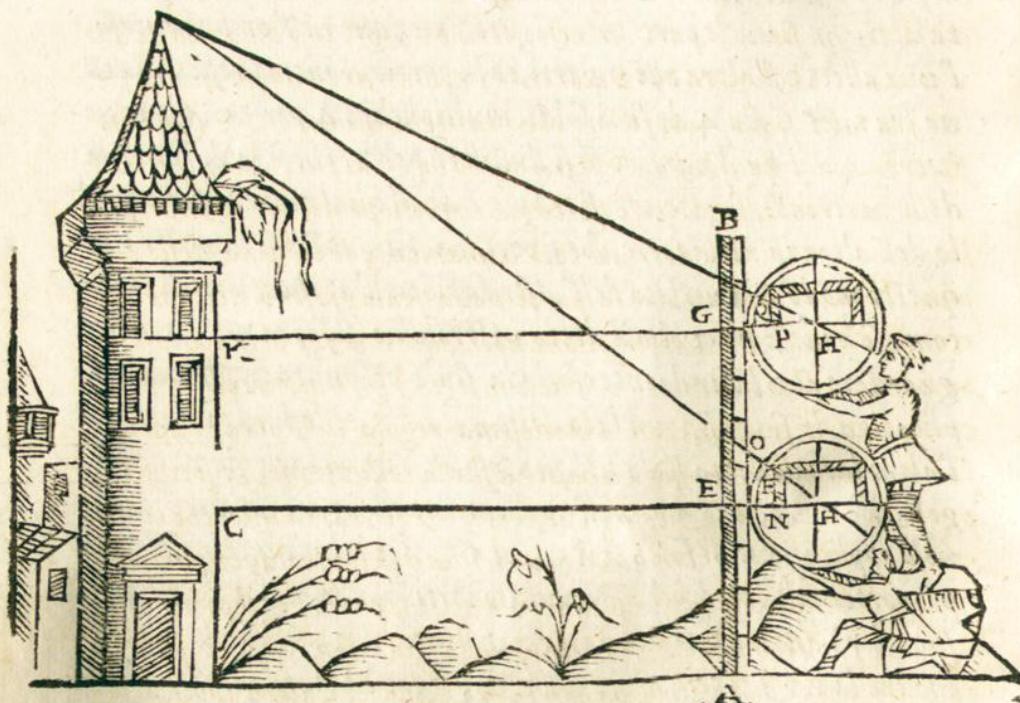
Come si possi misurare la detta altezza, alla quale non ci possiamo accostare, con vna positura sola.

Accomoderemoci la prima cosa di una canna da misurare scōpartita in quarti di braccia, ò à soldi, & à danari, come altra volta si è detto, & la rizzeremo à piombo in quel luogo, dove uorremo stare ad operare; & adatteremo dipoi il nostro Astrolabio à qualche parte di essa da basso, & guardando per le mire della linda l'altezza della torre, considereremo quali parte della scala uenighino intersegate da detta linda. Dipoi trasportando l'Astrolabio, lo accomoderemo à qualche altra parte più alta della nostra canna, & medesimamente guardaremo per le mire della linda l'altezza da misurarsi, et considereremo di nuouo quelle altre parti della scala, uenighino intersegate dalla linda, le quali se saranno, nell'una operatione: & nell'altra, dell'ombra uersa, traggasi il numero minore dal maggiore, et serbisi quel che resta, per il primo numero della regola delle proportioni, et il secondo numero, sarà quella parte della cāna intrapresa fra la prima, & la seconda applicatione dello Astrolabio, & il terzo numero sarà quello, che sarà il maggiore delle parti intersegate: se adunque si multiplicherà il secōdo numero per il terzo, et si partirà quel che ce ne verrà per il primo, haremno senza dubio l'altezza, che noi cercauamo. Ma se le parti intersegate saranno nell'una parte, et nell'altra dell'ombra retta, ri duchinsi all'ombra uersa, & questo si farà multiplicando tutto il lato

lato della scala in se stesso, et diuidēdo quel che ce ne verrà per le parti intersegate. Imperoche questa permutatione delle ombre si fa mediante la mutatione della scala: la quale in questo luogo noi, per più facile dimostrazione della cosa, collociamo nella parte di sopra dell'Astrolabio. Le altre cose non variano da quello, che noi insegnammo delle parti dell'ombra versa. Sia dunque per nostro esempio la torre da misurarsi CD, & la canna posta à piombo AB, et la prima applicatione dello Astrolabio accommodato alla canna sia E, et per le mire della linda dirizzisi la veduta al D altezza della torre, et la seconda applicatione dello Astrolabio alla canna nella parte più alta sia al G, donde medesimamente si dirizzi la ueduta al D, & siano le parti intersegate amendue nell'ombra versa, l'una alle 10. l'altra alle 9. parti, et la portione intrapresa della canna fra E, & G, sia 4. de suoi soldi, multiplicishi 4 per 10. & ce ne verrà 40. il qual numero se si diuiderà per 1. che è la differentia delle parti intersegate, ci resterà pure 40. il qual numero sarà quello dell'altezza della torre, che si cercava. Et questo si dimostra in questo modo. Sia un lato dell'Astrolabio nell'applicatione di sopra come se haueffimo tolto il detto Astrolabio sopra HP, & nel guardare al D la linda interseghi la scala nel punto Q. & nell'applicatione di sotto sia un lato della scala H N, et la linda interseghi l'altro lato di detta scala nel punto R, et haremmo di già 4. triangoli, cioè DHK, et QHP, nell'applicatione di sopra, & altre tanti nell'applicatione di sotto DHC, et OHN, i lati de quali saranno proporzionali. Imperoche si come HP corrisponde allo HK, così corrisponderà ancora P alla KD; & così come HN, (che è la medesima che la HP) corrisponde alla HC, (che è la medesima, che la HK) così farà la NO alla CD, et quelle cose, che sono proporzionali ad alcuna cosa, sono ancora proporzionali fra di loro. Lueſt

L I B R O

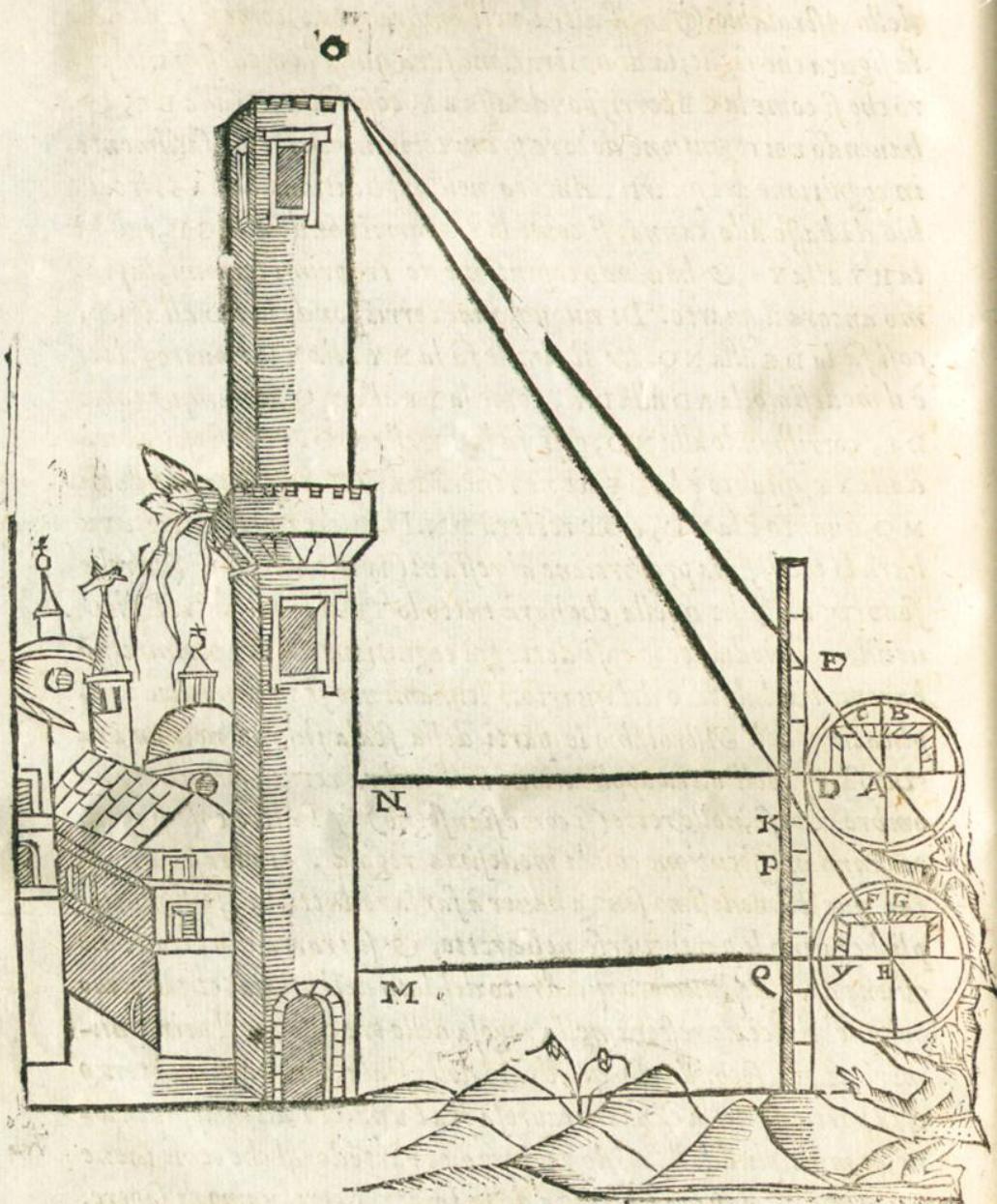
adunque dalla N O, quanto è la P Q. cioè R O; & similmente dalla C D, quanto è K D; il restante N R, harà la medesima proportione al restante C K, ouero E G, (che è la medesima) che harà il tutto N O al tutto C D, secondo la diciannovesima del quinto di Euclide. Per tanto noi habbiamo di già cognitione della N R, & della parte della canna intrapresa fra la prima, & la seconda applicatione dello Astrolabio, cioè E G, & ancora della N O; perilche non ci farà difficile, mediante la regola del 3. molte volte già detta, uenire in cognitione del quarto termine, cioè del C D, altezza della torre, che era quello che si cercava.



*E se le parti della scala intersegate, fussero nell'una applicatione
dello*

dello Astrolabio, & nell'altra, nell'ombra retta, come si uede nella figura che segue; la dimostratione sarà quasi la medesima: imperò che si come la C B corrisponde alla B A, così fà la A D alla D E, & hauendo noi cognitione de' tre primi termini verremo facilmente in cognitione del quarto. Ancora nell'applicatione dell'Astrolabio da basso alla canna, si come la F G corrisponde alla G H, così fà la H Y alla Y K, & hauendo cognitione de' tre primi termini, sapremo ancora il quarto. Di nuouo, come corrisponde la A D alla D N, così fà la D E alla N O, & il simile fà la H Y alla Y M: ouero, ilche è il medesimo: la A D alla D N, come la Y K alla M O, adunque come D E, corrisponde alla N O, così fà la Y K alla M O. Et se si leuera dalla Y K, quanto è la D F, ce ne resterà P K; & così leuando dalla M O, quanto è la N O, ce ne resterà M N. Dico, che quel restante P K harà la medesima proportione al restante M N, ouero Q R (perche sono uguali) che quella, che harà tutto lo Y K al tutto M O. Et hauendo noi mediante le cose dette già cognitione de' tre termini, non baremo da dubitare del quarto. Ultimamente se in una delle applicationi dell'Astrolabio le parti della scala fussino nell'ombra versa, & nell'altra applicatione nell'ombra retta, riduchinsi le ombre verso, nelle rette (si come si insegnò) & l'altre cose si metteranno in effecutione con la medesima regola. Potrassi ancora far questo medesimo senza hauer à far la redutzione, se si moltiplicheranno le parti versa nelle rette, & si trarrà quel che ce ne viene da 144. numero quadrato del lato della scala, et porremo poi quel che ce ne resterà nella regola delle tre cose per il primo numero, et per secondo eßo quadrato della scala, cioè 144. et per terzo essa portione della canna intrapresa fra l'una, et l'altra applicatione, et multiplicando il secôdo per il terzo, et partendo ql' che ce ne viene per il primo, ne nascerà l'altezza della torre che cercauamo di sapere.
Come

LIBRO



Come trouandosi sopra vna torre possiamo misurare vna torre minore, & cosi trouandosi su la minore misurare la maggiore con il quadrante.

Cap. X V I.

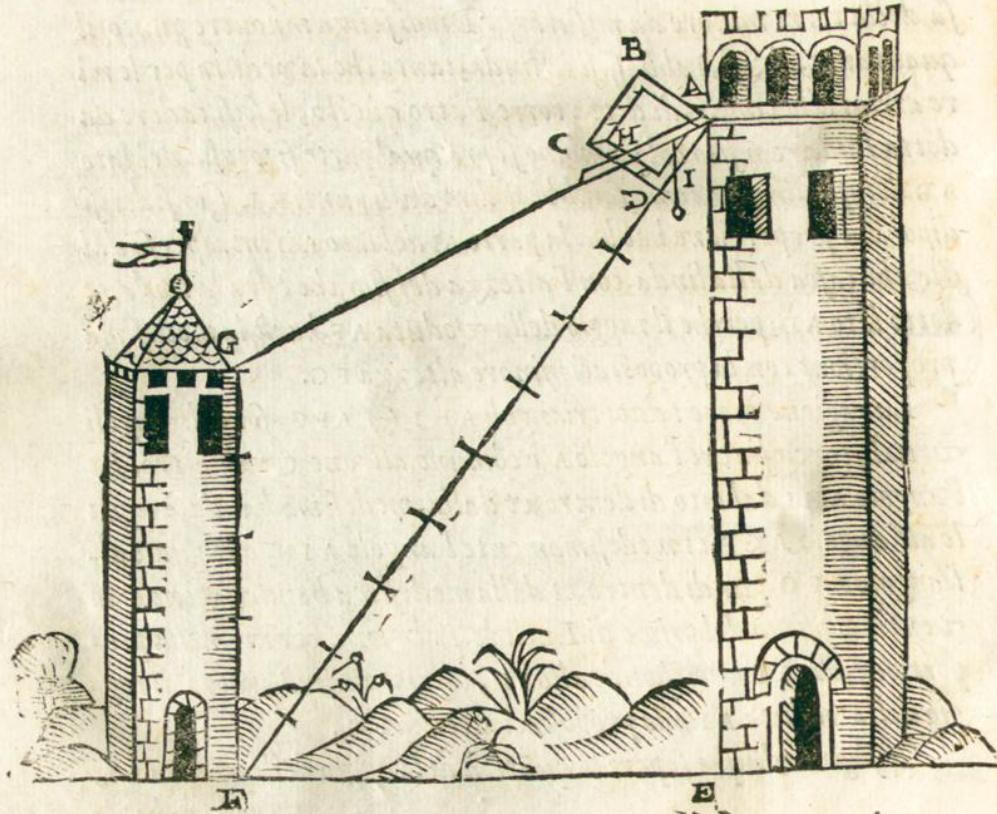
SI A la torre maggiore E A, di cima della quale vogliamo misurare la torre F G; pongasi l'angolo A del quadrante alla cima della torre maggiore, uolto il lato CD alla torre minore. Pongasi la linda à drittura del lato del quadrante AD, et alzisi, ò abbassisi detto quadrante, tanto che passando la ueduta per amendue le mire, arriui al piè della base della torre minore da misurarsi. Dipois senza muouere punto il quadrante, alzisi, ò abbassisi la linda, tanto che la veduta per le mire arriui alla cima G di detta torre. Fatto questo, lascisi cadere da detta linda un filo col piombino sopra qual parte si voglia del lato AD del quadrante, come farebbe à dire dalli punti H I. Considerisi dipois che proportione habbia la parte AI del lato AD intrapresa dal filo, che casca dalla linda, con l'altezza del filo, che è fra la linda, et detto lato AD; perche il raggio della veduta A F, harà la medesima proporzione con la propostaci minore altezza F G.

La ragione è; che i duoi triangoli A H I, & A F G, sono di angoli uguali; conciosia che l'angolo A, è comune all'uno, & all'altro. Et l'angolo A H I dal lato di dentro, et dalla medesima banda, è uguale all'angolo A G F; et medesimamente l'angolo A I H, è uguale all'angolo A F G, pur di dentro, et dalla medesima banda, secondo la ventinouesima del primo di Euclide. Talmente che in quella proporzione, che A I corrisponde allo I H, corrisponderà ancora il raggio della veduta A F alla propostaci altezza F G.

Bisogna adiûque sapere la qualità del raggio della ueduta A F,
che

L I B R O

che la sapremo in questo modo: misureremo un filo mandato giù col piombino, che sia A E; dipoi partiremo E F con quella regola, che si disse nel Cap. 3. di questo lib. nell'operatione ultima. Dipoi moltiplichisi l'una, & l'altra A E, & E F ciascuna da per sé in sé stessa, & raccolghansi insieme dette multiplicationi, & di tale raccolto traggasi la radice quadrata, la quale sarà il lato A F, del triangolo ad angolo retto A E F, secodo la quarantasettesima del primo di Euclide. Ma per più facile dimostrazione seruaci per esempio, che A E sia otto parti, & E F sei, moltiplichisi 8. in sé stesso, farà 64. & 6. ancora in sé stesso, farà 36. racolgasì dipoi il 64. e l' 36. farà

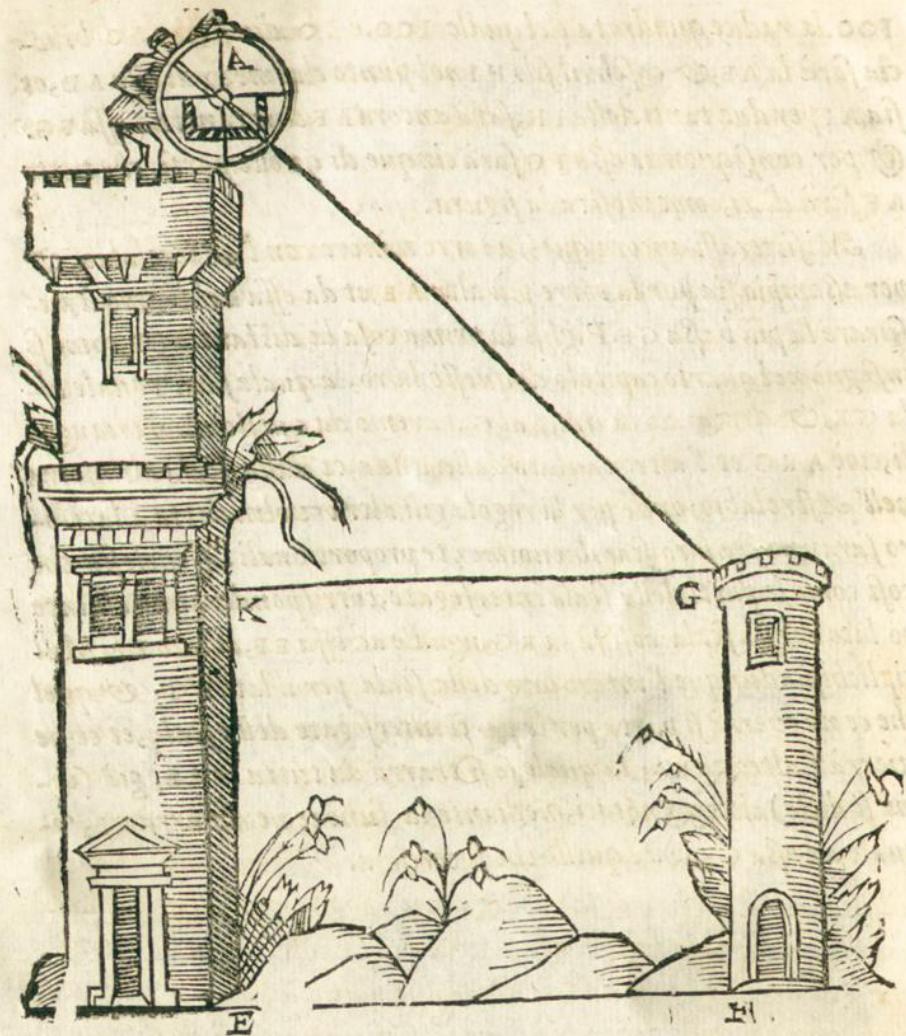


100. la radice quadrata del quale 100. è 10. dicesi, che 10. braccia sarà la AE, & caschi il filo HI nel punto del mezo di essa AB, et sia AI per due tanti della IH, sarà ancora AF due tanti ad essa FG: & per consequentia essa FG sarà cinque di quelle parti, che tutto AF sarà dieci, come mostra la figura.

Misurerassi ancora questa torre minore con l'Astrolabio, & per esempio sia pur la torre più alta AE, et da essa habbiamo à misurare la più bassa GF. Pigliasi la prima cosa la distantia EF, come si insegnò nel quarto capitolo di questo libro, la quale sarà uguale alla GK; & drizzando la linda al G, haremos da questo duoi triangoli, cioè AKG, et l'altro causato dalla linda, et dalla scala altimetra nell'Astrolabio; onde per la regola già altra volta detta, i lati loro saranno fra loro scambievolmente proporzionali. Concosia che così come le parti della scala intersegate, corrisponderanno all'intero lato di essa scala: così fà la KG, uguale ad essa EF, al lato KA. Multiplichisi adunque l'intero lato della scala per il lato KG, & quel che ce ne verrà si parta per le parti intersegate della scala, et ce ne verrà l'altezza KA; la quale se si trarrà da tutta la AE, già (come si disse) altezza notaci, mediante la fune ce ne rimarrà KE, uguale ad essa GF, che è quello che si cercava.

Come

LIBRO

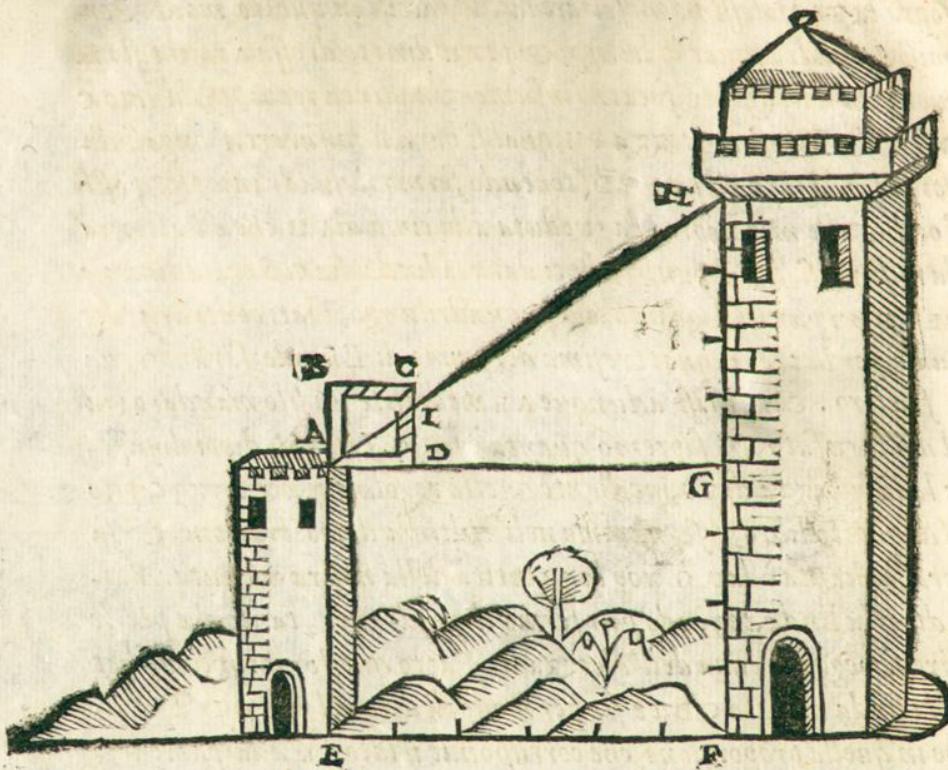


Come da vna torre bassa se ne possa misurare vna più alta, o qual si voglia altissimo monte.

Et se per il contrario, noi uolessimo, stando in cima di una torre minore, misurare la maggiore, come farebbe à dire, che trouandoci sopra

sopra la E A volessimo misurare la F H, faccisi in questo modo. Fermisi il quadrante per lo lungo, e per il diritto di essa A E, in tal maniera che B A, & A E, faccino insieme una linea retta, & il lato C D si volti verso l'altezza F H, qual si farà à misurare. Pongasi dipoi la linda sopra il lato A D (tenendo fermo il quadrante) & posto l'occhio alle mire, corra la veduta alla cima di F H, che è l'altezza da misurarsi; & il punto, che ci darà la linda, sia G. Sarà adunque A E F G un parallelogramo, ouero quadrilungo, i lati contrarij del quale, per la trentaquattresima del primo di Euclide, saranno uguali fra loro. Misurisi adunque A E mediante un filo mandato giù al modo usato, & sapremo quanta è la F G. Veggasi dipoi di sapere la lunghezza di E F, mediante quella regola, che nel terzo capitulo di questo libro, insegnammo nell'ultima demonstratione, & sa perassi quanta è la A G, cioè la quantità della nostra veduta. Alzisi dipoi la linda, tenendo pur fermo il quadrante, tanto che per le mire si veggia la cima dell'altezza H. Fatto questo, notisi dove batta la linda nel lato C D, et sia per modo di dire nel punto I. Dicesi, che in quella propotione, che corrisponde il lato A D alla parte D I, corrisponderà ancora il raggio della veduta A G alla parte dell'altezza G H, come largamente si espone nell'ottavo cap. Saputa adunque che faremo la lunghezza G H, aggiungasi alla F G, acciò habbiamo tutta la lunghezza F H. In queste cose, & nelle altre simili è di necessità fare due volte la obseruatione, ma per maggiore chiarezza porremo doppo la figura l'esempio, acciò si faciliti quanto più si può il modo.

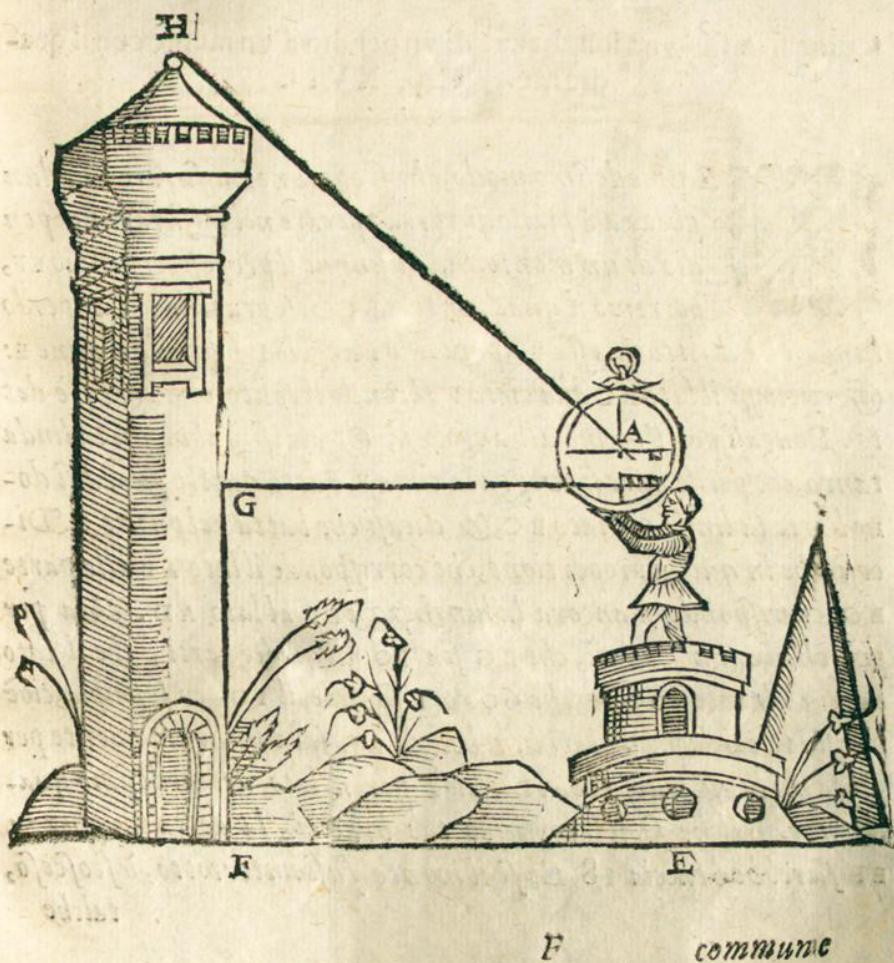
LIBRO



Seruaci per esempio, che E F. cioè A G sia 24. braccia, & F G braccia 16. & D I sia parti 40. di quelle, che tutto il lato del quadrato è 60. perche 60. corrispôde al 40. per sesquialtera, cioè per la metà più. Dicesi il raggio della veduta A G, sarà ancor' esso per una uolta, et mezo la G H. Multiplichinsi adunque le 24. braccia A G, per 40. ce ne verrà 960. il che partasi per 60. ce ne verrà 16. per parte, & tante braccia farà essa G H, alle quali aggiunghansi le 16. braccia di essa F G, & ce ne verrà 32. braccia, et tanto farà la propostaci altezza F H. Da questi esempi si posson cauare molte altre misure, come potrà un ragioneuole ingegno da se stesso giudicare.

Questa

Questa ancora si potrà misurare con l'Astrolabio. sia la torre bassa A E, dalla quale noi vogliamo misurare, la più alta, che sia H F, la prima cosa pigli si, come si è insegnato, la distantia E F, la quale di necessità farà uguale ad essa A G, & G F farà uguale alla A E: drizzisi la linda alla H, & haremos duoi triangoli, cioè A G H, & quel, che si fa dalla linda, et dal lato della scala dell'Astrolabio, i lati de quali faranno, per la quarta del sesto di Euclide, scābienuamente propotionali, essendo di angoli retti, et l'angolo A eſendo



LIBRO

commune all' uno, & all' altro; per ilche secondo ch' lo interolato della scala corrispōde alle parti intersegate sue, così farà il lato AG & quale (come si disse) allo EF, di necessità al lato GH. Multiplichisi adiūque il lato, che fanno le parti intersegate per AG, lato già à noi manifesto, et diuidasi quel, che ne viene, per lo intero lato della scala: & ce ne verrà l'altezza HG: la quale se noi aggiungeremo all' altezza AE già (come si disse) notaci mediante la fune, essendo ella & quale alla GF, faremo la intera altezza HF, che noi cercauamo.

Come si misuri una lunghezza di un pendio d'un monte con il quadrante. Cap. XVII.

NE L medesimo modo, che si operò nel misurare una lunghezza à piano, si potrà operare nel misurare un pendio di un monte. Sia adunque il proposto ci pendio EF, porremo il quadrante ABCD sopra il lato CD per lo lungo, et à diritto da essa EF, ponendo l' angolo D sopra il termine E: & voltissi il lato BC alla cima F, secondo il solito, come già si è detto. Pongasi poi l' occhio all' angolo A, & alzisi, o abbassisi la linda tanto, che per le mire si vegga la cima F. Fatto questo guardisi due batte la linda nel lato BC, & dicasi che batta nel punto G. Dice si, che in quella proportione, che corrisponde il lato AB alla parte BG, corrisponderà ancora la lunghezza EF al lato AD. Ma per più chiarezza seruaci, che BG sia 10. di quelle parti, che il lato del quadrante è 60. perché 60. corrisponde al 10. per sescupla, cioè per sei tanti, la proposta ci lunghezza EF, farà medesimamente per sei tanti la AE, ouero la AD, cioè per il lato del medesimo quadrante. Talche se il lato fusse tre braccia, la detta lunghezza EF sarebbe braccia 18. Et se il monte fusse un terrotto, o scosceso, talche

talche non si possa osservare quel, che si è detto; bisognerà misurarlo à modo della torre, ò d'altra cosa ritta sopra il piano del terreno, come si mostrò nel Cap. 8. & nelli altri tre, che doppo li seguono.

La ragione è, per la uqualità dellì angoli de triangoli A B G, et A E F, & de lati proporzionali molte volte dimostrati ne' passati Capitoli. Però non si replica.



LIBRO

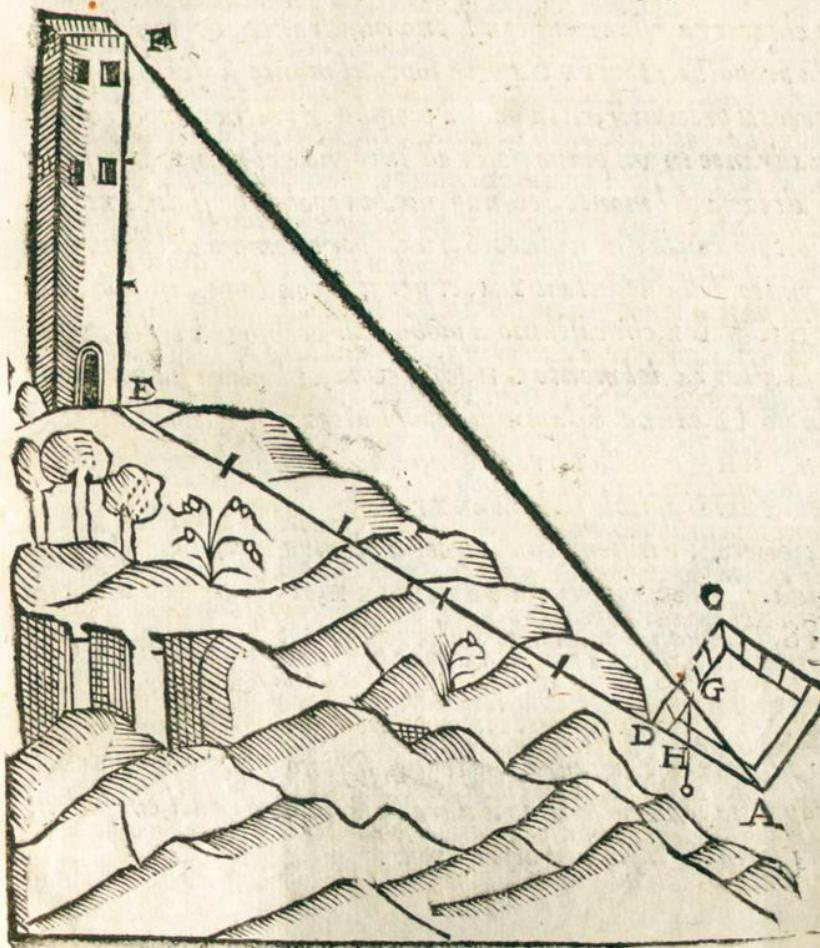
Come stando à piè di vn monte si misuri l'altezza d'una torre posta in cima del monte.

Cap. XVIII.

SI la propostaci torre E F, posta in cima del monte, chiamato A E, et noi col quadrante al piè del monte A. Bisogna prima trouare la lunghezza del pendio del monte A E, in quel modo, che si disse nel passato Capitolo. Il qual pēdīo presupponiamo di hauer trovato esser braccia 18. Fatto questo, pogasi il quadrante ritto sopra il termine A, uoltādo il lato A D, et il lato C D all' usato uerso la torre E F: alzisi dipoi, ò abbassisi la linda, talmente che per le mire si vegga la cima F. Dipoi non mouendo punto il quadrante, attachisi alla linda un filo, col piōbino, che caschi in qual parte si uoglia del lato A D, il qual filo per modo di esempio sia G H, che diuida esso lato A D nel punto H, & sia nel mezo fra A et D. Misurisi dipoi la parte del filo G H intrapreso dalla linda, & dal lato A D, distendendo la detta portione del filo H C sù per il lato B C, ò sù per il lato C D, Dicefi, che in quella proportione, che corrisponderà la intrapresa parte A H, alla parte del filo, che casca à piombo G H, corrisponderà ancora il pendio del monte A E all'altezza della torre E F. Servaci per esempio, che A H sia 30. C G sia 15. di quelle parti, che il lato del quadrante è 60. perche il 30. corrisponde al 15. per due tanti, la lunghezza A E farà ancora essa per due tanti dell'altezza della torre E F. Et hauendo presupposto, che la lunghezza A E sia 18. braccia, l'altezza dunque E F propostaci farà 9. braccia simili. Et se più chiaramente ne vorremo fare esperienza per la regola delle quattro proporzionali, multiplicansi 18. per 15. ce ne verrà 270. ilche partito per 30. ce ne verrà 9. per parte, le quali

le quali cose si vedranno più chiare mediante il disegno, che poco lontano porremo in carta.

La ragione delle dette cose è: che i duoi triangoli AGH, EGF, sono fra loro di angoli uguali per la uentinovesima del primo, molte volte allegata. Et perche l'angolo A H G dal lato di dentro, & dalla medesima banda è uguale all'angolo A E F, accade per la quarta del sesto, che come A H corrisponde ad H G, così la A E corrisponde all'altezza E F della propostaci torre.

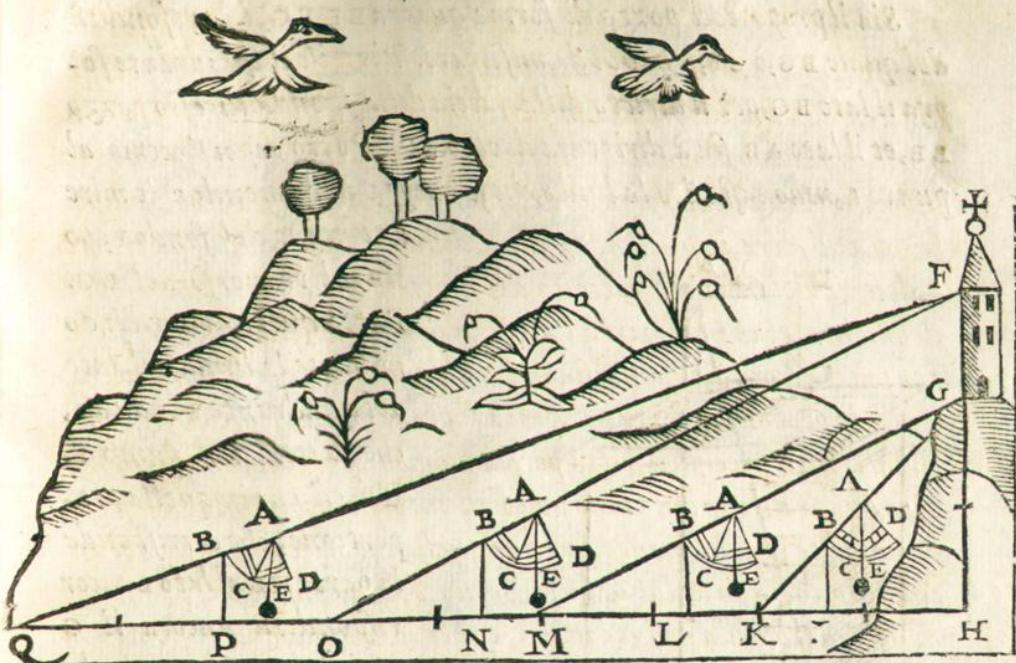


LIBRO

Et se la detta torre fusse collocata sopra di vn monte, che fusse talmente scosceso, ò pieno de interrotti precipitij, che la non si potesse misurare nel passato modo, misureremola in quest' altro. Da un piano conuincino al monte piglieremo prima l'altezza del monte: et dipoi l'altezza della torre, et del monte insieme, & raccolta dipoi l'una, et l'altra, in quel modo, che si disse nel Cap. 8. bisogna trarre l'altezza del mōte dal raccolto del mōte, et della torre, che è sopra del monte, et ce ne rimarrà l'altezza della propostaci torre. Ilche per più chiarezza, effaminisi con l'uno quadrante, & con l'altro.

Sia la propostaci torre F G, posta sopra il monte scosceso, et pieno di interrotti precipitij, ritta però à piombo. Arrecheremoci col nostro quadrante in un piano posto all'intorno del monte, & piglieremo l'altezza del monte, secondo quella regola, che si disse nel decimo capitolo, con le due uedute. Seruaci per esempio del primo modo offruato della ueduta il K M, et per il secondo I L, insieme con le linee D I, & D L, che caschino à piombo dall'occhio D à terra, vguale ad essa altezza del monte G H, & l'una, et l'altra sia per modo di esempio 12. canne. Effaminisi dipoi l'altezza F H, cioè l'altezza del monte G H, & della torre G F insieme, secondo la regola, che si disse nel decimo capitolo. Et sia ancora O Q secondo la prima osservazione, ouero N P insieme con le linee à piombo D N, et Q P, secondo la seconda osservatione, vguale à detta E H, et l'una, et l'altra sia canne 18. Traggasi finalmente l'altezza G H dell'altezza F H, cioè 12. canne delle 18. ci rimarrà la propostaci altezza della torre, esere canne 6. le quali cose tutte, tratte medesimamente dal decimo capitolo, insieme con la figura, che segue, si sono poste con evidentissima proporzione, acciò seruino à dare l'esempio di quel, che si deve offruare in dette cose, ò in altre simili.

Come



Come si misurino le profondità de pozzi, ò altre profondità che caschino à piombo. Cap. XIX.

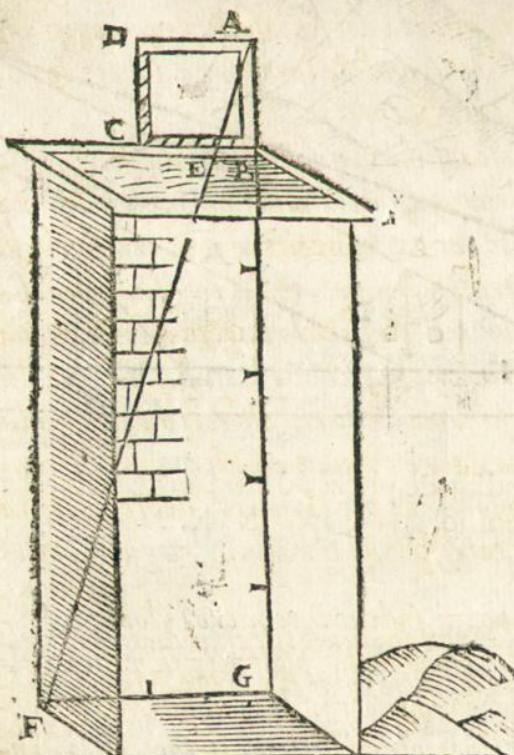
NE l misurare i pozzi, si deve intendere la loro profondità esser quella, che è dalla spöda alla superficie dell'acqua. Perche non penetrando la ueduta oltre l'acqua, et in essa ripercotendosi, come in specchio, non intendo di parlarne. auvertiscasi oltre di questo, che non si possono misurare ancora quei pozzi, che per la gran profondità loro, come spesso interviene di quelli, che sono sopra i monti, non può l'occhio vedere i termini del fondo loro, cioè la superficie dell'acqua. Ma quando sono tali, che detta superficie si discerna, faremo in questo modo

LIBRO

Sia il propostoci pozzo di forma quadra B E F G, la profondità del quale B G, ò E F, si habbi da misurare. Rizzisi il quadrante sopra il lato B G, per il diritto della faccia della sponda di esso pozzo B E, et il lato A B sia à dirittura di esso B G. Posto dipoi l'occhio al punto A, muouasi tato la linda, che se veggia per amendue le mire

il termine del fondo F, posto al trauerso del B G. Fatto questo, guardisi dove batte la linda nel lato del quadrante B C, dicasi, che batta nel punto I. Dice si, che in quella proporzione, che corrisponde la parte H B al lato B A, corrisponderà ancora il G F, cioè il B E (conciò sia che e' sono uguali) alla propostaci lunghezza, ò profondità A G. Seruaci per esempio, che B H sia 20. di quelle parti, che il lato del quadrante è 60. Misurisi dipoi B E, che per modo di esempio dicasi,

che sia braccia 6. sarà ancora braccia 6. G F, conciosia, che e' sono lati opposti, & correspondenti del parallelogramo, ouero quadrilungo B E F G, i quali, per la trentaquatresima del primo di Euclide, sono fra loro uguali. Multiplichisi adunque 6. per 60. & ce ne verrà 360. il qual numero partasi per 20. & ne haremos per ogni



ogni parte 18. sarà adunque 18. braccia la A G, dalle quali se si trarrà la A B, quale per modo di dire sia 3. braccia, troueremo la profondità del pozzo esser braccia 15.

La ragione è, che i due triangoli A B H, et A G F, sono fra loro di angoli uguali per la uentinouesima del primo di Euclide, & lo angolo A B H è uguale allo angolo A G F (conciò sia che l'uno, & l'altro è retto) adunque per la quarta del sesto, auuiene, che si come H B corrisponde alla A B, così corrisponde la larghezza del pozzo FG, alla lunghezza G A composta di B A, & G B.

Potràssì ancora saper il medesimo in questo altro modo. Misurisi HE, et sia per modo di essepio 5. braccia, multiplichansi 5. per 60 ce ne uerrà 300. il che partito per 20. ce ne uerrà 15. come prima.

La ragione è, che i due triangoli A B H, & H E F, sono medesimamente fra loro di angoli uguali, però che lo angolo A H B è uguale allo angolo E H F, postoli dirincontro secondo la quintadecima del primo di Euclide, & medesimamente lo angolo retto E, è uguale all'angolo E; l'altro adunque B A F è uguale all'altro H F E, secondo la trentaduesima del primo. Onde per la quarta del sesto, come H B corrisponde alla B A, così corrisponde H E alla E F, uguale per la medesima ragione alla B G.

Ma quando il pozzo fusse tondo, auvertiscasi il diametro della sponda del pozzo, et il resto si faccia come si è detto. Ma con l'altro quadrante in questo modo. Sia il pozzo tondo E F G H, il diametro del quale sia E F, onero la sua uguale G H. Accomodisi il quadrante alla sponda di detto pozzo talmente, che la fine del lato A D si congiunga con il punto E: alzisi dipoi, & abbassis il quadrante, lasciando sempre andare il piùbo libero, tāto, che per amen due le mire si uegga il termine del fōdo di detto pozzo al rincōtro H. Fatto qsto, seza muouere puto il quadrante, guardisi dōne batta il filo

L I B R O

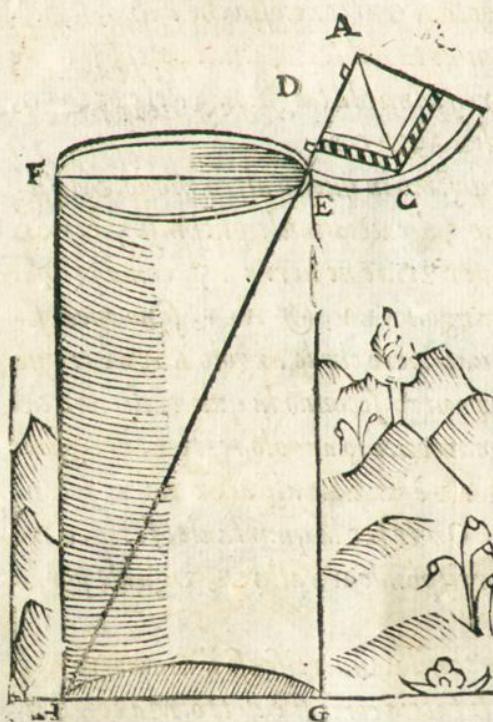
il filo nellato C D. Dicasi per esempio, che batta nel punto I. In quella propotione, che corrisponde la parte D I intrapresa dal filo, al lato D A, corrisponderà ancora la G H, o la sua uguale E F, alla proposta ci lunghezza della profondità. Misurisi adunque E F uguale à detta G H, qual sia per modo di esempio 9. braccia, e D I sia 6. di quelle parti, che tutto il lato del quadran te è 12. perche il 12. corrisponde al 6. per due tanti, lo E G similmente sarà per due tanti dello E F, ouero G H, uguale, come poco fà dicemmo alla E F.

Multiplichisfi adunque 9. per 12. e ce ne uerrà 108. ilche partito per 6. ne viene 18. per parte; et tante braccia sarà la profondità E G propostaci. In tutte l'altre cose si opererà à corrispondentia.

La ragione è, che i due triāgoli ADI, et EGH, sono

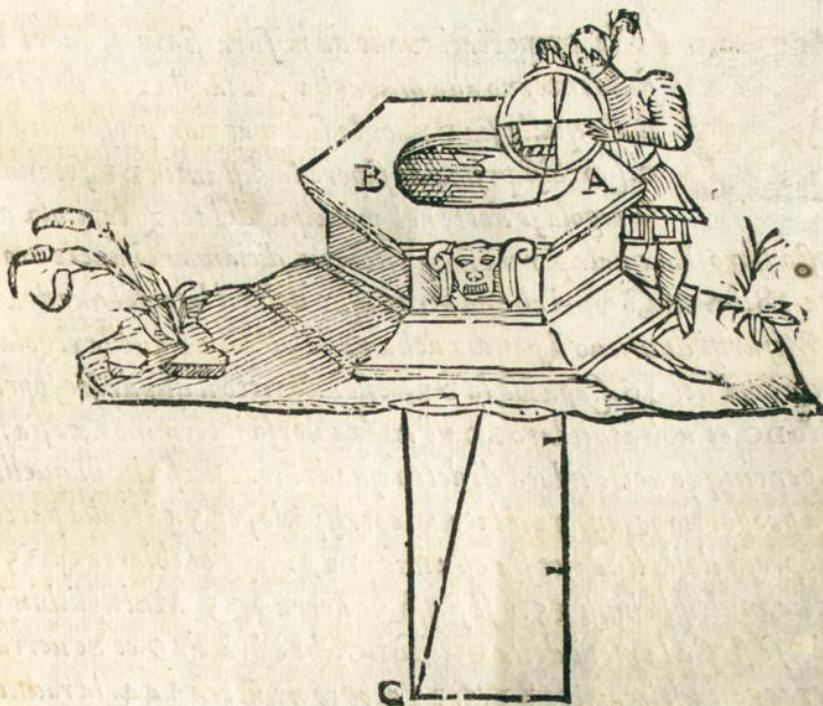
fra di loro di angoli uguali; perche lo angolo G E H, è uguale dal lato di dentro, et dalla medesima banda, allo angolo D A I, secondo la uētinouesima del primo di Euclide. C'ociosia che la diritta A H, taglia à transverso la A I, et la E G, che sono parallele: et medesimamente lo angolo D è uguale, essendo retto, allo angolo retto G, secōdo la quar ta dimanda. Il rimanente angolo adunque A I D è uguale all' altro

E H G,



E H G, per la trentaduesima del detto di Euclide. In quella proporzione adunque, che corrisponde il lato I D al lato D A, corrisponde ancora il lato H G al GE, secondo la quarta del sesto, conciosia che sono corde sotto ad angoli uguali.

Questo medesimo faremo ancora con lo Astrolabio : perche poi che sapremo la larghezza del pozzo, sapremo ancora la profondità non con molta difficoltà. Sia la bocca del pozzo A B, tre braccia, ò per dir meglio, sei meze braccia uguale per larghezza, quanto è la D C, & la sua profondità sia AD. Tengasi soppresso lo Astrolabio dal suo anello, & dirizisi la linda al C, et haremos duoi triangoli, l' uno A C D, & l' altro nello Astrolabio, come altra volta si è detto, &



essendo

LIBRO

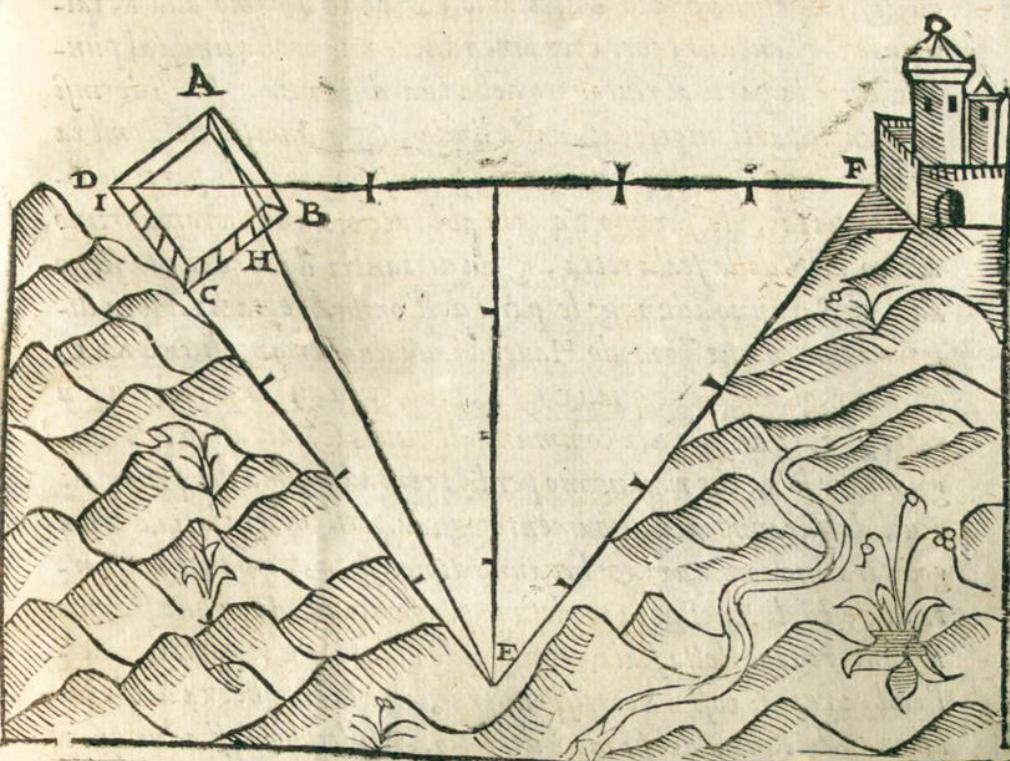
essendo i lati loro scambieuolmente fra loro proporcionali, in quel-
l'istesso modo, che le parti della scala intersegate dalla linda corri-
spondono all'intero lato di essa scala, così la AB, diametro del poz-
zo, et CD sua uguale, corrisponde alla sua profondità AD. Multi-
plichinsi adūque AB, cioè le sei meze braccia, per lo intero lato del-
la scala, & partasi quel che ce ne viene per 3. che sano le parti in-
tersegate dalla linda della ombra retta, & baremo 24. che son la
profondità del pozzo, che andauamo cercando.

Come si misuri, così la larghezza, come la profondità delle
valli, ò de fossi con il quadrante.

Cap. XX.

STA la proposta ci valle da misurarsi DE, ouero il
foso intorno alla muraglia, la larghezza da capo
della quale sia DF, et la sua maggior profondità E
G. Cerchisi prima di sapere la distantia DE, secondo
la regola si dette nel principio del terzo capitolo di
questo libro. La quale per modo di esempio, diciamo di hauere tro-
uata 18. braccia, ò vuoi che sia per cinque uolte il lato del quadran-
te. Misurisi di nuouo il pendio della ualle, secondo quella regola,
che dicemmo nel 16. Cap. cioè la DE, tenendo ritto il quadrante sopra
il lato DC, et uoltato il lato BC all'usāza uerso il termine E, et sia il
DE, per cinque uolte il lato di detto quadrante. Dicest che in quella
stessa propotione, ancora il lato AB corrispōde per 5. tāti alla parte
BH cōpresa dalla linda, et sia essa linea DE di maggior chiarezza 15.
braccia. multiplicansi 15. per se stesso, ne uerrà 225. Multiplichinsi
dopo per se stessa la metà della DF, cioè DG, che è braccia 9. ce ne uerrà
81. traggasi ultimamente 81. di 225. et ce ne uerrà 144. la radice
quadrata

quadrata, del qual numero è 12. et tante braccia diremo, che sia la profondità E G: et conciosia che per la quarantasettesima del primo di Euclidē, il quadrato, che si fà del lato D E, che è ricontra all' angolo retto D E G del triangolo D E G, è uguale à gli altri duoi quadrati, che si fanno de lati D G, & G E, che fanno lo angolo retto. Traendo adunque il quadrato D G del quadrato D E, ci rimane il quadrato E G, la radice del quale ci dà la lunghezza E G. Et queste cose bastino; perche non ci potrà occorrere figura alcuna di linee diritte, che non si possi con queste regole misurare.

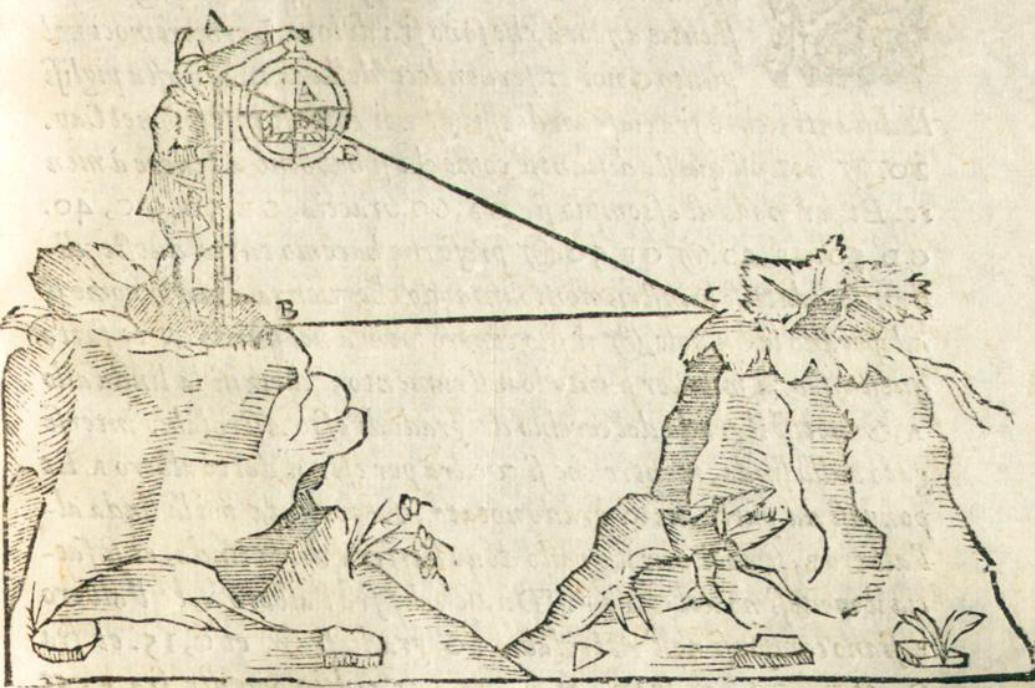


Questo

LIBRO

Questo si misurerà ancora con lo Astrolabio in questo modo con l'aiuto però della tua canna, ò asta, la quale se noi diuideremo dall'occhio nostro à terra in sei parti, che sieno per modo di dire, sei meze braccia fiorentine, quando bene nell'opera e tu habucessi à stare alquanto più alto, che sul piano del terreno, per non esfer tu dall'occhio à terra tre braccia à punto; et questo, perche dal diuider questa canna in sei parti, ce ne verranno manco rotti, nel far poi la tua ragione di abaco, i quali sogliono spesso arrecare confusione: Et sia detta asta, ò canna A B, et lo spatio da misurarsi, sia ò fosso, ò ualle, ò fiume, sia B C. Posta poi la tua canna ritta à piombo, Et sospeso da essa lo Astrolabio, Et posto l'occhio alla A, talmente che la ueduta corra per amendue le mire della linda al punto E, che è la parte al rincontro della tua distantia. Considerinsi allhora le parti intersegate dalla linda, Et siano sei dell'ombra versa: le quali riducendole, come si è insegnato, alle parti dell'ombra retta, le faremo 24. che abbraccieranno horamai uno intero lato della scala retta, Et la distantia della ueduta sieno ad A C. Saranno adunque le parti dell'ombra retta D E. Hora discorreremo in questo modo. Hauendo noi duoi triangoli, cioè A B C, Et A D E, gli angoli de quali D Et B, sono uguali (imperoche ei son retti) Et l'angolo A, è commune all'uno, Et all'altro. L'angolo C, Et lo E, che rimangono per la trentaduesima del primo di Euclide, saranno medesimamente uguali. per ilche, et i lati de triangoli saranno communi, Et haranno di necessità, mediante la quarta del sesto di Euclide la medesima propotione. Adunque si come A D, intero lato della scala, corrisponde al lato D E, le parti cioè dell'ombra retta; così B A corrisponderà, cioè la lunghezza dell'asta alla B C, distantia del fiume, ò del fosso. Multiplichansi adunque B E, 24. parti cioè dell'ombra retta, per A B, cioè per 6. che è la lunghezza

ghezza dell'asta, et ce ne verrà 144. Et dividendosi questo numero per 12. che è lo intero lato della scala, ce ne verrà 12. che sarà la distantia, ò larghezza del fiume, ò del fosso, che noi andauamo cercando.



Come

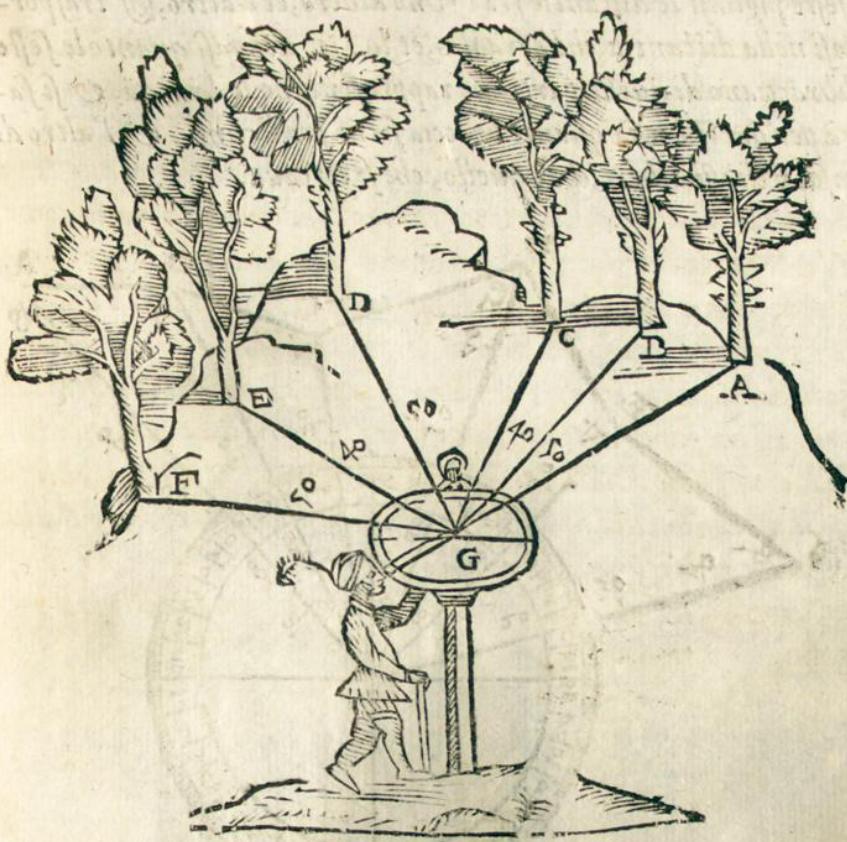
LIBRO

Come si possino misurare di più cose poste in vn piano, come saranno alberi, ò colonne, ò simili, le distantie, che sono fra te, & loro, & le distantie ancora che sono fra l'vma, & l'altra di esse colonne, ò alberi. Cap. XXI.

IANO sei alberi ABCDEF, de quali noi vogliamo pigliar le distantie, che sono fra essi, & noi, & le distantie ancora, che sono fra di loro. Fermeremoci nel punto G noi, et seruendoci della canna, ò asta piglisi la distantia, che è fra ciascun di essi, & noi, come si insegnò nel Cap. 20. & notinsi queste distantie come che si habbino à tenere à mente. Et per modo di esempio sia GA, 60. braccia, GB, 50. GC, 40. GD, 50. GE, 40. & GF, 50. & presé che haremos tutte queste distantie, adattisi lo instrumento in modo che venga à piano, come si adoperano le bussole, & il suo centro venga nel punto G, et fatto questo, senza muouer punto lo instrumento, dirizisi la linda allo A, & notisi il grado del cerchio de gradi di esso Astrolabio intersecato dalla linda, mentre che si vedrà per essa il detto albero A. Et pongasi da parte detto grado notato, & voltata poi la linda all'albero B, si noti pur il grado dove batterà detta linda, et si faccia il medesimo del CDEF. Dicasi, che fra l'albero A, et l'albero B, siano compresi nell'Astrolabio 20. gradi. fra B, et C, 15. et fra C, et D, 30. et fra D, et E, 25. et rultimamente fra E, et F, 30.

Disegnisti

Disegnisi dipoi con le sette sopra un foglio, un cerchio grande à modo nostro, scompartendolo in 360. parti, à gradi; et il suo centro sia G, che rappresenti il punto della positura, dove stette nell' operare lo Astrolabio, quâdo si presono le distantie dell'i alberi. Da questo punto G, che haremo fatto sul foglio, tirisi una linea diritta, luga à beneplacito nostro, che sia GA; et questa diuidasi in tâte partis fra loro uguali, quâte furono le braccia, che si trouarô essere fra G, GA, quali presupponemo che erano 60. Presa dipoi la distan-
tia de gradi, che noi trouammo essere nelle Astrolabio fra A, CB,

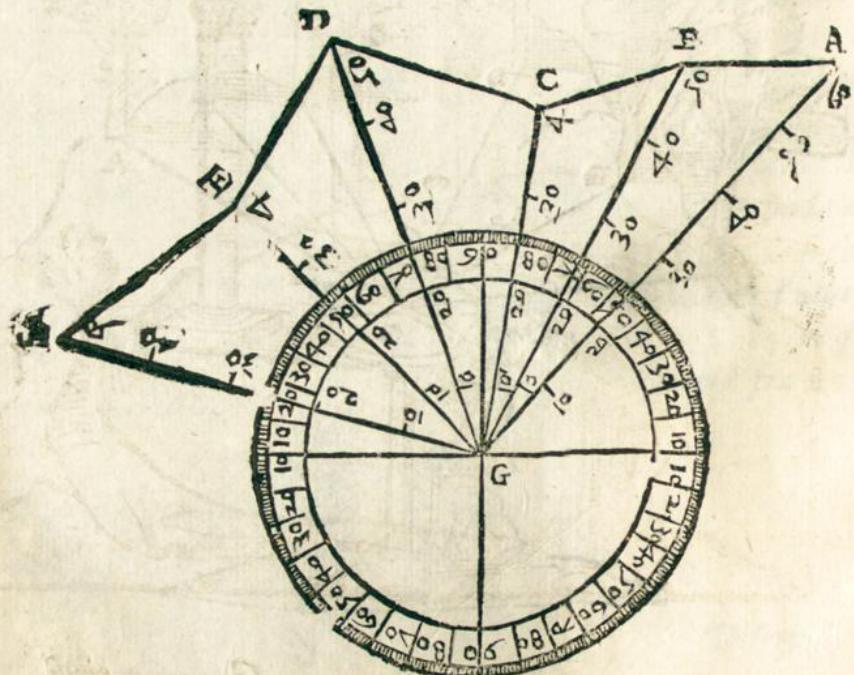


G

tirisi

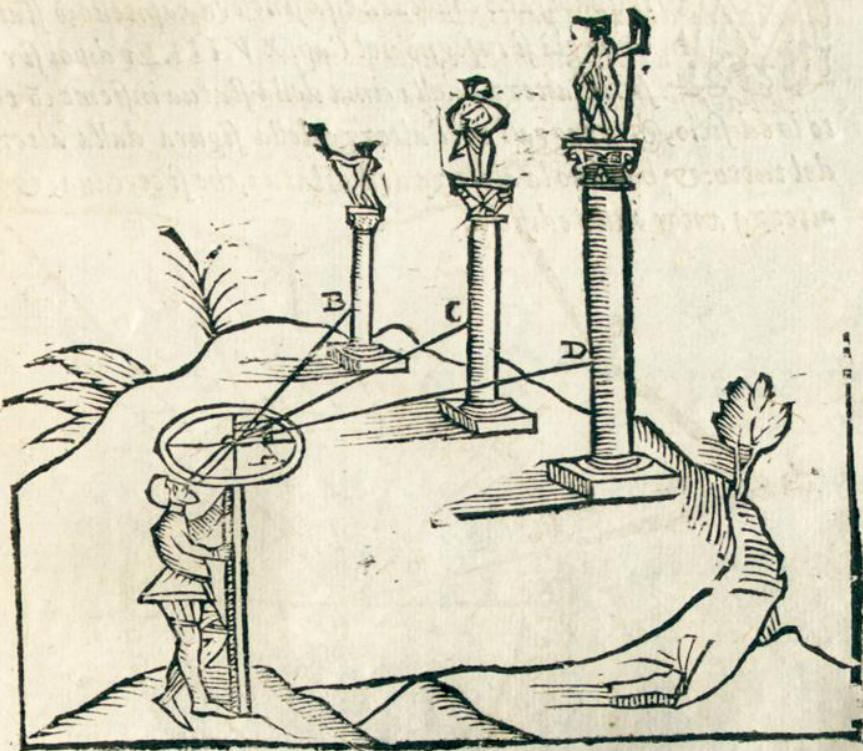
L I B R O

tirisi una linea dal centro G, la quale sarà GB, & uerra all'albero B, & la diuidero in 50. parti uguali, che sono comprese fra GB. Preso dipoi nello Astrolabio il numero de gradi, che era compreso infra BC, tirisi un'altra linea dal centro G, che sia GC, la quale diuidasi nella distantia delle sue braccia, che furono 40. Questo medesimo si faccia de gli altri alberi con la medesima regola, & tiransi le lor linee dal centro G, a ciascuno di essi, et diuidansi nelle distanze delle braccia. Ultimamente congiunghansi insieme le teste di queste linee, cioè AB, BC, CD, DE, EF, con le linee rette, & aperte le seste piglinsi le distanze fra l'uno albero, et l'altro, & trasportansi nella distantia, che è fra il G, et lo A, et ueggasi quanto le seste abbracciano di quelle parti, che rappresentano le braccia, & si saprà per questa via quante braccia sieno fra l'uno, & l'altro di ciascun di essi alberi, che è quello, che si cercaua.



Come si misurino le distantie di molte cose poste per lunghezza in
vn filo in piano, trouandosene in alcun luogo
lontano. Cap. XXII.

SE D V E, ò più cose faranno fra loro lontane non per larghezza, ma per lunghezza, come le colonne, che fusero poste à filo, operassi quasi nel medesimo passato modo. Et per esempio, siano tre colonne B C D, et stiase fermo nella positura A, pigliasi la prima cosa seruendosi dell'

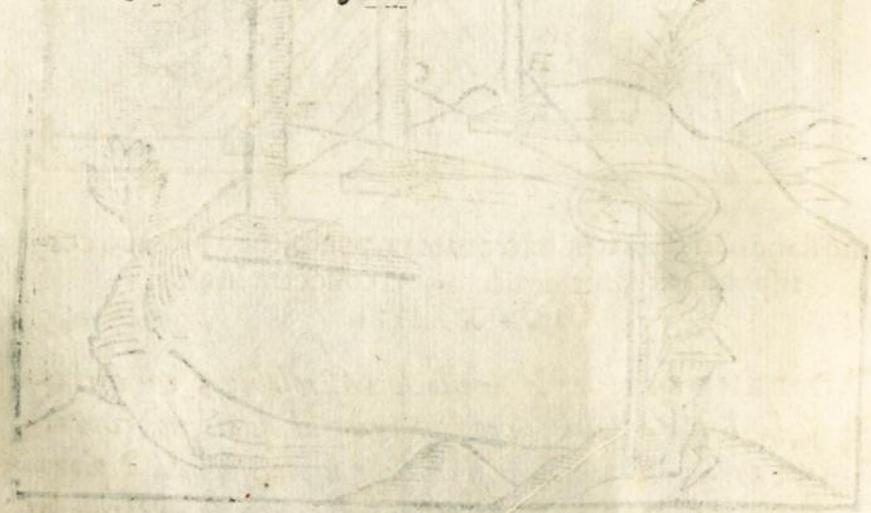


L I B R O

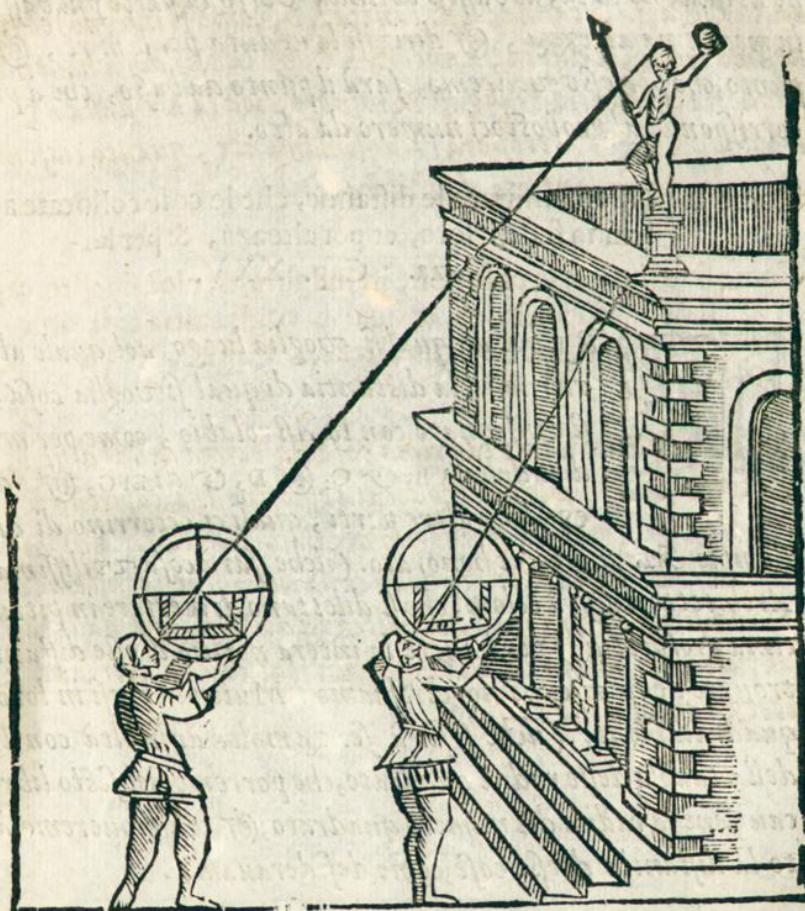
aiuto dell'asta, ò canna, la distantia A D (come si insegnò) et nel medesimo modo, la distantia ancora A C, & la AB; dipoi hauendo per se queste distantie, traggasi la minore, cioè la A C dalla A D, & la A B dalla A C; & si trouerà facilissimamente, quanto ciascuna di esse colonne sia lontana dall'altra.

Come si misurino le cose poste in luoghi alti, cioè finestre, capitelli di colonne, statue, & qual si voglia altra cosa ritta sopra qual si voglia altezza. Cap. XXIII.

MISURISI la prima cosa l'altezza dello edificio, sopra il quale sarà collocata essa finestra, capitello, ò statua come già si insegnò nel Cap. XVIII. Et dipo i si rimisuri l'altezza della cima della statua insieme co' tutto lo edificio, & traggasi poi l'altezza della figura dalla altezza del tutto: & haremos la altezza della statua, che si cercaua, & l'altezza ancor dello edificio.



Come



Come stando in terra si possa trouare vn punto, che à piombo corrisponda al punto di alcuna cosa collocata in alto.

Cap. XXIIII.

SO SPENDASI per lo anello lo Astrolabio, & dirzi si la linda à quel punto di sopra, al quale noi vorremo trouar il punto di sotto, che li corrisponda à piombo: et notato quello, senza muouere punto lo Astrolabio

G 3 nè

L I B R O

nè in quà, nè in là, abbassisi la linda verso la parte più bassa della medesima altezza, & dirizisi la ueduta per le mire, & quel punto, che per eße vedremo, sarà il punto da basso, che à piombo corrisponde al propostoci numero da alto.

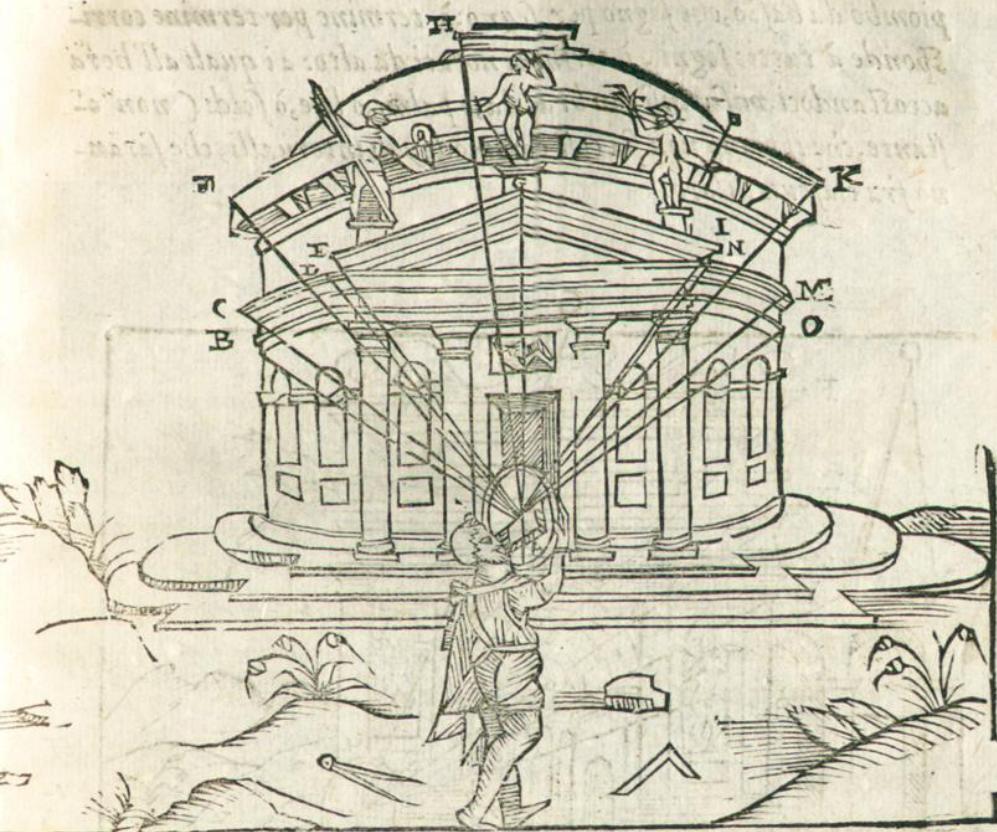
Come si possino misurare le distantie, che le cose collocate ad alto hanno fra di loro, et per altezza, & per larghezza. Cap. XXV.

RE SA da qual si voglia luogo, nel quale altrui si ritruouï, la distantia di qual si voglia cosa, come si è insegnato con lo Astrolabio, come per modo di dire della A B, & C, & D, & di EFG, & di HY, & delle altre parti, quali ci occorrino di qualche Tempio Magnifico, et honorato. (ilche farà cosa utilissima à gli Architettori, & à coloro, che si dilettano di mettere in pittura alcuna prospettiva) per hauere la intera notitia d'esse distantie già trouate delle cose che noi cerchiamo. Multiplichansi in loro stesse quadratamente (ilche si farà senza molta difficoltà con l'aiuto della tanola delle radici quadrate, che porremo nel sesto libro) & causene la radice del numero quadrato, & così troueremo à punto la distantia di eße cose, come desiderauamo.

Come farai in riferito luogo misure a basso, che per questo
l'opera si puo di spese costose si fara.

Cap. XXXI.

Contra i q[ui] si dicitorebbo di riferirsi al q[ui] raddoppio
della cosa che si ha, cioè q[ui] la cosa, che si ha, si doppia al q[ui]
mezzo di un'altra cosa, q[ui] si ha, cioè q[ui] la cosa, che si ha,
raddoppio al doppio d'essa cosa, q[ui] doppio doppio, et
Come

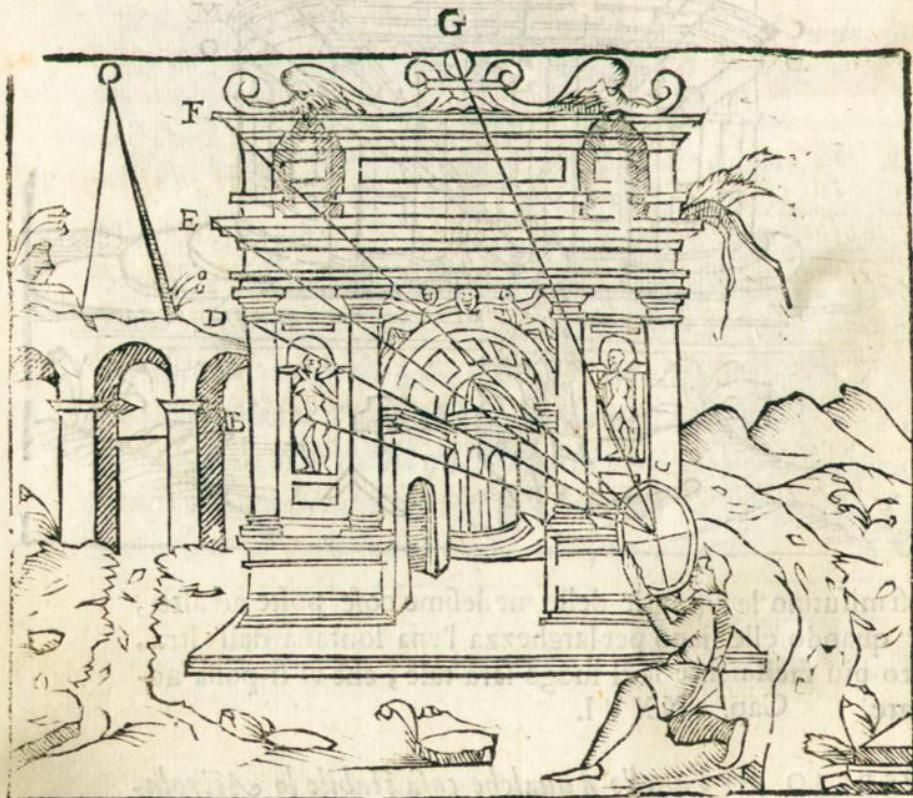


Come si misurino le distantie delle medesime cose poste ad alto ;
cioè quando elle sieno per larghezza l'vna lontana dall'altra ,
molto più facilmente se il luogo farà tale , che vi si possa ac-
costare. Cap. XXVI.

SO SPESO per l'anello à qualche cosa stabile lo Astrola-
bio, acciò che non si muoua, dirizisi la linda dalla A al B, per
star pur nel medesimo esempio, dipoi al C D E F G H Y, &
finalmente quanti segni, ò termini si voglino , & procurisi di

LIBRO

notare in quel modo, che si è insegnato e fattamente il punto del piombo da basso, che segno per segno, o termine per termine corrisponde à tutti i segni, o termini notati da alto: a i quali all' hora accostandoci, misuransi con braccia, o palmi, o lire, o soldi (non essente, che il piano non sia così commodo) gli interualli, che saran- no fra ciascun di loro.

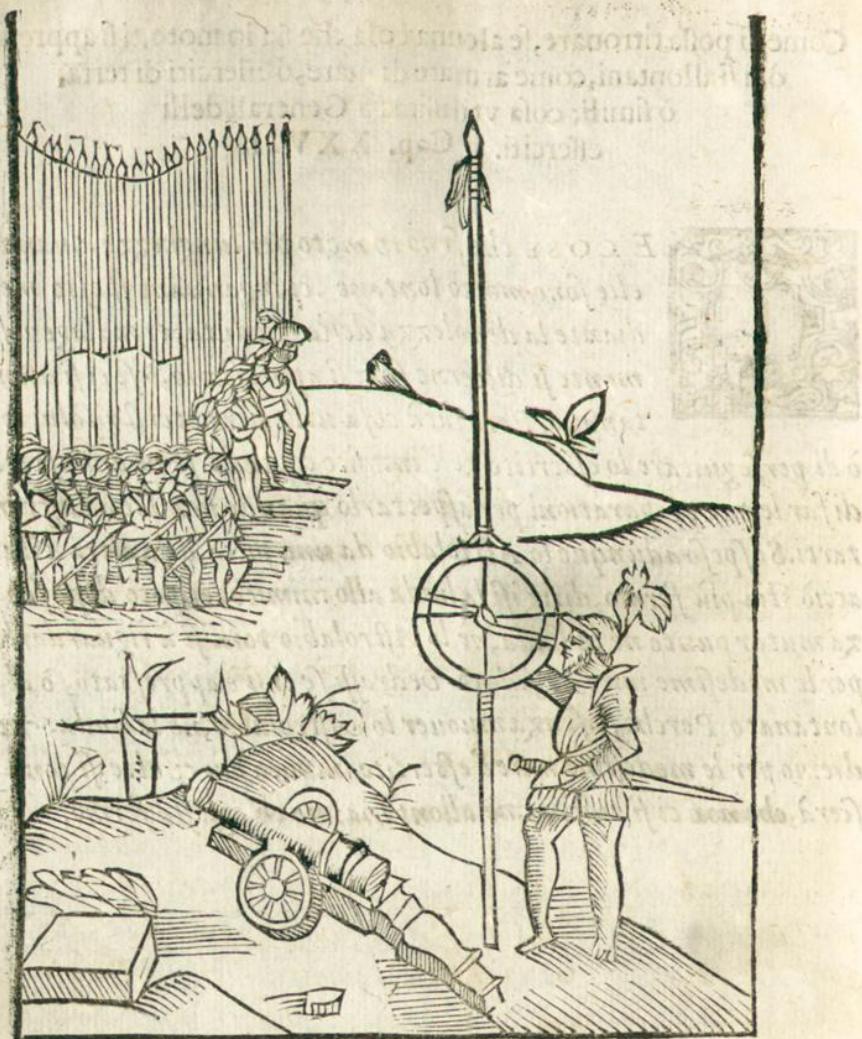


Come si possa ritrouare, se alcuna cosa che sia in moto, ti si appressi,
ò ti si allontani, come armate di mare, ò esserciti di terra,
ò simili, cosa utilissima à Generali dell'i
esserciti. Cap. XXVII.



E C O S E che sono in moto per lunghezza, quando
elle sono molto lontane, ci ingannano spesso me-
diante la debolezza della veduta, et malageuol-
mente si discerne se ci si appressano, ò se ci si allon-
tanano. Però farà cosa utile per potersi risoluere,
ò di perseguitare lo essercito dell'inimico quando se ne andasse, ò
di far le tue preparationi per aspettarlo quando uenisse ad affron-
tarti. Sospeso adunque lo Astrolabio da una picca, ò da altra asta,
accio stia più fermo, dirizisi la linda allo inimico, et poco dopò sen-
za mutar punto nè la linda, nè lo Astrolabio tornisi à riguardarlo
per le medesime mire, et subito vedràsi se ci si è appressato, ò al-
lontanato. Perche se senza muouer lo Astrolabio, nè la linda, ve-
dremo per le medesime mire l'essercito inimico più volte, si cono-
scerà, che non ci si auicina, nè allontana: ma ch'egli stà fermo.

LIBRO PRIMO.



DEL MODO DI MISURARE
TUTTE LE COSE TERRENE,

DI COSIMO BARTOLI
Gentilhuomo, & Academico Fiorentino.

LIBRO SECONDO.

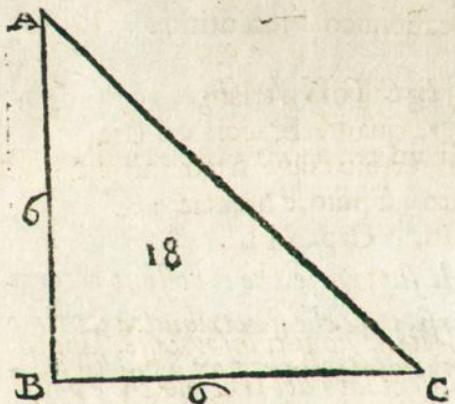
Come si misuri vna superficie di vn triangolo retto, che ha due i lati uguali. Cap. 1.



N FRA tutte le superficie, che ci possono occorrere da misurarsi, pare che si attribuisca il primo luogo al triangolo, atteso che non si può chiudere superficie alcuna da manco linee, che da tre. Et de triangoli ne sono alcuni, che hanno un angolo retto; per il che si chiamano rettangoli. Alcuni altri hanno tutti à tre gli angoli acuti, chiamati da Greci, & da Latini OXIGONI, i quali noi potremo chiamare di angoli sotto squadra, à acuti. Alcuni altri ancora ne sono, che hanno un angolo Ottuso, i quali noi potremo chiamare triangoli cõ angoli sopra à squadra. Tratteremo adunque primieramente de triangoli retti. Secondariamente dell'i Acuti, et vltimamente dell'i Ottusi, & soprassquadra. De triangoli retti ne sono alcuni di duoi lati uguali, & alcuni, che hanno tutti à tre i lati disuguali. Dicas prima di quelli, che hanno duoi lati uguali, i quali si misurino in questo modo. Misurisi uno de suoi lati uguali, et multiplicisi per se stesso, & la metà di tale multiplicato, sarà il numero delle braccia di detto triangolo; ouero multiplicisi uno de lati uguali, per la metà dell' altro à lui uguale, che sarà il medesimo. Ma per maggior dichiaratione dicas, che il triangolo rettangolo sia A B C, i lati

L I B R O

lati del quale A B, et B C, siano uguali, che nel punto B, fanno l'angolo retto, et sia ciascuno di questi lati braccia 6. se si moltiplica 6. viue 6. ce ne uerrà 36. il qual numero diuiso per due ci resterà 18.

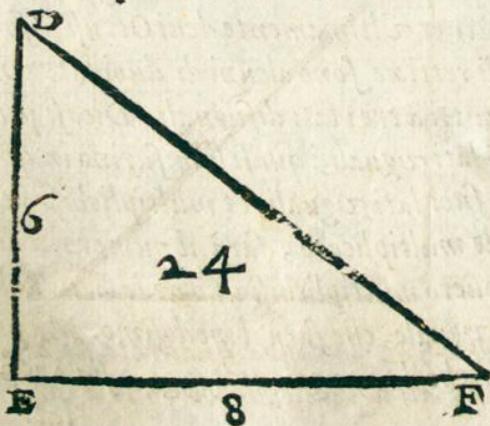


dicesi il campo detto in triangolo rettangolo di lati uguali esser 18. braccia: ouero diuidasi B C in due parti, l'una delle quali sarà 3. & moltiplichisi poi questa parte per il lato intero A B, che è 6. si uede che 3. viue 6. fa 18. talche nell'un modo, et nell'altro

baremo, che il proposto ci triangolo è 18. braccia a punto.

Del triangolo retto, di lati disuguali. Cap. II.

Questa passata regola serue à misurare ancora i triangoli retti di lati disuguali; conciosia che se si misureranno i duoi lati, che concorrono à far l'angolo retto; et si moltiplicheranno l'un per l'altro, la metà del moltiplicato sarà la quantità delle braccia del detto triangolo.

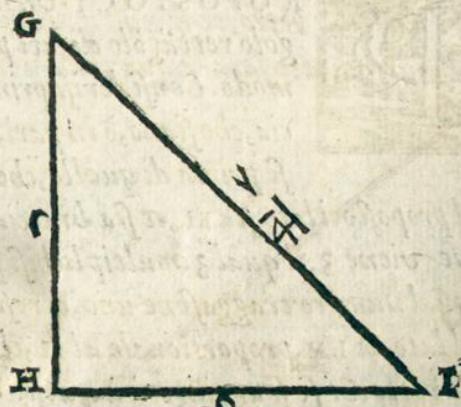


Seruaci per esempio, che il triangolo retto di lati disuguali sia D E F, & l'angolo retto sia E, et D E sia braccia 6. E F braccia 8. moltiplichinsi 6. viue 8. farà 48 ilche partasi per dua, ce ne uerrà 24. che tāte braccia sarà detto triangolo proposto, ouero moltiplichisi il 3. che

3. che è la metà del 6. per 8. Et ce ne verrà pure medesimamente 24. che è il numero delle braccia di detto campo, ò triangolo.

Come si troui la quantità de lati uguali di vn triangolo con angolo retto, dato che sappiamo, quante braccia è il lato, che è rincontro all'angolo retto; ò come si trouino le braccia di detto lato, sapute le braccia dell'altri duei lati. Cap. III.

SE PER qual si uoglia cagione ci bisognasse, saputo quante braccia fusse il lato del triāgolo, che è posto rincōtro all'angolo retto, sapere le braccia de gli altri duei lati uguali, che cōcorrono à fare detto angolo retto; faremo in questa maniera. Multiplichisi il lato à noi già noto per se stesso, et di tale multiplicato piglisì la metà; Et di questa metà cauisi la radice quadrata, la quale ci darà le braccia dell'uno, et dell'altro lato, che cercauamo. Et seruaci per esempio, che il propostoci triāgolo sia GHI, del quale il lato GI sia quel lo, che è rincontro all'angolo retto, Et sia braccia $7\frac{1}{4}$ à noi già note, multiplichi questo numero in se stesso, che ci darà braccia



50. piglisene dipoi la metà, cioè 25. Et la radice quadrata di 25. è 5. dicesi adunque che ciascun de lati uguali, che cōcorrono à far l'ango-

LIBRO

angolo retto, cioè GH, & HI sono braccia 5. per uno.

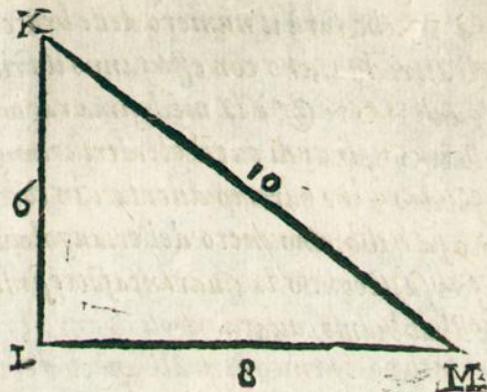
Et se per il contrario, posto che noi haueffimo notitia de lati GH, & HI, & ci bisognasse sapere quante braccia è l'altro, che è rincontro all' angolo retto, multiplicisi il numero 5. per se stesso di GH, & ci darà 25. & così quello di HI, che ci darà pur ancor' esso 25. i quali numeri raccolti insieme ci daranno 50. dicesi che se si cercherà la radice quadrata di 50. trouerāno, che ella è $7\frac{1}{4}$ che farà à punto il numero delle braccia del lato GI, che è posto rincontro all' angolo retto. Conciosia che per la quarantasettesima del primo di Euclide, ne' triangoli di angoli retti, quel quadrato, che si fa del lato posto rincontro all' angolo retto, è uguale à i duoi quadrati, che si fanno de gli altri duoi lati, che concorrono à fare l' angolo retto, & così per il contrario.

Come propostoci vn lato si possa fare vn triangolo rettangolo di lati propotionali. Cap. IIII.



ROPOSTO CI vn lato, se vorremo fare un triangolo rettangolo di lati propotionali, faremo in questo modo. Considerisi prima, se il propostoci lato è di braccia, che siano, ò in pari, ò in caffo: et per esempio trattissi prima di quello, che è di braccia pari, et dicesi che il propostoci lato sia KL, et sia braccia 6. dividasi il 6. in due parti, che ne viene 3. il qual 3. multiplicisi per se stesso, ce ne verrà 9. del qual numero traggasene uno, ci resterà 8. Dicesi che questo 8 farà il lato di LM, proporzionale al KL, che concorre con esso à far l' angolo retto. Et se si aggiungerà à questo 8. un 2. dicesi che questo nu. 10 farà l' altro lato proporzionale à gli altri duoi, posto rincontro all' angolo retto del triangolo KLM. Et se sapendo, quante braccia sia il lato

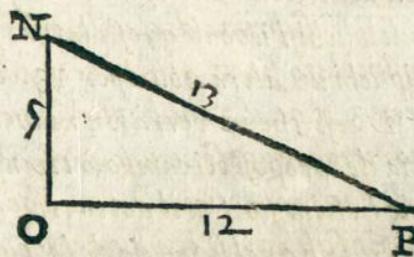
lato K L, & il K M riscontro all'angolo retto, et ci bisognasse sapere mediante questi, quante braccia fuisse LM, multiplichisi il 6. in se stesso, che ci darà 36. & il 10. ancora in se stesso, che ci darà 100. traggasi poi 36. di 100. ci rimarrà 64. la radice quadrata del quale sarà 8. adunque tante saranno le braccia del lato LM come erano prima, & se sapute quante braccia sia KM, et ML, ci bisognasse sapere mediante questi duoi lati, quante braccia sia KL, multiplichinsi in se stesse le 8. braccia di ML, che ci daranno 64. & il simile faremo di KM, che è 10. & ci darà 100. traggasi poi il 64. di 100. ce ne resterà 36. la radice quadrata del quale è 6. sarà adunque il lato à piombo KL braccia 6.



Ma quando ci fusse posto vn lato, che fusse di braccia in numero caffo, come per esempio farebbe il lato NO, che fusse braccia 5. & haueßimo à fare vn triangolo rettangolo di lati disuguali, ma proporzionali, faccisi in questa maniera. Multiplichisi questo lato

5. in se stesso, ci darà 25. del qual 25. traggasene uno, ce ne resterà 24. dicesi che la metà di questo 24. che è 12. farà il numero delle

braccia



LIBRO

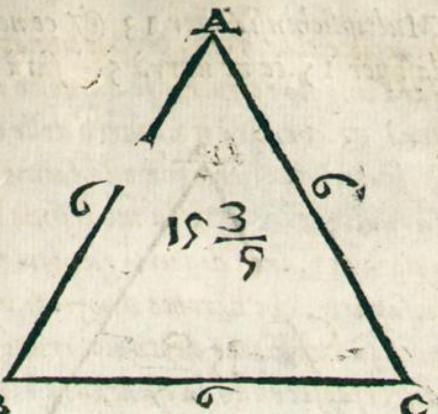
braccia del lato O P , proportionato allo N O , et che seco concorre à far l'angolo retto . Et se à questo numero 12. si aggiungerà 1. diuè terà 13. che sarà il numero delle braccia del lato N P proportionale à gli altri d i o i , che con esso fanno il triangolo rettangolo di lati disuguali N O P : & è la medesima ragione quella del lato del triangolo N O P , anzi di tutti gli altri triangoli , che hanno lati disuguali , saputo ; che haremos duoi lati , in cercar del terzo , che quella , che poco fà habbiamo detto del triangolo K L M , et per via di esempio , discorsa , secondo la quarantasettesima del primo di Euclide , don de l'abbiamo cauata .

Come si misurino i triangoli d'angoli sotto squadra , ò acuti , & del modo di ritrouar i lati lvn per l'altro .

Cap. V.

TRIANGOLI , che ci si possono offrire , che hanno tre angoli acuti ; sono di tre sorte , ò di tre lati uguali , ò di duoi uguali , et il terzo diseguale , ò di tre lati disuguali : et si possono misurare in uarij modi , de quali habbiamo scelti li più facili , et i più certi . Sia il primo de triangoli acuti , et di lati uguali , del quale vogliamo sapere la pianta . Multiplichisi uno di questi lati in s e stesso , et quel che ne viene si multiplichi un'altra uolta per 13. et quel che ne risulta si parta per 30 . Dicesi , che ne verrà vn numero , che sarà la quantità delle braccia del propostoci campo , ò triangolo , et per maggior chiarezza eccone l'esempio . Sia il detto triangolo di lati uguali , et d'angoli acuti , del quale qual si voglia de lati uguali sia 6. braccia moltiplicato questo numero in se stesso , ci darà 36. il qual 36. rimoltiplicato per 13. ci darà 468. ilche partito per 30. ce ne verrà 15 ¹⁸ ₃₀ per

per parte, i quali $\frac{18}{32}$ sono $\frac{3}{5}$
d'uno intero, adunque $15 \cdot \frac{3}{5}$
sarà la pianta del proposto-
ci triangolo A B C. Et se
questa pianta si multipliche-
rà per 30. et si partira quel
che ce ne verrà per 13. la sua
radice quadrata, che ce ne
verrebbe, sarebbe il nume-
ro delle braccia di qual s'è B



l'uno de lati uguali: et seruaci per esempio. Multiplichisi le brac-
cia 15. $\cdot \frac{3}{5}$ per 30. et ce ne verrà 468 percioche del multipli-
cato di 15. in 30. ne uiene 450. et del multiplicato di $\frac{3}{5}$ in 30. ne uie-
ne $\frac{9}{5}$, che sono 18. interi, i quali aggiunti al 450. fanno la somma
468. il qual numero diuiso per 13. ci darà per ciascuna parte 36.
la radice quadrata del quale 36. è 6. il qual nu. delle brac. è ql di
qual si uoglia lato del triangolo A B C, come da principio dicemmo.

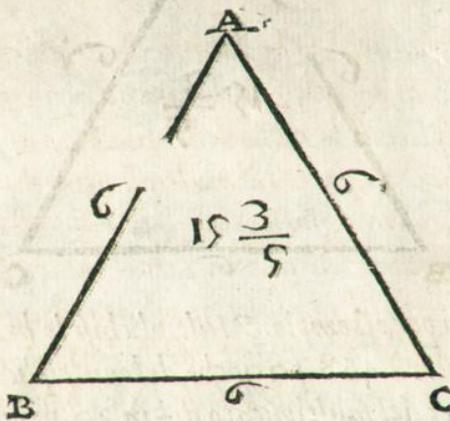
Puossi ancora per altra uia trouare il numero delle braccia del-
la pianta, o spazzo di detto triangolo di lati uguali; seruē doci del-
la linea, che partendosi da qual angolo si uoglia caschi à piôbo sopra
il mezo del lato, che sotto li sia disteso; la qual linea à piôbo si ritro-
ua in questo modo. Multiplichisi uno di questi lati uguali per 13.
 $\cdot \frac{3}{5}$ diuidasi poi il multiplicato per 15. ciascuna di quelle parti, che
ce ne verrà, sarà il numero delle braccia di questa linea à piombo.
Et per sapere mediante questa linea, quanto sia tutta la pianta, mul-
tiplichisi la quantità di detta linea per la metà d'un qual si uoglia
lato del triangolo, $\cdot \frac{3}{5}$ quel che ce ne uerrà, sarà la quantità della
pianta, o spazzo di esso triangolo. Seruaci per esempio, che ciascu-
no lato del detto triangolo A B C, sia medesimamente braccia 6.

LIBRO

Multiplichinsi 6 per 13. Et ce ne uerrà 78. il qual numero diuidasi per 15. ce ne uerrà $5\frac{1}{5}$. farà adunque la linea à piombo, che

per modo di esempio cadrà dall'angolo A, nel mezo della basa BC braccia $5\frac{1}{5}$ il qual numero se si multiplicherà per 3. cioè per mezo il lato del triangolo, ci darà $15\frac{3}{5}$ che fù il numero delle braccia, che trouammo esser secondo il primo modo la pianta del triangolo. Et se noi vorremo mediante questa linea à piombo sapere quan-

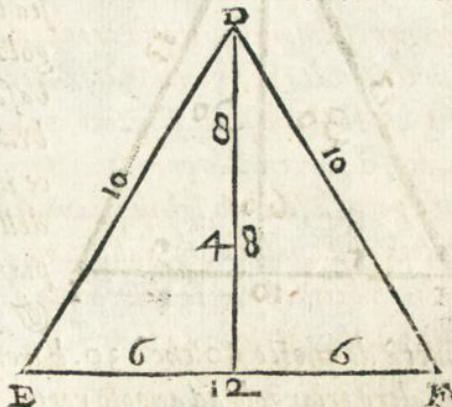
ze braccia sieno essi lati, multiplicisi essa à piombo per 15. et quel che ce ne risulta partasi per 13. Et quel che ce ne uerrà per parte farà à punto la quantità delle braccia di qual si uoglia lato. Et seruaci per esempio la poco fà trouata linea à piombo, che fù $5\frac{1}{5}$ la quale multiplicata per 5. ci darà 78. perciò che 5. vie 15. fà 75. Et $\frac{3}{5}$ vie 15 fà - che sono 3. interi, quali aggiunti à 75. fanno 78. il quale 78 partendolo per 13. ci darà per ciascuna parte 6. braccia, come poco fà si dimostrò mediante la pianta. Trouansi da lati le braccia della pianta, Et dalla pianta le braccia de lati, et similmente da essi lati le braccia della linea del piombo, Et da lei le braccia della pianta, Et le braccia de lati.



Come

Come si misurino i campi in triangolo di tre angoli acuti, & di duoi lati uguali, & vn disuguale. Cap. VI.

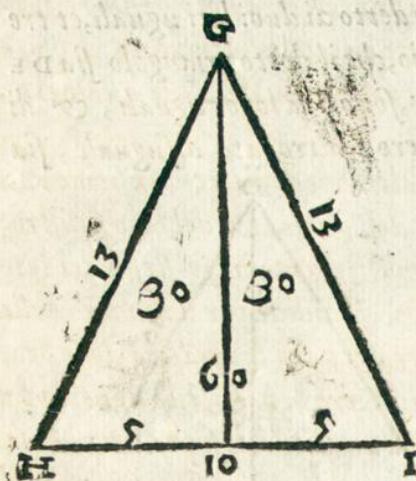
TRIANGOLI acuti, che hanno duoi lati uguali, & uno disuguale, si misurano in questo modo. Multiplichisi la metà della sua basa in sé stessa, & serbisi da parte talmultiplicato; dipoi si multiplicheri ancora uno de suoi lati uguali in sé stesso: & traggasi dal multiplicato di questo lato il multiplicato della metà della basa, & trouisi la radice quadrata di quel che ce ne resta, la quale ci darà à punto la quātità della linea à piombo: la quale se noi multiplicheremo per la metà della basa, haremos la quātità dello spazio del triāgolo detto di duoi lati uguali, et tre angoli acuti. Et seruaci per esempio, che il detto triangolo sia D E F; i duoi lati del quale D E, & D F, sono fra loro uguali, & di braccia 10. l'vnos, & la basa, ouero l'altro lato disuguale, sia braccia 12. Multiplichisi adunque la metà della basa, che farà braccia 6. in sé stessa, & ci darà 36. & oltra questo multiplichisi ancora un lato de gli uguali, che farà 10. & ce ne verrà 100. del quale 100. se ne trarremo 36. ce ne resterà 64. la radice del quale 64. è 8. et tante braccia farà la linea à piombo, che dall'angolo D cascò insie la basa E F. Multiplichisi dipoi questo 8. per la metà della basa, che farà 6 & ce ne verrà



LIBRO

verrà 48 il qual 48. sarà à punto il numero delle braccia dello spazzo, ò vogliamo dire pianta del nostro triangolo di tutti li angoli acuti, & di duei lati uguali.

Non voglio, che mi paia fatica il dare un' altro esempio di un altro triangolo simile, pur di angoli acuti, & di duei lati uguali, che sia CHI, la basa del quale sia braccia 10. & ciascuno de lati uguali sia brac. 13. se noi uorremo ritrouare lo spazzo, ò la pianta, multiplicishi la prima cosa la metà della basa in se stessa, che è 5. et ce ne uerrà 25. & dipoipur si multiplichi uno de suoi lati uguali che è 13. in se stesso, et ci darà 169. dal quale traggasi il 25. ce ne resterà 144. la radice quadrata del qual numero sarà braccia 12. il qual numero sarà la quantità delle braccia dell'a linea a piombo,



che dall'angolo G, cadrà à punto in sul mezo della basa HI. Et se mediante questa linea à piombo uolissimo trouare quante braccia sia lo spazzo, ò pianta di eßò triangolo, multiplicishi la metà della basa, che è 5. per 12. che sono le braccia della linea a piombo, & ce ne uerrà 60. numero à punto delle braccia dello spazzo, ò della pianta del detto triangolo GHI; & se finalmente noi piglieremo la metà di questo 60. che è 30. baremo la quantità dell'uno, & dell'altro triangolo ad angolo retto, che insieme fanno il triangolo di duei lati uguali GHI.

Comē

Come si misuri vn campo, ouero vn triangolo, che habbi tre angoli acuti, & tre lati disuguali. Cap. VII.

NE L voler misurare un campo si fatto, ci bisogna la prima cosa cercare della linea à piombo, la quale troueremo in questo modo. Multiplichisi ciascuno de lati in se stesso; et serbinsi da parte i loro multiplicati. Raccolgasi dipoi il multiplicato della basa; & del destro lato insieme, et quel che ce ne risulta, traggasi il lato sinistro, cioè il suo multiplicato, et di quel, che ci resta, piglisi la metà, et partasi per il numero della basa, et quel che ce ne uerrà, sarà il numero della parte destra della basa, sopra la quale debbe cadere la linea à piombo. Multiplichisi adunque questa diuisione destra in se stessa: et traggasi quel ce ne viene, da qual ci viene del multiplicato del lato destro, & di quel ci resta piglisi la radice quadrata, la quale ci darà la quantità della à piombo.

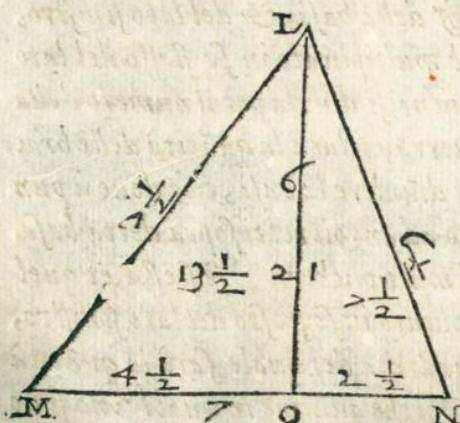
O veramente faremo in quest' altro modo, raccolti insieme i numeri multiplicati in loro stessi, & della basa, & del lato sinistro, traggasi da quel ce ne risulta il multiplicato in se stesso del lato destro; et la metà di quel ce ne uiene; si diuida per il numero della basa, et di quella rata, che ce ne uerrà, ci darà la quantità delle braccia del lato sinistro, dove si hà à diuidere la basa, cioè dove à punto debbè cadere la linea à piombo ad angoli retti sopra detta basa. Se questa diuisione finalmête si multiplicherà per se stessa, et quel ce ne uiene; si trarrà del multiplicato in se stesso del lato sinistro, ce ne resterà un nu. la radice quadrata del quale sarà la quantità delle braccia della linea à piombo. Poi che adunque in qual l' uno si uoglia di questi modi baremo notitia della linea à piombo; se noi la multiplicheremo per la metà della basa, baremo precisamête la quantità

LIBRO

delle braccia del campo, ò del triangolo di tre lati disuguali, & di tre angoli acuti, come ci proponemmo.

Ma seruaci per esempio, che questo triangolo di lati disuguali, et di angoli acuti, sia $\triangle LMN$: del quale il lato sinistro LM , sia braccia $6\frac{1}{2}$ et il lato destro LN , sia braccia $7\frac{1}{2}$ e mezo, et la base MN sia braccia $7\frac{1}{2}$ à punto, multiplichinsi le braccia $6\frac{1}{2}$ e mezo, del lato sinistro in sè stesso, et ci daranno 42. Multiplichisi dipoi il $7\frac{1}{2}$ e mezo del lato destro in sè stesso, & ci darà 56. Oltre di questo multiplichisi la base, che è $7\frac{1}{2}$ et ce ne uerrà 49. Raccolgasi dipoi il 56. et il 49. insieme, et ce verrà 105. dal quale se trarremo il 42. ce ne resterà 63. la metà del qual numero è 31. e mezo: il qual numero partendosi per $7\frac{1}{2}$ che è il numero della base, ce ne uerrà 4. e mezo, le quali faranno le braccia della parte destra della base segnata NO diuisa dalla parte sinistra sul punto O , doue la linea LO debbe cader à piombo. Multiplichisi di nuovo il 4. e mezo, in sè stesso, et ce ne verrà 20. il qual 20. se lo trarremo dal 56. ce ne resterà 36. la

radice quadrata del quale farà 6. che farà la quantità delle braccia della linea à piombo LO , che andammo cercando. Trouasi ancora essa linea del piombo in un altro modo. Raccolgasi insieme 42. et 49. che fa 91. dal qual numero tragga si 56. et ce ne resterà 35. la metà del qual numero è 17. e mezo, il qual numero diuiso per la base, che fa $7\frac{1}{2}$. ci darà per ciascuna parte 2. e mezo, che



ro diuiso per la base, che fa $7\frac{1}{2}$. ci darà per ciascuna parte 2. e mezo,

che sono la quantità delle braccia del lato manco della bafa M O; se si multiplierà adūque questo 2.e mezo, in se stesso, si darà 6. il qual 6. tratto dal 42. ce ne resterà 36. la radice del quale 36. è 6. che è pure la medesima quantità delle braccia della linea à piōbo. Multiplichisi ultimamente questa linea à piombo già trouata 6. per 3.e mezo, ch'è la metà della bafa, et ce ne verrà 2 1. il qual 2 1. è la quantità delle braccia del nostro campo in triāgolo di tre angoli acuti, & di tre lati disuguali, che da prima ci proponemmo segnato L M N. Mediante le cose dette, ne seguita, che facilissimamente sappiamo la quantità apparata dell' uno, ò dell' altro triangolo L M O, et L O N separatamente. Perche se noi multiplieremo la metà della linea à piombo L O, che è 3. per la parte sinistra della bafa, che è O M, cioè per 2.e mezo, ce ne verrà lo spazzo del triangolo L M O, che è braccia $7\frac{1}{2}$. il qual numero tratto dal tutto dello spazzo del triangolo, che è 2 1. ce ne resterà lo spazzo del triangolo L O N, che farà $13\frac{1}{2}$. Ouero multiplicato il 3. cioè la metà della linea à piōbo, per 4.e mezo, che è la parte della bafa O N, ce ne uerrà 13.e mezo, che è medesimamente la quantità dello spazzo detto triangolo L O N, il qual tratto da 2 1. ci darà 7.e mezo, che è lo spazzo del triangolo L M O: & il simile si può fare dell'i altri triangoli simili.

De triangoli, con lo angolo sopra squadra, come si misuri vn triangolo sopra squadra, che ha duoi lati uguali, Cap. VIII.

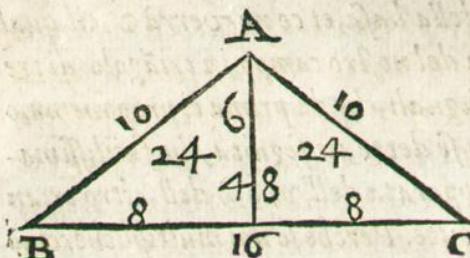


TRIANGOLI di angolo ottuso, ò sopra squadra sono solamente di due sorti, ò essi hanno duoi lati uguali, ouero tre disuguali. Quello, che harà duoi lati uguali, si misura in quel medesimo modo, che si misurò il trian-

LIBRO

golo di tre lati acuti, et duo i lati vnguali, come si disse nel capitolo
sesto di questo libro. Concio sia che la prima cosa bisogna trouare

la perpendiculare, cioè la à
piombo, che da un angolo
più commodo caschi insu la
basa, che li farà rincontro,
dipoi bisogna multiplicare la
medesima à piombo per la me-
tà di esa basa, & ce ne uer-
rà lo spazzo del detto campo
in triangolo con l'angolo so-
pra à squadra, & di duo i la-
ti vnguali.

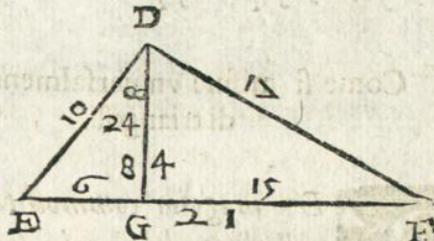


Et per maggior dichiaratione, seruaci per esempio, che il
triangolo d'angolo sopra squadra, et di duo i lati vnguali sia ABC,
del quale AB, & AC, siano i lati vnguali, di braccia 10. l'uno, &
la basa AC sia braccia 16. simili: multiplicishi 10. in se stesso, et ce
ne verrà 100. & poi multiplicishi la metà della basa, che è 8. in
se stessa, & ce ne verrà 64. il qual 64. traggasi dal 100. et ce ne
resterà 36. la radice quadrata del quale è 6. che è la quantità del-
le braccia della linea à piombo, che dall'angolo A cade nella base BC.
Multiplichisi dipoi questa à piombo per la metà della basa, che
è 8. & ce ne verrà 48. che sono la quantità delle braccia del pro-
posto triangolo con l'angolo sopra à squadra, & con duo i lati v-
nguali, che dicemmo ABC. Et se noi diuideremo eßo 48. in due par-
ti vnguali, haremo il numero delle braccia di qual si è l'uno de
duoi triangoli causati di nuovo dalla linea à piombo, che farà brac-
cia 24.

Come

Come si misuri vn triangolo con l'angolo sopra à squadra, & di tre lati disuguali. Cap. I X.

NQ V E L medesimo modo, che si dimostrò nel settimo capitolo di questo libro, come si misura il triangolo di angoli acuti, et di tre lati disuguali, si misurerà ancora il triangolo di angolo ottuso, o sopra à squadra, et di lati disuguali. Et seruaci per esempio, che il triāgolo sia D E F, del quale il lato D E sia braccia 10. et l'altro lato D F sia braccia 17. & la basa E F sia brac. 21. Multiplichisi il 10. in se stesso, et ci darà 100. et il 17. ancora in se stesso, et ci darà 289. et la basa ancora che è 21. et ci darà 441. raccolgasì poi 441. et 289. insieme, & ce ne verrà 730. dal quale 730. traggasi il 100. & ce ne resterà 630. la metà del quale è 315. Diuidasi dipoi 315. per 21. che è la quantità della basa, che serue per partitore, & ce ne uerrà 15. ilche farà il numero delle braccia della lunghezza della parte della basa G F, il quale numero moltiplicato in se stesso fà 225. il quale tratto de 289. ci lascierà 64. la radice quadrata del qual è 8. talche si può conchiudere, che la à piombo D G sia 8. braccia.



Puossi ancora trouare questa linea del piombo in altra maniera, cioè mettasi insieme il 100. riquadrato del D E, con il 441. riquadrato della basa E F, et haremò 541. del qual trahēdone 289. che è il riquadrato del lato D F, et ce ne resterà 252. la metà del qual è

L I B R O

126. il qual numero partito per 21. che è la basa ci darà 6. per parte, le quali sono le braccia della lunghezza della basa verso il lato manco E G. Multiplichisi questo 6. per se stesso, et ce ne verrà 36. il quale tratto dal 100. ci resterà 64. la radice quadrata del quale troueremo essere 8. cioè la lunghezza della à piombo D G. Multiplichisi ultimamente la già trouata à piombo per la metà della basa, cioè 8. per $10 \cdot \frac{1}{2}$. et ce ne uerrà 84. il qual numero sarà la quantità delle braccia dello spazzo del proposto otri triangolo DEF, con lo angolo sopra à squadra, et con tre lati disuguali.

Dal che ne seguita, che se si multiplicherà la parte sinistra della basa E G, per la metà della à piombo D G, cioè 6. per 4. baremo 24. che sono la quantità delle braccia dello spazzo del triangolo D EG. Et così se noi multiplicheremo per il medesimo 4. le braccia della parte destra della basa G F, che è 15. ce ne verrà 60. che sono le quantità delle braccia del triangolo DGF; della qual cosa, se noi vorremo fare la riproua, raccolgasì insieme 24. et 60. et harcmo 84. che è la quantità di tutto il triangolo D E F: et il simile si potrà fare di tutti i triangoli di lati disuguali, habbino essi, ò angolo retto, ò sotto, ò sopra à squadra.

Come si misuri vniuersalmente qual si voglia sorte
di triangoli. Cap. X.

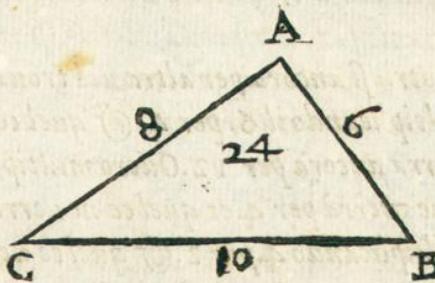


E maggior commodità senza hauere à sottoporsi alla linea del piombo, si misurerà generalmente qual si voglia sorte di triâgolo in questo modo. Raccolgasì insieme tutti i lati del triangolo, del quale vorremo sapere lo spazzo, et dipoi piglisì la metà di questo raccolto, dalla quale metà traggasì separatamente i lati del nostro triangolo, et notisi

notisi da parte le loro differentie, ouero quelli numeri, mediante i quali ciascuno lato si discosta dalla metà del raccolto de tre lati insieme. Dipoi multiplicisi la metà di esso raccolto per quale si voglia differentia, ò numeri discostanti si detti, ma più conuenientemente si farà per la differentia maggiore; et quel che ce ne uerrà, multiplicishi per qual si uoglia dell' altre rimasteci differentie; et quel ce ne viene; rimoltiplichisi per la ultima differētia, et di quel ce ne risulta si pigli la radice quadrata, che farà la quantità delle braccia del propostoci triangolo: nè importa in tali multiplicazioni, qual ci facciamo prima, ò la prima, ò la seconda, ò la terza: conciosia che sempre ce ne risulta il medesimo numero.

Seruaci per esempio il triangolo A B C, il sinistro lato del quale A B sia braccia 6. & il destro A C sia braccia 8. & la base B C sia braccia 10. raccolgasi insieme 6. 8. 10. che farà 24. la metà del quale è 12. del qual trattone 6. ce ne resta 6. et trattone 8. ce ne resta 4. & trattone 10. ce ne resta 2. Multiplichisi adūque 12. per 6. farà 72.

et 72. per 4. farà 288. et 288. per 2. farà 576. la radice quadrata del quale si è 24. che sono à punto le braccia del propostoci triangolo ABC; sia egli, ò di angoli acuti, ò di angolo retto, ò d' angolo ottuso, ò uogliamo dire sopra squadra. Haremo ancora il medesimo numero 576. se si multiplicherà il 12. per 4. et quel, che ce ne uerrà, si multiplicherà per 6. et quel, che di nuovo ce ne uerrà, si multiplicherà per 2. Ouero se si multiplicherà il medesimo 12. per 2. et quel



che

LIBRO

che ce ne verrà per 4. & quel ne verrà poi ancora per 6. Ouero se si multiplierà il medesimo 12. per due, & quel ne uerrà per 6. & quel ne uerrà poi per 4. conciosia che sempre ne resulterà 576. come mostreremo nella dimostrazione che segue de numeri.

I

12	uie	6	72
72	uie	4	288
288	uie	2	576

2

ouero	12	uie	4	48
48	uie	6	288	
288	uie	2	576	

3

12	uie	2	24
4	uie	24	96
6	uie	96	576

4

ouero	12	uie	2	24
24	uie	6	144	
144	uie	4	576	

Potriasi ancora per altra uia trouare il medesimo numero 576. multiplicando il 6. per 4. & quel ce ne uerrà per 2. et quel ce ne verrà ancora per 12. Ouero multiplicando il sei per dua, et quel ce ne verrà per 4. et quel ce ne uerrà ancora per 12. O ueramente multiplicando 4. per 2. & quel ce ne uerrà per 6. et quel ce ne uerrà poi per 12. Concosia che sempre ce ne resulterà il medesimo numero, come per lo esempio di sotto si può vedere.

Primo modo 6 uie 4. 2. 4. & 2 uie 24. 48. & 48. uie 12. 576.

Secondo modo 6. uie 2. 12. & 4. uie 12. 48. & 48. uie 2. 1. 576.

Tertio modo 4. uie 2. 8. & 48. uie 6. 8. & 48. uie 12. 576.

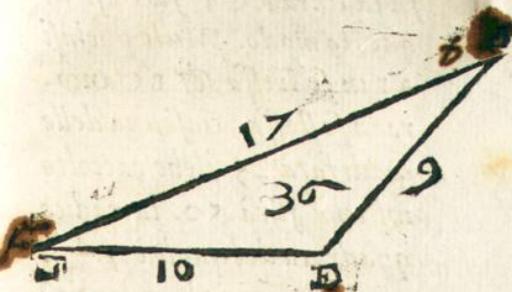
Come per lo esempio si vede in tutti tre i modi, ne resulta 8. il quale multiplicato per 12. ci dà sempre 576:

La importanza della regola è questa, che raccolti i numeri de lati,

lati di qual si voglia propostoci triangolo insieme, & preso la metà di quel che ne uiene, & notate le differentie di qual si sia l'uno de lati, che auāzano alla metà del multiplicato, come poco fà si disse, che si multiplichi l'una differentia nell'altra, & quel che ne viene nella terza; & quel che ce ne uiene, di nuovo si multiplichi per la stessa metà del numero, che già di tutti tre i lati raccogliemo insieme. Et di quel che vltimamente ne uiene, se ne ha à pigliare la radice quadrata; che farà quella, che ci darà la quantità delle braccia dello spazzo del detto propostoci triangolo.

E per maggior dichiaratione ne daremo un' altro esempio. Sia propostoci il triangolo D E F, il lato sinistro del quale D E, sia 9.

braccia, & la basa E F sia
braccia 10. & il lato destro
D F sia braccia 17. raccolgasi
insieme questi numeri 9. 10
& 17. & ce ne verrà 36.
la metà del quale farà 18.
dal quale 9. è lontan per 9.
& 10. per 8. & 17. per 1.
talche le differentie sono 9.
8. I. se si multiplicherà 9.



per 8. ce ne uerrà 72. il qual multiplicato per 1. ci darà pure 72.
percioche il multiplicare per uno non accresce. Multiplichisi poi
72. per 18. che è la metà di esso 36. & ce ne verrà 1296. la radi
ce quadrata del qual numero farà 36. che sono la quantità delle
braccia del triangolo D E F. che ci proponemmo, & il medesimo si
farà di qual si uogli altro triangolo, sia egli di tre lati uguali, ò pur
di tre disuguali.

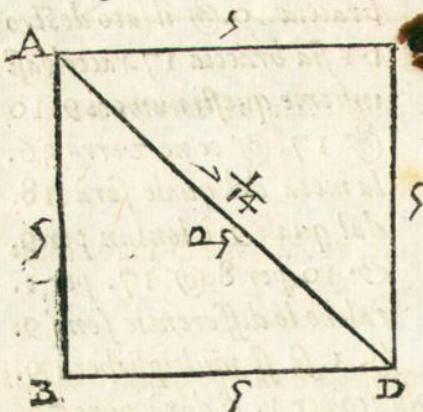
Come

LIBRO

Come si misurino i campi quadri di lati uguali, & di angoli à squadra. Cap. XI.



NETRA le figure quadre, che ci si possono offerire, le quali si habbino à misurare: pare conueniente, che il primo luogo sia del quadrato di angoli à squadra et di lati uguali, il quale per nostro esempio sia ABCD, ciascun lato del quale sia braccia 5. à voler sapere quanto egli è, multiplicishi uno di questi lati in se stesso, cioè 5. uie 5. et ci darà 25. il qual numero farà la quantità delle braccia dello spazio del nostro quadro. Et se ci bisognerà trouare la quantità della linea schiacciana, cioè della linea, che partēdosī da uno degli angoli andrà à trauerso à trouare l'altro angolo à lui opposto, come per esempio



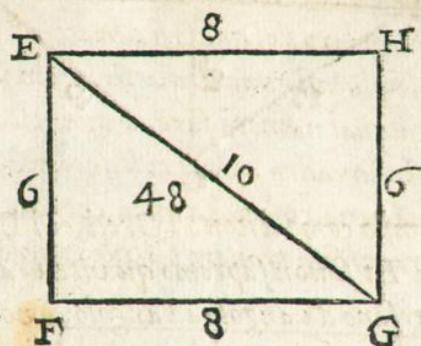
fà la linea AC; facciasi in questo modo. Multiplichisi AB in se stessa, & BC ancora in se stessa, ciascuna delle quali farà 25. ilche raccolto insieme farà 50. la radice quadrata del quale è 7. $\frac{1}{4}$. il qual numero è la quantità delle braccia della schiancia na detta.

Come si misurino vn campo che sia quadrilungo di angoli à squadra, e di lati di rincontro corrispondentisi. Cap. XII.



EL medesimo modo ancora troueremo la quantità delle braccia di vn quadrilungo, che sia di lati disuguali, ma di angoli à squadra, il quale per esempio sia EFGH; i lati del quale EH, & FG, sieno più lunghi, che i lati

E F, & HG, & de detti lati i primi siano per modo di esempio braccia 8.l' uno, et i secondi braccia 6.l' uno. Multiplichisi 8. per 6. & ce ne verrà 48. Dice si lo spazzo del nostro quadrilungo essere 48. braccia. Et se si multiplicherà 8. in se stesso, ce ne verrà 64. & multiplicato il 6. ancora in se stesso, ci darà 36. il qual numero raccolto insieme con il 64. ci darà 100. la radice quadrata del quale sarà 10. adunque 10. braccia sarà la sua schianciana, che partendosi dall' angolo E, andrà diritta per il trauerso allo angolo G, & vogliamo dire quella che si partisse dall' angolo H, & andasse à terminare nell' angolo F.

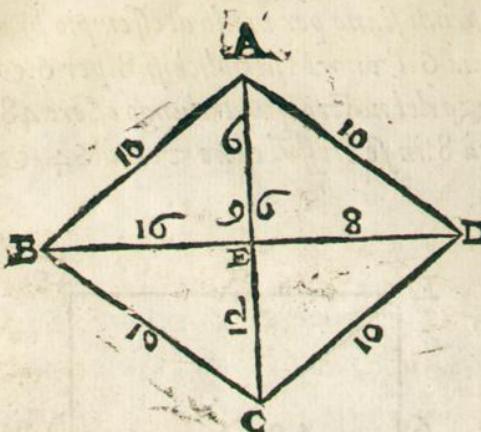


Come si misuri vn campo quadro di lati uguali, ma di angoli disuguali. Cap. XIII.

VANDO ci fusse proposto un campo quadro di lati uguali, ma di angoli disuguali, misureremolo in questo modo. Saputa che è la quantità delle braccia de lati di detto quadro, truouisi la quantità delle braccia delle linee, che partendosi da gli angoli si attraversano l' una l' altra: & multiplichisi la intera quantità di una di esse per la metà dell' altra; et quel che ce ne verrà, sarà la quantità delle braccia del presupposto ci quadrato, & vogliamo dir mandorla.

Seruaci per esempio, che questo quadro, & mandorla sia A B C D ciascun

LIBRO



ciascun lato del quale sia
braccia 10 & la linea, che
attraversa A C , sia braccia
12. et l'altra linea , che at-
traversa B D , sia braccia 16.
Multiplichisi 16. per 6. o-
uero 12 per 8. et ce ne ver-
rà 96. che sono la intera
quantità delle braccia di es-
so quadro , ò mandorla , ò

rombo come dicono i Greci, et i Latini, che ci era proposto.

Et se non sapremo quante braccia sia una delle linee che attra-
uersano da angolo ad angolo, ò non la potremo misurare; bisogna
trouare la linea del piombo, che cadendo da uno de gli angoli bat-
te in su l'altra , che vā da angolo ad angolo à noi incognita , per
quella uia, che si insegnò di sopra, nel 6. cap. di questo lib. Et multi-
plicaremo detta linea del piombo per la linea, che andādo da angolo
ad angolo li serue per la basa, presupposta che detta basa ci sia no-
ta: ouero multiplicare la basa p la linea del piombo, et quel che ce ne
uerrà sarà la quantità delle braccia di essa mandorla, come nell'-
esēpio dato poco fà: presupposto che noi sappiamo quante braccia
sia la BD, linea trauersa, et uogliamo trouare la à piombo AE, ouero E
C; ouero dato che noi sappiamo la qualità della linea trauersa AC,
et uogliamo trouare la à piombo BE, ouero ED; faccisi senza replicar-
lo, nel medesimo modo che si disse. Concosia che in così fatte man-
dorle, ò rombi, l'una, & l'altra linea trauersa, diuide in due par-
ti uguali detta mandorla, ò rombo. Percioche la trauersa più lunga,
cioè la BD, ne fa due triangoli; che qual si è l'uno ha due lati ugua-
li, uno angolo soprasquadra, et duei sotto squadra, ouero acuti.

Et la

Et la trauersa ancora più corta A C, diuide pure detta mandorla, ò rombo in duoi triangoli, che hanno duoi lati uguali, ma tutti gli angoli acuti, ouero sotto squadra. Aggiungesi, che dette trauerse si interfecano l'una ad angoli retti, & con lati respectivamente fra loro uguali.

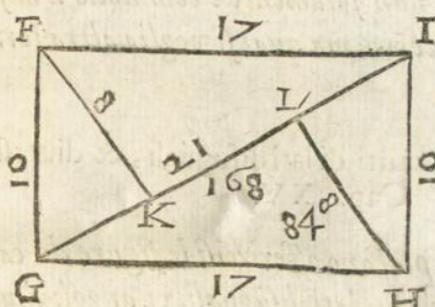
Come si misuri vn campo quadrilongo di lati disuguali, & d'angoli sotto, & sopra squadra. Cap. XIV.



E C I fusse proposto à misurare vn cāpo, che fusse quadrilongo di lati disuguali, et di angoli sotto, et sopra squadra, chiamato da i Greci, et da i Latini Romboides, ilche credo, che in nostra lingua potrēmo chiamare ammādorlato: faccisi in questo modo. Misuransi primieramente i lati, dipoi l'una delle schianciane, che lo attrauersa; talmēte che questa schiāciana diuiderà il detto ammādorlato in duoi triangoli uguali fra di loro, ma di lati disuguali, et di angoli sotto, ò sopra squadra, come si uogliono. Per ilche se si trouerà, ò l'una, ò l'altra linea à piombo, che caschi in su la schiāciana, la qual linea à piōbo sia per modo di esempio 8. braccia da trouarsi in quel modo medesimo, che diciamo di sopra nel Cap. 6. & multiplicheremo per essa à piōbo le quantità delle braccia della schiāciana, ce ne uerrà la quātità delle braccia della nostra forma del cāpo bislugo in quadro, ò ammādorlato

J

che



LIBRO

che dir ci vogliamo. Il medesimo ci riuscirà ancora, se noi misureremo l'uno, et l'altro triangolo, per quella via, ò regola, che si disse, quando trattammo nel decimo cap. del modo universale da misurare tutti i triangoli, & addoppieremo dipoi il misurato di detti spazzi. Seruaci per esempio, che il proposto ci ammandorlato, ò romboide sia FGH, del quale amendo i lati più lunghi siano braccia 17. l'uno, et i più corti braccia 10. l'uno, & la schianciana sia braccia 21. debbesi adunque ritrouare la linea del piombo FK, oue ro HL, in quel modo, che si insegnò di sopra, quale per la experientia si trouerà essere braccia 8. Multiplichisi adunque 21. per 8. & ce ne verrà 168. che è la quantità delle braccia del nostro proposto ci ammandorlato FGH. Ouero misureremolo in quel altro modo, che si insegnò del misurare generalmente tutti i triangoli, hauendo di detto ammandorlato fatto con la schianciana duoi triangoli, cioè FG I, & GH L: conciosia che in questo modo troueremo qual si è l'uno de duoi triangoli essere braccia 84. che addoppiandole ce ne daranno 168. Questo modo veramente mi pare breuissimo, & molto più facile, che l'altro, nel quale si ha ad adoperare la linea del piombo, & non solamente è commodo à misurare un quadrilungo come questo; ma qual si voglia altra forma quadra, come dimostreremo.

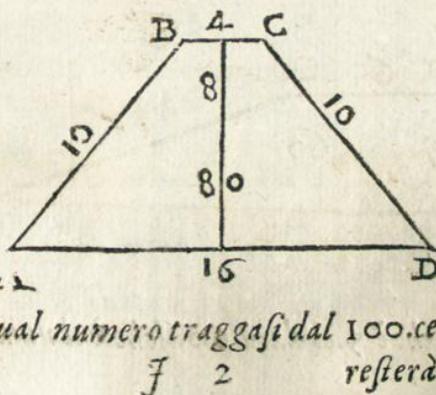
Come si misurino i campi quadri di lati disuguali, & diuersi angoli. Cap. XV.

MO L T E, & diuerse possono offerircisi le figure de campi di quattro linee, con lati disuguali, et angoli diuersi. Percioche alcune possono hauere duoi lati uguali, & la testa di sopra nientedimeno diseguale, alla sua basa, ò testa di sotto, con duoi angoli acuti, & duoi ottusi. Alcune altre han-

ranno duoi angoli à squadra, & forse duoi lati uguali, & gli altri disuguali. Alcune altre forse non haranno nè lati, nè angoli, che siano uguali, ò corrispondenti. Ma comincieremo à dar l'esempio di alcuni di loro. Sia un campo di quattro linee A B C D, talmente fatto, che A B, & C D siano fra loro uguali di braccia 10. l'una & la testa B C sia braccia 4. et la basa A D braccia 16. è di necessità trouare la sua linea del piombo, che dalla testa cadrà insu la basa in questo modo. Multiplichisi uno di quei lati uguali in se stesso, & serbisì da parte tale multiplicato: traggasi poi la testa della basa, & di quel ce ne resta, piglisì la metà, & multiplichisi questa metà per se stessa; & quelche ce ne viene, traggasi di quel numero, che poco fà sì serbò da parte, & di quel ci resta, piglisì la radice quadrata, la quale farà à punto la quantità delle braccia della linea del piombo.

Quando poi noi uorremo misurare, ò sapere quante braccia sia lo spazzo di così fatto campo, raccolgasì la testa cõ la basa insieme, et di quel che ce ne viene piglisì la metà, et multiplichisi per la à più bo, et quel ce ne uerrà farà lo spazzo del presupposto quadrangolo: & eccone l'esempio più manifesto. Sia A B. brac-

cia 10. & C D ancora brac-
cia 10. fra loro uguali. B
& braccia 4. & A D brac-
cia 16. multiplichisi il 10.
in se stesso, & ci darà 100.
dipoi traggasi 4. da 16. &
ci resterà 12. la metà del
quale è 6. il quale multipli-
cato in se stesso ci darà 36. il qual numero traggasi dal 100. ce ne



J 2 resterà

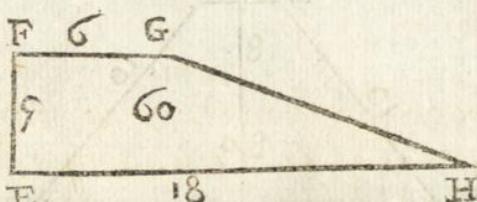
LIBRO

resterà 64. del quale 64. la radice quadrata è 8. che è la quantità delle braccia della à piombo, che cade dalla testa BC nella basa AD: raccolgasi adunque insieme 4. & 16. et ci darà 20. la metà del quale è 10. il quale multiplicato per 8. che è la à piombo , ci darà 80. dicesi che il proposto ci poco fa campo è 80. braccia simili.

Come si misurino i campi quadrilungî , che habbino due angoli à squadra, & lati diuersi. Cap. XVI.



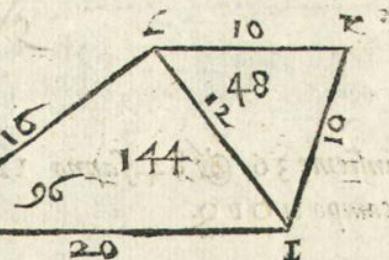
E CI fuisse proposto un campo, che haueſſe duei angoli à squadra, et tutti i lati disuguali; ma duei paralleli, cioè uqualmente lontani l'un dall' altro. faremo in questo modo. Raccolghinsi insieme i duei lati paralleli, che concorrono con il terzo à fare gli angoli retti: & di quel che ce ne verrà pigliſſi la metà, et multipliciſi per la quantità di detto terzo lato, che cauſa gli angoli retti. Dicesi, che quel ne uerrà, farà la quantità delle braccia del proposto ci campo. Seruaci per chiarezza dell'esēpio del detto capo il disegno EFGH, la testa del quale ſia FG braccia 6. et la basa EH parallela à detta testa ſia braccia 18. et la à piombo EF ſia braccia 5. et il quarto lato GH ſia quanto li tocchi; raccolgati 6. della testa con 18. della basa, & ce ne uerrà 24. la metà del quale è 12. il qual 12. multiplicato per la à piombo, che è 5. ci darà 60. ilche è il numero del presupposto ci campo.



Come

Come si misuri vn campo di quattro linee; che habbi duoi lati uguali, & diuersi angoli. Cap. XVII.

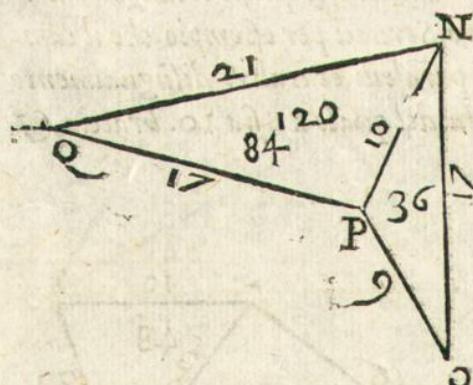
MISURASI vn campo, che habbia duoi lati uguali, & angoli diuersi, in questo modo, faccisen la prima cosa duoi triangoli, mediante la schianciana, che ui occorre più corta, et ritrouisi la quantità delle braccia di qual si è l'un di detti triangoli, in quel modo, o con quella regola, che si disse nel misurare uniuersalmente tutti i triangoli, perciò che mettendo insieme la quantità di ambeduo questi triangoli, faremo lo intero del presupposto campo. Seruaci per esempio, che il campo sia KLMN, che habbi duoi lati parallelli, et li altri disugualmente lontani l'uno dall'altro: la testa del quale K L sia 10. braccia, & 10. ancora il lato K N, & la base M N sia braccia 20. et l'altro lato braccia 16. Trouisi, misurisi la schianciana, et sia per modo di dire braccia 12. sarà adunque questo nostro campo diuiso in duoi triangoli; cioè uno di angoli acuti, et di duoi lati uguali L N K; & l'altro harà angoli diuersi, & diuersi lati, che farà L M N; finalmente lo spazzo di quel triangolo, che ha gli angoli acuti, & i duoi lati uguali, si troverrà, che farà braccia 48. & l'altro L M N braccia 96. misurandoli con quelle regole, che di sopra si son date: i quali duoi numeri raccolti insieme, ci daranno braccia 144. che farà lo intero dello spazzo del presupposto campo.



LIBRO

Come si misuri vn campo di quattro linee , due delle quali sieno
vguali, ma non contigue, & di angoli diuersi.
Cap. XVII.

SI A C I proposto il campo N O P Q che habbi duoi lati vguale NOP, et PQ; ciascuno de quali sia 17. braccia, et l' uno de gli altri duoi sia braccia 9. cioè O P; et l' altro, cioè il quarto, sia braccia 21. Bisogna la prima cosa misurare la schianciana NP, laquale, per modo di dire, sia braccia 10. baremo fatto



adunque con essa duoi triangoli NOP, & N P Q, di angoli, & di lati diuersi: & mediante il 10. cap. quādo trattammo del modo uniuersale del misurare i triangoli, trouammo, che NOP era 36. braccia, & lo N P Q sarà braccia 84. per ilche raccolto

insieme 36. & 84. fanno 120. che sono le braccia del propostoci campo N O P Q.

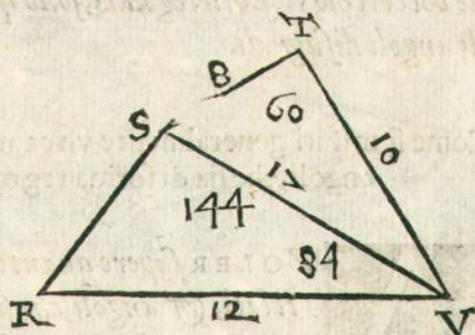
Come si misuri vn campo di quattro lati, & di quattro angoli diuersi. Cap. XIX.

PO TREBBECI ancora accadere l'hauere à misurare un campo di quattro lati, & di quattro angoli diuersi, come farebbe lo R S T V: il sinistro lato del quale R S, fusse per auentura braccia 10. & il lato di sopra, o vogliamo dire la testa S T, fusse

st, fuisse braccia 8. Et il lato destro T V, fuisse braccia 15. et la basa R V, braccia 21. A volerlo misurare bisogna la prima cosa tirare la sua schianciana S V, la quale poniamo di hauere trouata braccia 17. Sarà adunque diuisosi questa pianta, o spazzo R S T V, in duoi triangoli di diuersi lati; l'uno R S V, che è d'angoli sotto, Et sopra squadra, e l'altro S T V, che ha uno angolo retto: lo spazio adunque del triangolo R S V, secondo la regola del cap. da misurare uniuersalmente ogni triangolo, sarà braccia 84. Et l'altro S T V sarà braccia 60.

i quali numeri raccolti insieme ci daranno braccia 144. che sono la quantità delle braccia dello spazio del presupposto campo R S T V. Et bastiici questi ultimi tre esempij, conciosia che non ci potrà occorrere forma alcuna di quattro linee tanto

strana, se ben ci sono de gli altri modi da misurarle, che non si possi misurare per queste vie. Et sappiamo molto bene, che quella forma de quattro lati del ca.: 5. ABCD, si poteua diuidere in duci triangoli di angoli retti fra loro uguali, et in uno quadrilungo di angoli retti, et l'altra forma del cap. 16 cioè EFGH, si poteua diuidere in uno parallelogramo, ouero quadrilungo ad angol retto, et in un triangolo: o più, et le piazze, o spazzi di essi triangoli, che fanno le figure de quattro lati, si possono ancora trouare per altra via, che per la regola del 10. cap. conciosia che si potrebbono trouare mediante le proprie poco fa dette regole, ma questo ultimo modo è più uniuersale, più utile, più facile, e più breue di tutti gli altri.



LIBRO

Delle forme di più lati. Cap. XX.

Possoncisi offerire ancora molte forme di più, che quattro lati, et di più, che quattro angoli, le quali chiameremo campi, ò figure, ò forme de più lati: le quali sono di due sorte, ò regolari, ò irregolari. Regolari sono quelle, che si posson disegnare dentro, ò fuori di un cerchio con angoli, et lati uguali, et che fuori, ò dentro che elle siano del cerchio, hanno un medesimo centro insieme col cerchio stesso: irregolari, sono quelle, che hanno, et i lati, & gli angoli disuguali.

Come si misuri generalmente vn campo di molti lati, & di molti angoli, che sia di forma regolare. Cap. XXI.



V O L E R sapere quante braccia sia vn campo di molti lati, & angoli, che sia forma regolare; faccisi in questo modo. Trouisi primieramente il centro di detta forma, ò figura, et tirisi dipoi dal detto centro la linea del piombo, che caschi nel mezo di qual si uoglia de lati uguali. Multiplichisi dipoi la metà dell' ambito suo per la linea del piombo, & haremos la quantità di tutto il propostoci campo.

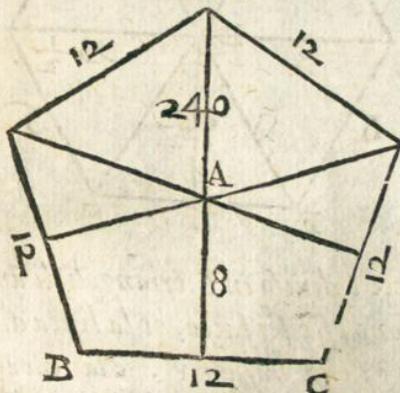
Quanto à trouare il centro di una figura di più lati, & angoli, che sia regolare; faccisi in questo modo. Considerisi prima, se la propostaci figura è di lati in caffo, ò in pari, se ella farà di lati in pari, tirisi una linea diritta, che vadi dall' uno angolo all' altro opposti. Et fatto questo, tirisene un' altra pur diritta da due altri angoli contrarij, et doue queste linee si intersecano insieme, sarà il centro di detta figura, dal qual centro si debbe poi tirare la linea

linea del piombo, che caschi nel mezo di uno de qual si uoglia lato.

Ma se noi baremo à trouare il centro di una figura, che sia di lati in caffo: tiransi due linee diritte, che partendosi dalli angoli, vadino à cadere nel mezo à punto de lati contrarij à detti angoli, et doue dette linee si intersecheranno insieme, farà il centro di detta figura di lati in caffo. Questa è una regola generale la più facile di tutte, & che ne mostra più chiara, et più precisa la verità: et serue à tutte le figure, che sono di linee diritte, et regolari; come è ancora il triangolo, et il quadro di tutti i lati uguali; del che chi vorrà, potrà facilmente fare experientia. Ma porremo nel capitolo che segue l'esempio delle cinque facce, che i Greci chiamano Pentagono.

Come si misuri vn campo di cinque angoli, che sia regolare. Cap. XXII.

DICASI, che la forma, ò figura regolare di cinque lati, sia come la qui di sotto disegnata, che ha per centro A, & per basa BC; & la detta basa, ò qual si sia uno de' lati, sia braccia 12. trouato il centro A, tirisi una linea da



quello, che caschi in sul mezo della basa BC à piombo, la quale sia braccia 8. moltiplichisile 12. braccia per li cinque lati, che ci daranno 60. & sapremo che la metà dell'ambito è 30. moltiplichisi dipoi 30. per 8. e ne verrà 240. Conchiude si, che 240. braccia sa-

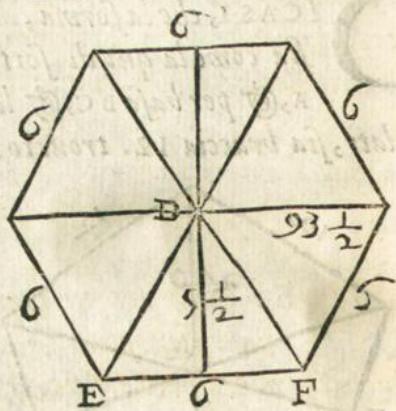
LIBRO

cia farà il propostoci cinque facce di lati, et d'angoli uguali, et regolare. Il medesimo si farà, et siano quante braccia si voglino i lati del cinque facce, che i Greci (come s'è detto, chiamano) Pentagono. Et cosi sia quante braccia si voglia la linea del piombo, che dal centro cadrà nel mezo di qual se voglia lato.

Come si misuri vn campo di sei facce, & sei angoli uguali, che sia regolare. Cap. XIII.



IACI per maggior dichiaratione delle cose passate proposto vn campo di sei facce, che sia D E F, ciascun lato del quale sia braccia 6. & dal suo ritrouato centro si tiri una linea à piombo, che caschi sopra il mezo dell' lato E F, la qual sia braccia $5\frac{1}{2}$, tutto il circuito, ouero ambito adunque di questo capo sarà braccia 36. la metà del quale num. è 18. multiplicisi adunque 18. per $5\frac{1}{2}$ ce ne uerrà $93\frac{3}{5}$. che faranno le braccia di tutto il propostoci campo D E F. & il medesimo ci riuscirà di un capo, che sia di sette facce, o di otto, & di tutti gli altri; & siano di quante facce si voglino in caffo, o in pari.



La ragione è, che questo 6. facce è diuiso in 6. triangoli di angoli et lati uguali: le basi de quali sono esse sei facce, et la linea diritta che cade dal centro D nel mezo della base E F, è la linea del piombo: & la linea E F rappresentala corda di un cerchio descrittole

tole attorno, et è chiaro che la linea del piombo bisogna che di uida detta $E F$ in due parti uguali ad angoli retti, partendosi ella d' al c'etro secondo la terza del terzo di Euclide. Diuisa adunque questa linea $E F$ in due parti per la \wedge piombo, fà di esso $D E F$ duoi triangoli \wedge uguali fra di loro ad angoli retti, secondo la quarantunesima del primo di detto Euclide. I quali se si multiplicheranno per la metà di detta base (in quel modo che insegnamo misurare i triangoli) ne uerrà lo spazzo finalmente di esso triangolo. Et essendo i lati del sei facce fra loro tutti uguali, et le linee che cascano dal centro nelle base ancor fra loro uguali (come facilmente si può uedere per la quarta, et per la uentesima sesta del primo di detto Euclide) auuiene che la detta \wedge piombo tirata nel mezo di qual si uoglia faccia, ò base, multiplicata per tutto l'ambito delle facce, fà triangoli doppi ad angoli retti delle dette facce; i quali triangoli rettangoli ogni uolta che noi li multiplicheremo per la metà di detto ambito, et la metà dell'ambito per loro, baremo la qualità dello spazio di dette sei facce: & il simile potrem' fare dell' altre figure di più facce à corrispondentia, che sempre ce ne occorrerà il medesimo.

Come si misuri vn campo di più facce, ò lati diuersi, che sia irregolare. Cap. XXIV.

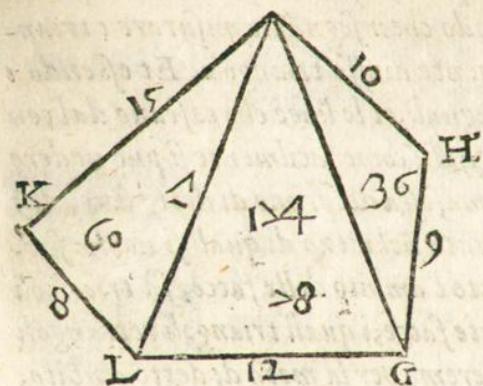


E L misurare un campo, che sia di diuersi lati, & di diuersi angoli disuguali, & sia irregolare, bisogna primieramente risoluerlo, ò diuiderlo in triangoli, cioè in minor numero di triangoli, che è possibile, et ne' più facili, et che più espeditamente si possino misurare, secondo la regola generale, che si disse del misurare i triangoli nel cap. 10. Percioche le qualità di qual si è l' uno di detti triangoli, raccolte insieme tutte,

LIBRO

tutte, ci daranno la intera quantità del proposto ci campo di più lati, & angoli disuguali irregolare. Delche ne daremo per più facilità un esempio. Sia il proposto ci campo di cinque lati, & facce irregolari G H I K L, il lato del quale G H, sia 9. braccia, et il lato H I, sia

braccia 10. & I K, braccia 15. & K L, braccia 8. et GL, braccia 12. Se dal punto I, si tireranno due linee diritte à punti G L, che per modo di dire s'endo fra loro uguali ciascuna sia braccia 17. sarà diuiso questo proposto ci campo di cinque lati commodamente in tre triangoli: de quali uno ne sarà di angoli, & lati diuersi, cioè il GH



I, et l' altro I GL, di duoi lati uguali; et l' ultimo I K L, harà un angolo retto, et tre lati diuersi; lo spazzo adunque di quel triangolo segnato GHI, troueremo essere braccia 36. et il G I I., braccia 78. et LIK, braccia 60. come ne passati disegni del triangolo si è dimostrò, raccolgasi adunque 36. 78. et 60. insieme, et ce ne uerrà 174. che è la quantità delle braccia del presupposto ci campo di cinque lati, et angoli diuersi irregolare, che segnammo G H I K L: nel qual modo potremo à consequenza giudicare, & fare degli altri.

Da questo ne seguirà (parlando delle figure irregolari) che quelle di cinque lati si debbon risoluere in tre triangoli, quelle di 6. in 4. et quelle di 7. in 5. et così successivamente delle altre; distribuendo essi triangoli, secondo la commodità dell' angoli, et di lati loro.

De'

Decampitondi. Cap. XXV.

VASI la medesima regola si tiene nel misurare un campo che sia tōdo, che quella, che si è tenuta nel misurare le figure di più facce et angoli: percioche si come dalla multiplicatione della linea del piombo, che dal centro cadeua in sul mezo di tutte le basi di dette figure, nella metà del loro ambito, si trouò la quātità del detto campo di più angoli, & lati; così ancora dalla multiplication del mezo diametro nella metà del mezo cerchio, si ritrouerà la quantità del nostro campo tondo, ò in cerchio. Percioche hauendone data una regola generale di tutte le figure di più lati, et di più angoli; sarà ancora vera così nelle cose grandi, come nelle picciole. La onde seruirà ancora al cerchio, nel quale possono concorrere molti angoli, & molte facce, quasi di numero infinite.

Come si truoua la quadratura del cerchio.

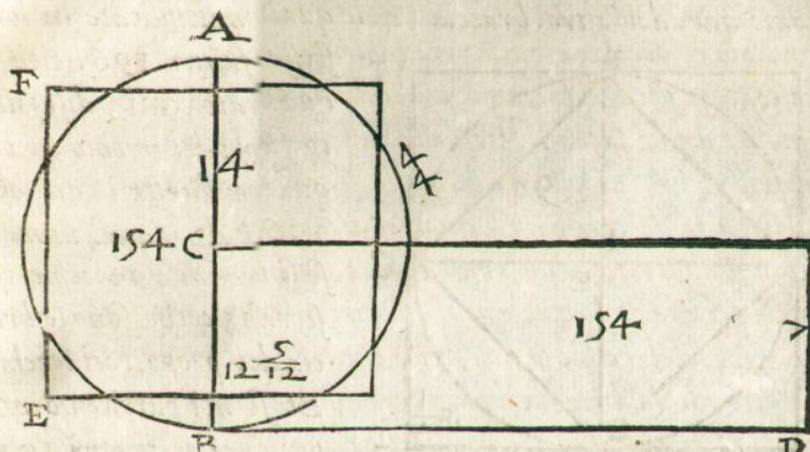
Cap. XXVI.

ARCHIMEDE Mathematico, & Filosofo eccellentissimo, mostrò che lo spazzo del cerchio è uguale ad un triangolo che ha l'angol retto; un lato del quale di quell'iche concorron a fare lo angolo retto: sia uguale al mezo diametro del cerchio; et l'altro sia uguale à tutta la circonferentia, ò uogliam dire circuito del cerchio. Percioche quando il mezo diametro si multiplica per tutto il circuito del cerchio; se ne fa un quadrato di angoli à squadra per il doppio del cerchio, la metà del quale quadrato ad angoli retti, viene ad essere il medesimo triangolo, uguale alla circonferentia, ò circuito del cerchio.

Perilche

L I B R O

Per il che si uede mediante la sottilissima inuentione di Archimede, che il mezo diametro multiplicato per la metà del circuito del cerchio, ouero per il contrario genera un quadrato ad angoli retti, uguale (come poco fà dicemmo) al cerchio. Talche ei pare che ci resti solamente una difficolta, & questa è il trouare una linea retta, o diritta, che dire la uogliamo, la quale sia uguale alla circonferentia, o circuito del cerchio. La quale il medesimo Archimede ci insegnò con dimostrazione più tosto diuina, che humana. Concio sia che ei trouò per uia di Geometria, che la circonferentia corrispondeua al diametro del cerchio per $3\frac{1}{7}$. cioè che il diametro aggirādosì tre volte, & vn settimo intorno al cerchio, finisce à punto il circuito di quello. Vero è, che molti dicono, che ei non è un settimo à punto, ma vn poco manco, et più di vn' ottavo, di maniera che la circonference corrisponde al diametro come il 22. al 7. la qual regola è stata dalla maggior parte de gli huomini insino à qui osservata, non ci essendo stato per ancora alcuno (se bē molti sopra ciò hanno scritto) che ne habbi saputo trouare una migliore, come quella che à far questo, pare che basti, non ci si discernendo differentia, o errore, che sia quasi sensibile: ma uengasi all'esempio. Sia il nostro cerchio AB, il centro del quale sia C, et il suo diametro sia braccia 14. sapremo adunque mediante la inuentione d' Archimede, che la sua circonference sarà braccia 44. la metà del qual 44. sarà uētidaa multiplicishi adunque il mezo diametro, che è 7. per 22. & ce ne uerrà un quadrilogo ad angoli retti, che sarà CD, di braccia 154. che è il numero delle braccia del presupposto ci cerchio A B. Et se ei si trarrà la radice quadrata del 154. sarà $12\frac{5}{12}$. che tanto sarà il lato del quadrato uguale al detto cerchio, come è lo E F. In quante più parti adunque diuideremo il diametro, tanto sarà più fedele et certo il modo di trouare le parti, o quantità del cerchio. Concio sia



sia che le parti di esso cerchio saranno più minute, & più picciole, come quelle che dentro al cerchio haranno minore curvatura, & si distenderanno poco in lungo: per la qual cosa se ne farà uno spazio più uicino, & più simile allo spazzo del cerchio, scompartendolo con ottaui di braccio più tosto, che con quarti, mezi, o interi bracci, come facilmente si può giudicare.

Come si trouò in altro modo la quadratura del cerchio.

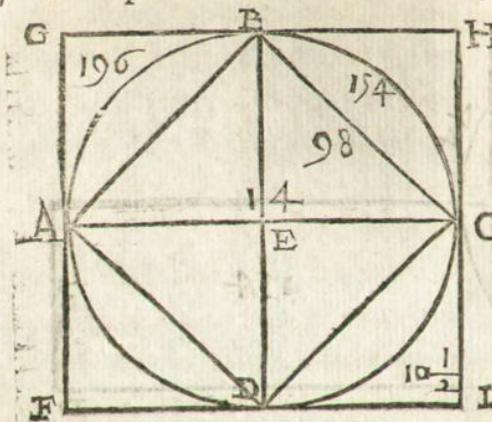
Cap. XXVII.

INSEGNA ancora Archimede un'altro modo da ri quadrare il cerchio: conciosia che egli dimostrò, che il quadrato, che si fa del diametro del cerchio, ha quella medesima propotione ad esso cerchio, che ha il 14. allo 11. cioè di tre undicesimi più. Se si misurerà adunque il diametro del cerchio, & si multiplicherà in se stesso, & da quel ne viene, se ne canerà tre quattordicesimi, ne resterà lo spazzo del propostoci cerchio. Et eccone l'esempio.

Sia

LIBRO II

Sia il cerchio ABCD, il centro del quale sia E, et il diametro sia come quel dell' altro, braccia 14. le quali moltiplicate in loro



H stesse fanno 196. cioè il quadrato FGHI, disegnato fuori del cerchio, i tre quattordicesimi di esso 196 è 42. il qual numero se si trae di 196. ce ne resterà 154. che sono le braccia del proposto ci cerchio. Et se noi partiremo 42. per 4. ce ne verrà 10. $\frac{1}{2}$. per parte, che sono la quā

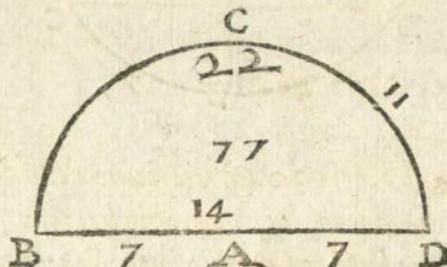
tità delle braccia di ciascuno di quei triangoli, che restano in succanti, FGHI, fuori del cerchio. Donde si uede manifesto, che il cerchio è in proporzione al quadrato ABCD, che è disegnato dentro al cerchio, come è lo 11. al 7. cioè di quattro settimi più. Et perché ei non pare, che ci bisogni dimostrazione più chiara che quella dell' occhio à uoler uedere, che il quadrato di fuori è per il doppio del quadrato di dentro: corrisponde adunque il quadrato maggiore al minore, come il 14. al 7. cioè per il doppio farà adunque il quadrato di dentro braccia 98. et quel di fuora braccia 196. come nel 2. cap. del 4. della sua Arismetica mostra Oroncio stesso. Si come si trouano mediante il diametro, et la circonferentia, le braccia dello spazzo del cerchio; così ancora per il contrario, dato che sappiamo quanto sia esso spazzo, trouerremo quanto sia, et il diametro, et la circonferentia, perciò che se noi aggiungeremo allo spazzo tre undicesimi, si farà il quadrato, che si genererà del diametro del cerchio la radice quadrata del quale sarà esso lato del quadrato, et per conseguenza

sequenza il diametro del cerchio. Percioche saputo che faremo la quantità del diametro, sapremo ancora la quantità del cerchio in quello stesso modo, che si è insegnato. Seruaci per esempio, che lo spazzo del disopra disegnato cerchio sia 154. braccia, le quali si hanno à partire per 11. Et ce ne verrà 14. per parte, il qual 14. multiplicato per 3. ci darà 42. raccolgasi dipoi insieme il 154. Et il 42. et ce ne verrà 196. la radice quadrata del quale è 14. dicesi, che tante braccia farà il diametro del presupposto ci cerchio. Et se questo diametro 14. si moltiplicherà per 3. et à quel che ne viene si arrogerà la settima parte, che è 2. ce ne verrà 44. che sono la quantità delle braccia della circonferentia, ò del cerchio, il che si può fare di tutti gli altri simili.

Come si misurino i campi che sono mezi tondi.

Cap. XXVIII.

DALLE cose passate si discerne facilmente il modo da misurare le portioni del cerchio, et il diametro: perciò, si come dal moltiplicare del mezo diametro nella metà del cerchio si caua la quantità delle braccia dello spazzo del cerchio, così ancora della moltiplicazione di eſo mezo diametro nella quarta parte d'un cerchio si caua la quantità delle braccia d'un spazzo d'un mezo cerchio.



Seruaci per esempio, che ci sia proposto un mezo cerchio, che sia B C D, il diametro del quale

K sia

L I B R O

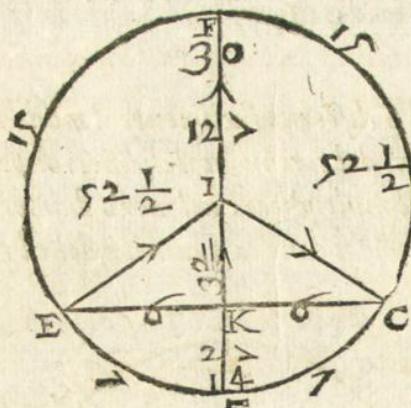
sia BAD , che passi per il centro A , & sia braccia 14. et lo arco CB d braccia 22. multiplicisi adunque il mezo diametro AB nell'arco BCD , che è la metà diebso BCD , cioè 7. per 11. et ce ne uerrà 77. dicesi che tante braccia farà lo spazzo del propostoci mezo cerchio.

Come si misurino i campi, che sono più, o meno, che mezitondi. Cap. XXIX.

L ME DE SIMO vorrei si giudicasse di qualunque partitore del cerchio: perciò che se si multiplicherà la metà del diametro per la metà dell'arco, che è intrapreso dal partitore, si harà la quantità delle braccia del campo intrapreso dal partitore, & dalla porzione, che li tocca del cerchio. Partitore si debbe intendere per quei 2. mezi diametri, che non andando ad un filo, intraprēdono quella porzione di cerchio, che tocca loro; si come mostra la figura E F I, ouero F I G, ouero la G I E in disegno. Della quale si a per nostro esempio tutto il cerchio intero braccia 44. & l'arco

E F G braccia 30. & ciascuno dello E F, & F G braccia 15. & il mezo diametro de bso cerchio braccia 7. Se noi uorremo adunque misurare lo spazzo dello intersecatore, ouero partitore E F, o dell'altro F I G, multiplicisi il 7. del mezo diametro per la metà di uno di quei duoi 15. cioè in $7 \frac{1}{2}$ et ce ne uerrà $52 \frac{1}{2}$. et tante brac-

cia

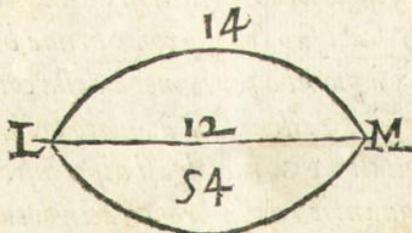


cia diremo, che sia lo spazzo di E I G, disperse, & il simile quello del F I G. Et se noi multiplicheremo il medesimo 7. del mezo diametro nel 15. cioè nella metà dell' arco E F G, ce ne verrà 105. che faranno le braccia della figura E F G, come ne dimostra il 52. addoppiato insieme. Talche per la medesima ragione la figura E I G, farà braccia 49. Misurisi ancora la portion maggiore, & la minore di questo cerchio in questo modo. Sia per modo di dire nel nostro cerchio E F G K la corda E G braccia 12. che diuida la portio-
ne del cerchio maggiore E F G, dalla minore E K G, et sia la parte del diametro F K, che viene intrapresa fra il centro I, & la corda E G, cioè I K braccia $3.\frac{2}{3}$, & tutte le altre cose siano, come le ponem-
mo di sopra, & come le dimostra la figura. Misurisi adunque la
prima cosa il partitore E F G I, & sia il suo spazzo come prima brac-
cia 105. multiplichisì dipoi lo I K à piombo per la metà della corda
E G, cioè $3.\frac{2}{3}$ in 6. & ce ne verrà 22. ilche sarà à punto lo spaz-
zo del triangolo di duoi lati uguali E I G. raccolgasì dipoi insieme
105. & 22. et ce ne verrà la quantità della propostaci portione
maggior del cerchio, che farà 127. Et se noi trarremo lo spazzo
del detto triangolo di duoi lati uguali E I G, da tutto il partitore E
I G K, lo spazzo ouero campo del quale trouammo poco fà, che era
à punto braccia 49. uedremo chiaramente, che ce ne resterà lo spaz-
zo della portione minore F K G, che farà braccia 27. et è questo mo-
do, che al presente si è mostro esatto, & più preciso, come si vede,
che gli altri modi, che v'fa il vulgo.

LIBRO

Come si misurino i campi, che hanno dell'ouato.
Cap. XXX.

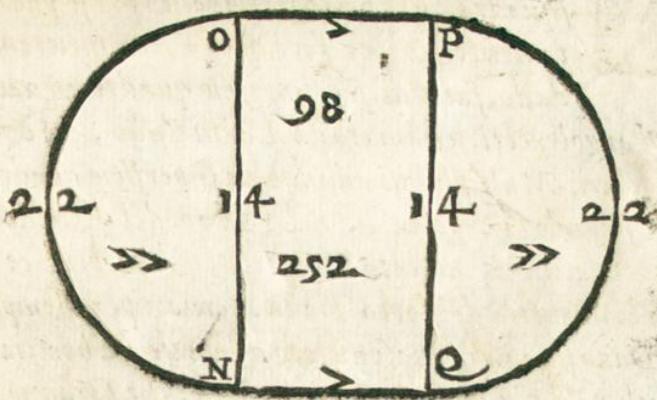
DA Q V E L che si è detto si vede manifesto, come si possano misurare i campi, ò le figure, che habbino dell'ouato: come è la figura, che qui di sotto si vede segnata LM, perciocche tirata la corda LM, se ne farà due portioni di cerchio vguale l'una all'altra, gli spatiij delle quali portioni, ritrouati per quella uia, che si è detta di sopra, se si raccorranno insieme, ci daranno il tutto di esso campo, ouero figura ouata LM. Seruaci per esempio, che la corda LM, sia braccia 12. & l'uno, & l'altro de gli altri archi braccia 14. sarà lo spazzo di qual si uoglia portione braccia 27. le quali raccolte insieme faranno braccia 54. che tanto è il tutto della figura ouale, che qui è disegnata.



Come si misurino i campi, che hanno del quadrilungo, & dell'ouato. Cap. XXXI.

EMANCO facilmente si può misurare un campo, che sia di figura ouale, et quadrilunga, come è lo NOPQ: perciocche misurati amenduo i gli spazzi de mezicerchi, & il quadrilungo ad angoli à squadra, mediante quelle regole, che habbiam dette di sopra, i quali spazzi raccolti

colti insieme, ci daranno la quantità delle braccia dello intero spazio di questa così fatta figura: come per esempio, se l'arco di qual si voglia mezo cerchio fusse braccia 22. & la linea che li diuide NO, onero NQ, fusse braccia 14. & ciascun de lati OP, & NQ braccia 7 farà lo spazzo di qual si voglia di questi mezi cerchi braccia 77. & lo spazzo del quadrilungo ad angoli retti, farà braccia 98. i quali numeri raccolti insieme faranno 252. che faranno la quantità delle braccia di tutto il nostro presupposto campo NO
PQ & il medesimo si può fare similmente di tutte quelle figure, che faranno composte di qual si voglia portion di cerchio, et di linee rette: et non ci potrà scadere forma, o figura alcuna piana di qual si voglia sorte, che con le sopradette regole non si possa misurare.



DEL MODO DI MISVRARE
TVTTE LE COSE TERRENE,
DI COSIMO BARTOLI
Gentilhuomo, & Academico Fiorentino.

L I B R O T E R Z O.



Come si misuri vn corpo quadro come vn dado.

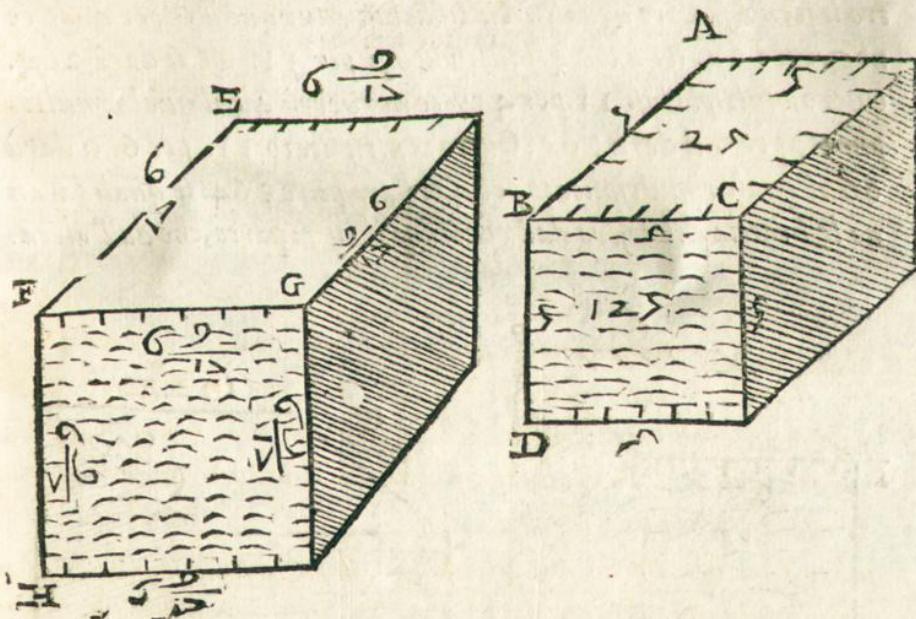
Cap. I.



VOLERE misurare i corpi, è ragione uole cominciar prima da quelli, che sono di angoli retti, ò à squadra. Per procedere quanto più si può ordinatamente, & per fare questo, comincieremoci dal dado, fatto di sei superficie quadre & quali fra loro, & ad angoli retti, ciiamato da Laini Cubo, che è uno de corpi regolari. Multiplichisi adunque la superficie quadrata già trouata, secondo la regola data nel II Cap. del secondo paſſato libro, eſſer braccia 25. nel lato di ſeffeſſas & quel che ce ne verrà, farà la quantità del detto Dado. Seruaci per eſſempio, che il noſtro Dado ſia ABCD, ciascun lato del quale ſia braccia 5. ſe ſi multiplicherà il 5. per ſe ſteſſo, ci darà 25. che faranno le braccia di una ſuperficie di eſſo. Multiplichisi dipoi una di eſſe ſuperficie per un lato, cioè per 5. et baremo 125. che farà à punto il numero delle braccia di tutto il Dado: le quali braccia ſi debbono intēdere quadre per ogni uerſo, cioè il ſodo, ouero la groſſezza. Et ſe ſi raddoppierà il numero 125. ce ne verrà 250. la radice

cubica

cubica del quale sarà 6.⁹₁₇ che sarebbono la quantità delle braccia di un lato di un Dado, maggiore per il doppio, che il detto ABCD: et il simile si potria giudicare, se si rinterzassi, o rinquartassi à proportione. Ma per esempio, ponghinsi soli duoi disegni in questo modo, cioè lo ABCD per il primo Dado, e EFGH per lo addoppiato; ben prego, che chi legge, habbia auuertenza, che per tali dimostrazioni è forza mostrare detti Dadi in prospettiva.

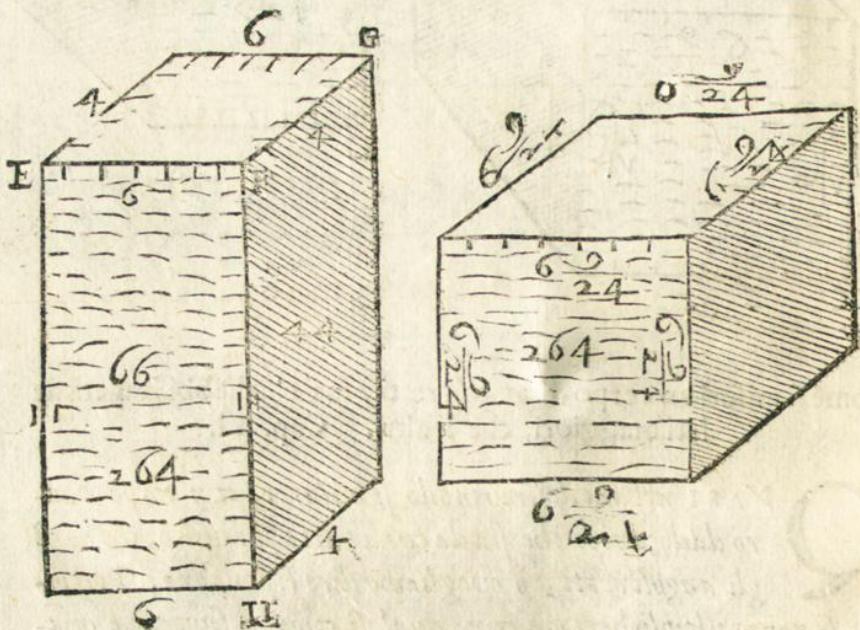


Come si misuri un corpo di angoli retti, ma che habbi la metà de lati maggiori, che li altri. Cap. II.

QUASI nel medesimo modo si misurerà un corpo, ouero dado, ancor che sia da una parte più lungo, che harà gli angoli retti, o vogliamo dire à squadra. Percioche se noi multiplieremo una qual si voglia superficie qua-

LIBRO

drata, ad angolo retto di quelle che terminano detto corpo, ò dato, in un lato di quelli, che con essa si riscontrano ad angolo retto, ce ne uerrà la grossezza di questo dado lungo. Misurisi adunque lo spazzo di qual si uoglia superficie secondo la regola dello 11. cap. del passato libro; et quel che ce ne uerrà, multiplicishi, come qui di sotto si dirà. Sia il dado lungo E F G H, il lato E F del quale sia braccia 6. & il lato F G braccia 4. & lo F H braccia 11. et i lati di contro li sieno sempre uguali. Multiplichisi adunque il 6 per 4. & ce ne verrà 24. il qual 24. multiplicishi per 11. & ci darà 264. Ouero multiplicishi 11. per 4. & ce ne verrà 44. il qual rimoltiplicato per 6 ei darà 264. Ouero multiplicato 11. per 6. ei darà 66. il quale rimoltiplicato per 4. ci darà pure 264. le quali saran no le braccia del nostro dado più lungo da una parte, che dall'altra.

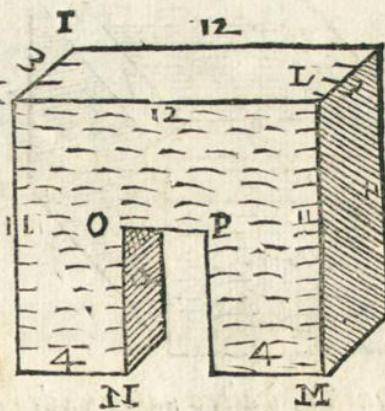


Et se

Et se eis si trouerà la radice cubica di esso 264. come è $6\frac{9}{14}$ se ne farà vn dado di tante braccia per ciasun lato, che farà à punto uguale al primo proposto ci dado da una parte più lungo: come nelle figure disegnate si vede. Et il detto dado lungo si potrà mediante la passata regola addoppiare, rinterzare, ò rinquartare à piacimento.

Come si misuti vn corpo di muraglia, ò d'altro, che sia à squadra, ancor che in esso siano alcuni vani, ò finestre. Cap. III.

MEDIANTE le cose dette si vede, quanto sia facile misurare vn corpo di una muraglia, ò d'altro fatto à squadra, ancor che in esso siano alcuni uani, ò finestre. Seruaci per essēpio, che il muro, ò corpo di muraglia sia I K L M, la grossezza I K del quale sia braccia 3. et la larghezza K L braccia 12. Et l'altezza L M braccia. I I. nella qual muraglia sia vn vano, ò porta, che sia N O P, alta braccia 6. et larga 4. multiplicisi 12. per 3. Et ce ne verrà 36. il K quale multiplicato per 11. ci darà 396. Multiplichisi dipoi 4. per 3. che ci darà 12. il qual multiplicato per 6. ci darà 72. traggasi dipoi 72. dal 396. Et ce ne resterà 324. Dicefi, che 324. braccia quadre è il proposto- ci muro, ò corpo di muraglia, ò d'altro I K L M.



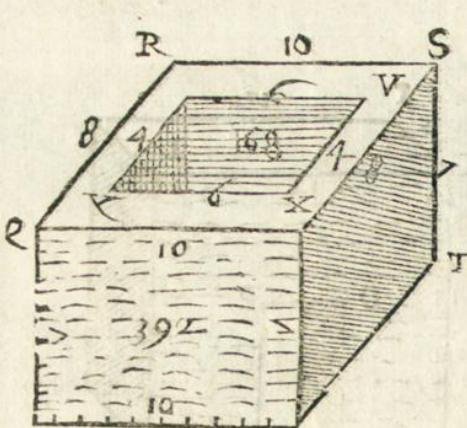
Come

LIBRO

Come si misuri vn corpo ad angoli retti, che sia voto dentro. Cap. IIII.



L MODO passato dichiara, come si possa misurare vn corpo di muraglia, ò di pietra, ò di marmo, che fusse uoto dentro. Percioche presuppostoci, che il nostro corpo simile sia QRST: la larghezza di fuori del quale Q R, sia braccia 8. et la lunghezza R S, braccia 10. et l'altezza S T, braccia 7. et il vano del voto di dentro V X, sia per larghezza braccia 4. et per la lunghezza X Y, braccia 6. et l'altezza quella stessa di prima. Multiplichisi primieramente 10. per 8. et cene verrà 80. il qual si multiplichi per 7. et cene verrà 560. Multiplichisi dipoi 6. per 4. et ne uerrà 24. il quale rimultiplicato per 7. cidarà 168. Traggasi adunque 168. di 560. et ci resterà 392. dicefi che tante braccia farà il corpo della muraglia propostoci QRST.



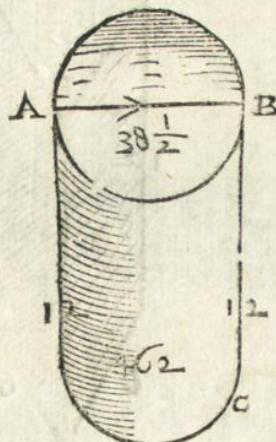
Il medesimo si potrà fare corrispondentemente de gli altri. Di maniera che se si essaminerà una uolta diligentemente quanti barili di acqua, ò di vino, vadino per braccio quadro; potremo facilmente sapere, quanto tenga questo, ò altro uaso quadro fatto di linee diritte ad angoli retti: che ne v'è cinque per braccio quadro.

Come

Come si misurino le colonne generalmente. Cap. V.

LE COLONNE sono corpi lunghi, che da piede, et da capo hanno base uguali, et da per tutto sono di una medesima grossezza. Nè mi è però nascosto per questo, che secondo le regole della architettura, elle si uariano in diuersi modi, facēdole nel mezo più grosse, et ristrigendole à collarini secōdo i generi, et le opportunità, ò uoglie delli Architettori: ma in questo luogo io intendo di parlare di un corpo fatto à guisa di colōna; ma di uguale grossezza per tutto, et terminato da base uguali. Quādo adūque la uorremo misurare, multiplicis̄i la prima cosa la circonferentia della basa nella altezza, ò uogliam dire lunghezza della colōna, et tal multiplicato farà lo spazzo, ò uogliam dire la superficie di detta colōna per la lunghezza; alla quale aggiungendo amēduoi gli spazzi dell'una, et l'altra basa, haremos la intera superficie di tutta la colonna. Multiplicis̄i dipoi questa superficie per la lunghezza della colonna, ò haremos le braccia quadre della grossezza di detta colonna.

Sia la detta colonna ugnale per tutto A B C, la quale i Latini & i Greci chiamarono Cylindro, & il suo diametro A B, così da piè, come da capo, sia braccia 7. & l'altezza A B C, sia braccia 12. secondo la regola del ca. 26. del passato libro trouerremo, la circonferētia di qual s'è l'una di dette basē esse braccia 22. & lo spazzo della basa $38\frac{1}{2}$. multiplicis̄i adun-



que 22.

L I B R O

que 22. per 12. & ne verrà 264. à quali aggiungasi due volte 38 $\frac{1}{2}$. cioè 77. & ce ne verrà 341. dicesi che tante braccia quadre è tutta la superficie di detta colonna. & se ei si multiplierà 38. $\frac{1}{2}$. per 12. ce ne verrà la intera grossezza della colonna, che saranno braccia 462. di sodo.

Come si misuri vna colonna, che sia in triangolo di lati uguali. Cap. VI.



IA la colonna in triangolo D E F, et i triangoli siano uguali, et di lati uguali da capo et da piede, et ciascun lato del triangolo sia braccia 6. et l'altezza braccia 12. per quella regola, che si dette nel cap. 5. del passato libro trouerremo lo spazio di esso triangolo essere braccia 15 $\frac{3}{5}$. & il suo ambito 18. Multiplichisi adun-

que primieramente 18. per 12. & ce ne verrà 216. al qual numero aggiungansi due volte il 15 $\frac{3}{5}$. cioè 31. $\frac{1}{5}$. et ce ne verrà 247 $\frac{1}{5}$. dicesi tante braccia quadre. essere la superficie di detta colonna. Multiplichisi dopo esso 15 $\frac{3}{5}$. per il 12. et ce ne uerrà 187 $\frac{1}{5}$. che faran le braccia della grossezza di detta propostaci colonna in triangolo D E F.

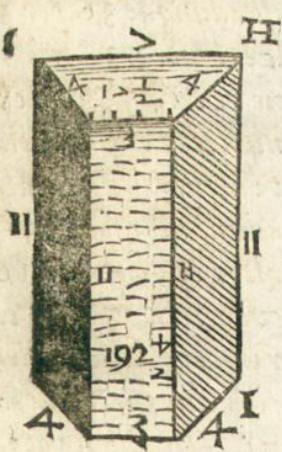


Come

Come si misurino le colonne di forme quadrate.

Cap. VII.

SE LA colōna sarà quadra ad angoli retti, si misure ra in quel medesimo modo che dicemmo nel cap. 2. di questo libro, che si misurauano i corpi ad angoli retti, che haueuano una parte de lati, più luga, che l'altra. Ma se le sue base saranno irregolari, cioè di lati, & di angoli disuguali, trouato lo spazzo della basa, come si insegnò nel cap. 15. del passato libro, si han nel resto à operare in quel modo, che poco fa si è detto nel capitolo inanzi à questo.



Siaci proposta la disegnata colonna GHI, di forma quadrangolare, & quanto alla basa di lati, & di angoli disuguali, se ben le base respectuamente sono fra loro uguali. I lati maggiori delle quali base siano braccia 7. l'uno, et quei de fianchi braccia 4. l'uno, & quei dinanzi braccia 3. l'una, & l'altezza di detta colōna sia braccia

11. Sarà dunque lo spazzo di questa basa, secondo la regola del 15. ca. del passato libro braccia $17\frac{1}{2}$. & il suo ambito braccia 18. Multiplichisi adūque 18 per 11. et ce ne uerrà 198. al quale aggiungasi due uolte $17\frac{1}{2}$. cioè 35. et ce ne verra 233. che saranno le braccia di tutta la superficie di questa colonna quadrangolare. Multiplichisi dipoi $17\frac{1}{2}$. nel medesimo : 1. et ce ne uerrà $192\frac{1}{2}$. il qual

LIBRO

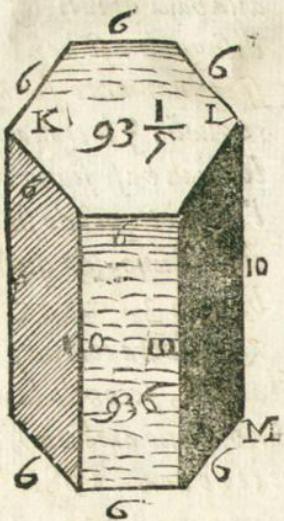
qual numero farà à punto la quantità delle braccia della grossezza di detta colonna GHI.

Come si misuri vna colonna di sei facce. Cap. VIII.



L MODO di misurare la colonna di sei facce, potrà suegliare gli ingegni di coloro, che leggono, à potere trouare il modo di misurare le altre colonne, che hanno essino diuersi et uarij angoli. Sia la colonna di sei facce KLM, l'altezza della quale sia braccia 16. & qualunque lato delle sei facce, sia braccia 6. farà adunque la sua circonferentia braccia 36. & lo spazzo braccia $93\frac{1}{5}$. secondo la regola data nel 23. cap. del passato libro. Multiplichisi adunque 36 per 16. & ce ne verrà 576. al quale aggiungasi due volte $93\frac{1}{5}$, cioè $187\frac{1}{5}$. et

ne verrà $763\frac{1}{5}$. che sono il numero delle braccia di tutta la superficie: multiplichisi adunque dipoi $93\frac{1}{5}$. per l'altezza, cioè per 16. & ne viene $1497\frac{3}{5}$. & tante saranno le braccia della grossezza di tutta questa colonna. Il simile si potrà fare di tutte le altre colonne simili; nè douiamo marauigliarcise il più delle volte il numero delle braccia superficiali auanza il numero delle brac-

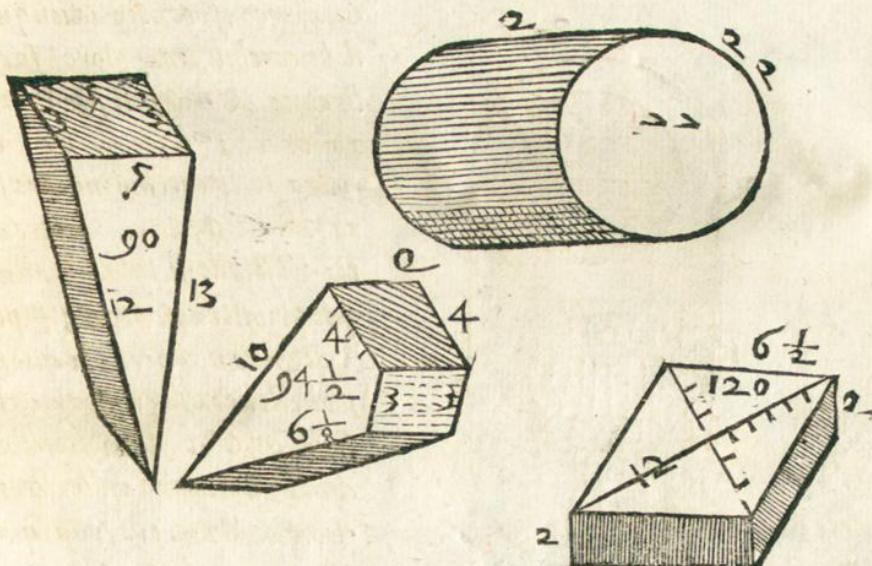


cia della grossezza; imperoche in qualunque braccio di sodo, ò di grossezza, sono braccia sei quadre.

Come

Come si misurino i rotti, o pezzi di qual si voglia
colonna. Cap. IX.

DALLE regole passate si uede manifesto, come si possa misurare qual si uoglia pezzo, o roccio di colonna tonda, o triangolare, o quadrangolare; come è il disegno N, che pare una macine; o il disegno O, che è come un conio; o il P, simile ad una mādorla; o il Q forma quadrāgolare di diuersi lati et angoli: & simili altri corpi, che da per tutto siano di una medesima altezza. Percioche trouati gli spazzi delle base, come si è detto ne' passati capitoli. Se le si multiplicheranno per l'altezza, ne nascerà la quantità delle braccia di essi corpi, cioè le braccia della grossezza. Nè fà di mestiero di mostrare par-



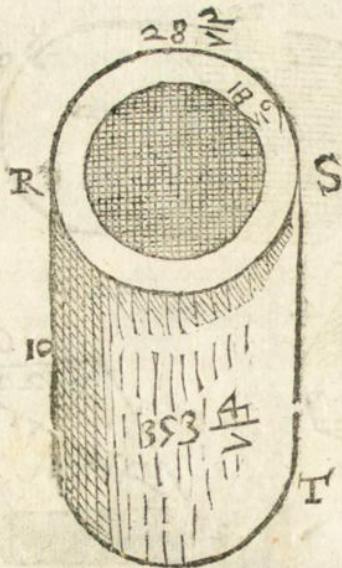
nicolar-

LIBRO T

ticolarmente con gli esempi il modo del misurare qual voglia di questi corpi, potendo occorreci una moltitudine di essi infinita: & essendo la regola data generale per tutti, basti solo porne 4. in disegno con i lor nomi & numeri per dimostrazione.

Come si misurino le colonne vote. Cap. X.

BI SOGNA per misurare le colonne vote, trouare la grossezza del tutto; non altrimenti, che se ella non fusse vota, ma massiccia. Et dipoi trouare ancora la quantità del suo voto; & trarlo della grossezza del tutto. Seruaci per esempio una colonna di lati uguali, & base ancora uguali, che sia RST: l'altezza della quale sia braccia 10. il diametro del cerchio di fuori, braccia 9. & quel del cerchio di dentro, braccia



6. la circonferentia adunque del cerchio maggiore farà braccia $28\frac{2}{7}$. & il suo spazio braccia $63\frac{9}{14}$. & lo spazio del cerchio minore farà $28\frac{2}{7}$. & la circonferentia $18\frac{6}{7}$. Multiplichisi adunque primieramente $63\frac{9}{14}$. per 10. & ce ne verrà la quantità di tutta la grossezza, che farà $636\frac{6}{7}$. Multiplichisi dipoi $28\frac{2}{7}$. per 10. & ce ne verrà $282\frac{6}{7}$. traggasi questo numero da $636\frac{6}{7}$. & ce

ne resterà $353\frac{4}{7}$. & tante braccia viene ad essere la grossezza di essa

essa colonna v' o' t' a puo ssi ancora trarre 28. $\frac{2}{7}$ da 63. $\frac{9}{14}$ & moltiplicare quel ci resta per 10. & ci accorgeremo di hauere il medesimo numero delle braccia 353. $\frac{4}{7}$

Come si misurino le capacità di qual si voglia corpo, o vn vaso visto, che sia regolare. Cap. X I.

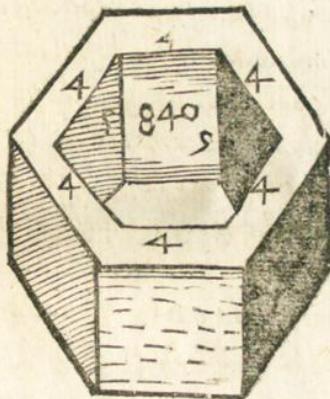
NE L misurare si fatti vasi pigli si la pianta, o spazzo del fondo di dentro, & moltiplichisi per la sua altezza, ouero profondità, & ci darà la misura di quanti barili sia capace detto vaso, posto però che noi sappiamo prima, quanti barili entrino per braccio quadro. Seruaci per esempio, che un braccio quadro tenga barili 4. de nostri da vino, & sia il vaso di se i facce vx. i lati del quale, et nel fondo, et in bocca ancora sia no ugualmente braccia 4. et la sua altezza, o profondità, sia braccia 5. per tutto farà adunque lo spazzo del fondo braccia 42. per quel che si mostrò nel 23. cap. del passato libro; moltiplichisi adun-

que 42. per 5. & ce ne verrà 210. Dice si, che tante braccia quadre è la capacità del vaso. Et perche si è detto, che qual si uoglia braccio quadro tiene 4. barili de nostri da vino, moltiplichisi di nuouo 210. per 4. & ce ne verrà 840. Debetsi adunque conchiudere, che il detto vaso tiene barili 840. da vino, & gli

L chiamo

V

X



LIBRO

chiamo e da vino à differentia del barile da olio, che si fà che è misore. Et però auvertiscasi bene, che qualità di liquore, habbi à tenere il vaso; & che quantità sia quella del barile con che si misura detto liquore.

Come si misurino le piramidi. Cap. XII.

 **V**TTE le Piramidi, ò Aguglie, che sono di base, ò lati regolari, si misurano in un medesimo modo. Percioche se si multiplicherà la basa di qual si uoglia piramide regolare per la terza parte della sua altezza, ce ne uerrà la sua grossezza: oueramente se si multiplicherà lo spazzo di essa basa per tutta l'altezza della piramide, & piglisi il terzo di quel che ce ne uerrà, farà il medesimo Concio sia che qual si uoglia piramide à facce è la terza parte di una colonna, che fusse della medesima altezza, & hauesse la medesima basa. Ilche interuiene ancora delie tonde; pur che l'una, & l'altra, habbino una medesima altezza, & una medesima basa, come prouoa Euclide al nono cap. del 12. libro. Restaci à mostrare, in che modo si truoua l'altezza di detta piramide, cioè ia linea del piombo, che dalla sua punta cade nel centro della basa: ilche faccisi in questo modo. multiplichi si il lato, che stà à pendio di detta piramide, per se stesso et pongasi da parte tale multiplicato; dipoi multiplichi si il mezo diametro del cerchio, della basa pur in se stesso, et traggasi quelche ce ne viene dal multiplicato che si pose da parte, et di quel che ci resta cauisene la radice quadrata, che farà la propostaci altezza della piramide.

Seruaci per esempio, che la piramide sia A B C, & dalla cima sua A sino alla circonferentia della basa sia braccia 13. bisogna primieramente trouare la linea del piombo AC: però multiplichi si il 13. in se

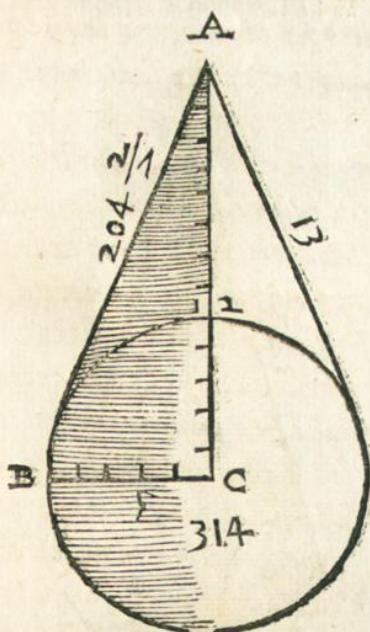
in se stesso, ci darà 169. posto che tutto il diametro sia 10 torrēne la metà, cioè 5. et multiplicato in se stesso ci darà 25. il che tragga si del 169. et ci resterà 144. la radice quadrata del quale è 12. dū que 12. braccia sarà la linea del piombo A C: perciocche, secondo la quarantasettesima del primo di Euclide, il quadrato, che si facesse della linea A B, sarebbe uguale à duei quadrati, che si facessino della linea A C, et della C B. Lo spazio finalmente del cerchio B C, cioè la basa, è braccia $78\frac{4}{7}$ et la sua circonferentia $31\frac{2}{7}$ secondo quel che si disse nel c. 25. del passato libro. Multiplichisi adūque $78\frac{4}{7}$.

per 12. et ce ne uerrà $942\frac{6}{7}$.

il terzo del qual numero è $314\frac{2}{7}$ che è la quantità delle braccia quadre della grossezza della detta piramide A B C. Ouermanente multiplichisi il detto $78\frac{4}{7}$ per 4 cioè per la terza parte di esso 12. et ce ne uerrà di nuovo 314. $\frac{2}{7}$ come prima. Ma se volessimo sapere le braccia quadre superficiali, multiplichisi il lato A B per la metà della circonferentia della basa, et quel che ce ne uerrà faranno le braccia quadre superficiali della detta tonda piramide. Ouero multiplichisi la

basà per il lato medesimo AB, et dividasi quel che ce ne viene per il mezzo diametro B C, perciocche ce ne verrà la superficie della pira-

L. 2 mide,

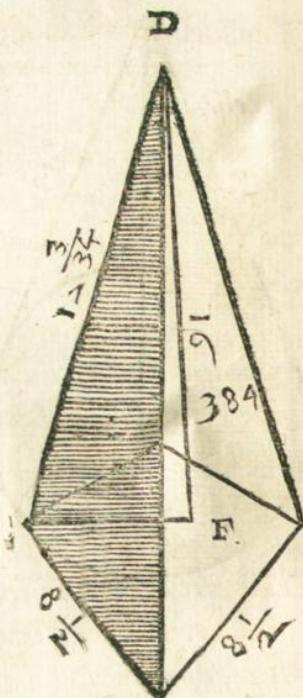


LIBRO

mide, alla quale se si aggiungerà la superficie della basa, haremos la intera superficie di tutta la piramide. Multiplichisi adunque la prima cosa la metà di essi $31\frac{2}{7}$, cioè $15.\frac{5}{7}$ per 13. Et ce ne verrà $204\frac{2}{7}$. Quero multiplichisi $78\frac{4}{7}$ per 13. Et ce ne verrà 1021. Ilche partito per 15. ci darà $204\frac{2}{7}$. Dicesti che tante sono le braccia superficiali di detta pirami de senza la basa, alle quali se si aggiungeranno le $78\frac{2}{7}$ della basa, haremos il tutto delle braccia superficiali, che saranno $282.\frac{6}{7}$. à punto.

Come si misuri una piramide di quattro facce.
Cap. XIII.

SIA LA PIRAMIDE DI QUATTRO
FACCE DA MISU
RARSI DEF, EIAS
CUN LATO DELLA
BASA DELLA QUALE SIA BRACCIA $8\frac{1}{2}$. ET LA LINEA, CHE DALLA CIMA D
CADE IN SU GLI ANGOLI DELLA BA
SA, SIA BRACCIA $17\frac{3}{4}$. ET LA ME
ZA SCHIANCIANA DELLA BASA, CHE
UÀ DA ANGOLO AD ANGOLO, SIA
BRACCIA 6. LO SPAZZO DELLA BA
SA ADUNQUE, SECONDO IL CAP. II.
DEL PASSATO LIBRO, SARÀ BRAC
CIA 72. ET LA LINEA DEL PIÖBO D
E, CIOÈ L'ALTEZZA DELLA PIRAMI
DE, SARÀ BRACCIA 16. SE SI MUL
TIPlicherà 6. per sé stesso, ha



remo

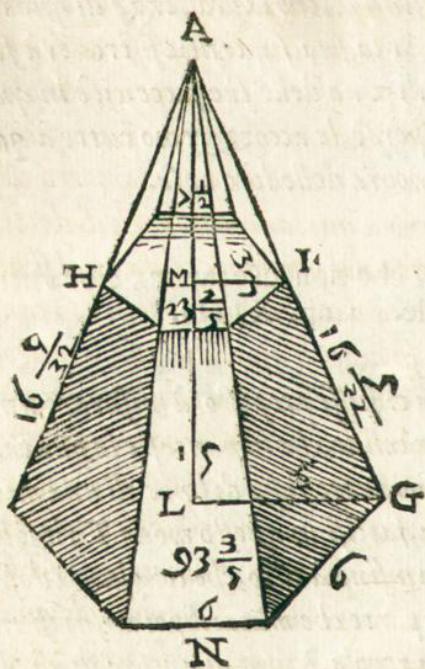
remo 36. $\text{et } 17 \frac{3}{4}$ ancora multiplicato per se stesso ci darà 292. dal quale se ne trarremo 36. ci resterà 256. la radice quadrata del qual numero è 16. multiplicishi adūque 72. per il terzo di detto 16. che è $\frac{1}{3}$ et ce ne verrà 384. Ouero multiplicishi il medesimo 72. per 16. et ce ne uerrà 1152. il terzo del quale multiplicato è pure 384. Conchiudeſi adunque, che la groſſezza di questa piramide è braccia 384 quadre. Et la sua superficie ſi trouerà facilmente, ſe trouata la quantità di una delle ſue facce, cioè in quante braccia ſuperficiali elle è diſpersè, le accozzeremo tutte à quattro inſieme con la ſuperficie ancora della loro baſa.

Come ſi misuri vna piramide, che non fuſſe intera, cioè vn tronco di piramide. Cap. XIII.

Se per auuetura ci fuſſe propoſto à misurare un trōcone di vna piramide, che li mancaſe la punta, ma dalla baſa al ſuo tutto fuſſe di linee di una medeſima lunghezza, facciſi in queſto modo. Tirinſi le linee de ſuoi lati inſino à tāto, che congiungēdosi inſieme terminino il tutto della parte che māca: dipoi misurisi tutta la piramide, ſecondo la paſſata regola. Misurisi ancora dipoi ql ſupplemēto della piramide, che ſi è fatto di linee, nō altrimenti che ſe fuſſe una piramide diſpersè; Et quel che di queſta ci uerrà, ſi tragga della miſura di tutta la piramide maggiore, et quel che ci rimarrà ſarà la groſſezza del trōcone della piramide, ouero della piramide ſpezata. Seruaci per eſſepio, che queſta piramide rottata ſia di 6. facce GHI, terminata dalla baſa di ſotto, et della rottura di ſopra, che ſieno facce piane di ſei lati l'una con angoli fra loro uguali, et le ſei facce de lati ſieno ancora fra loro uguali ciascuna delle quali ſia

LIBRO

braccia 6. Et i lati della rottura, o piano di sopra, siano braccia 3.
l'uno. Poghinsi duoi regoli à diritto per lo lugo de duoi lati opposti
l'uno all' altro, talmente lüghi: che andando ad unirsi insieme, ter-
minino la lunghezza della Piramide, come se non fusse rotta: et
doue detti regoli concorrono
à congiungersi insieme, sia il
K, Et il lato GK braccia 16
 $\frac{5}{32}$. HK braccia $8\frac{1}{16}$. sarà adun-
que la linea del piombo KL
braccia 15. Et KM braccia
 $7\frac{1}{2}$. Et la pianta della ba-
sa, ouero spazzo di tutta la
Piramide, sarà braccia $93\frac{3}{8}$.
Et lo spazzo della rottura
o piano di sopra HI, braccia
 $23\frac{2}{5}$. talche per le sopradet-
te cose la grossezza di tut-
ta la Piramide, sarà brac-
cia 468. quadre. Et la gros-
sezza della Piramide mino-
re HKI, sarà braccia $58\frac{1}{2}$. se
si trarrà adunque $58\frac{1}{2}$. del
468. ce ne resterà $409\frac{1}{2}$. Dice si la Piramide rotta, o moza es-
sere braccia $409\frac{1}{2}$. cioè la sua grossezza.



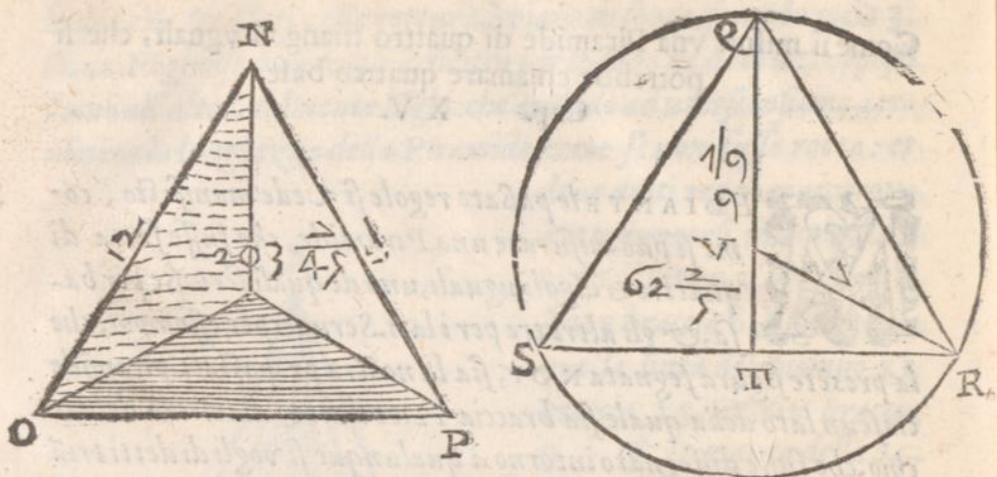
Come

Come si misuri vna Piramide di quattro triangoli uguali, che si potrebbe chiamare quattro base.

Cap. X V.

MEDIANTE le passate regole si vede manifesto, come si può misurare una Piramide, che fusse fatta di quattro triangoli uguali, uno de quali servisse per base, & gli altri tre per i lati. Servaci per esempio, che la presente figura segnata N O P, sia la nostra proposta piramide ciascun lato della quale sia braccia 12. et il mezo diametro del cerchio, che fusse disegnato intorno à qualunque si vogli di detti triangoli, sarebbe braccia 7. et la linea del piombo, che da qual si uoglia angolo cadesse sul mezo del lato à detto angolo opposto, o contrario, sarebbe braccia $9\frac{7}{9}$. & lo spazzo di qual si uoglia triangolo di lati uguali faria braccia $62\frac{2}{3}$, come si vede nel disegno segnato Q R S, che il mezo diametro del cerchio tirato intorno allo spazzo del triangolo R V, è braccia 7. di quelle medesime, che il lato del triangolo è 12. & la linea del punto Q T, è braccia $9\frac{7}{9}$. talche da queste cose si può vedere che lo spazzo di qual si uoglia triangolo è braccia $62\frac{2}{3}$. perilche la grossezza tutta della Piramide di quattro triangoli N O P, è tutta braccia $203\frac{7}{9}$. sode, cioè braccia 203. & quasi un sesto di braccio. Del che eccone le figure.

LIBRO

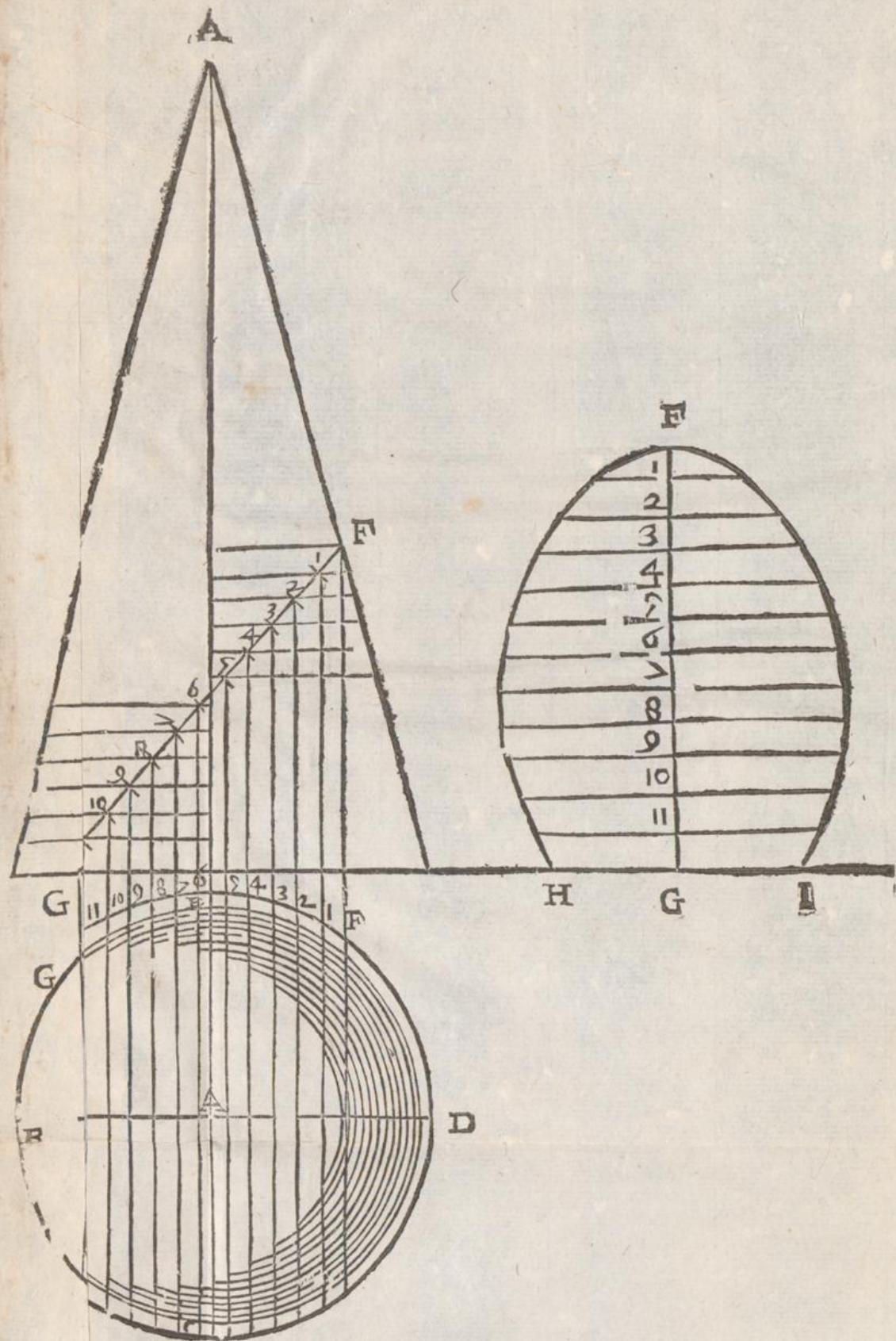


Come si misuri vna piramide tonda, per volerne segarola cauarne un'ouato. Cap. X VI.

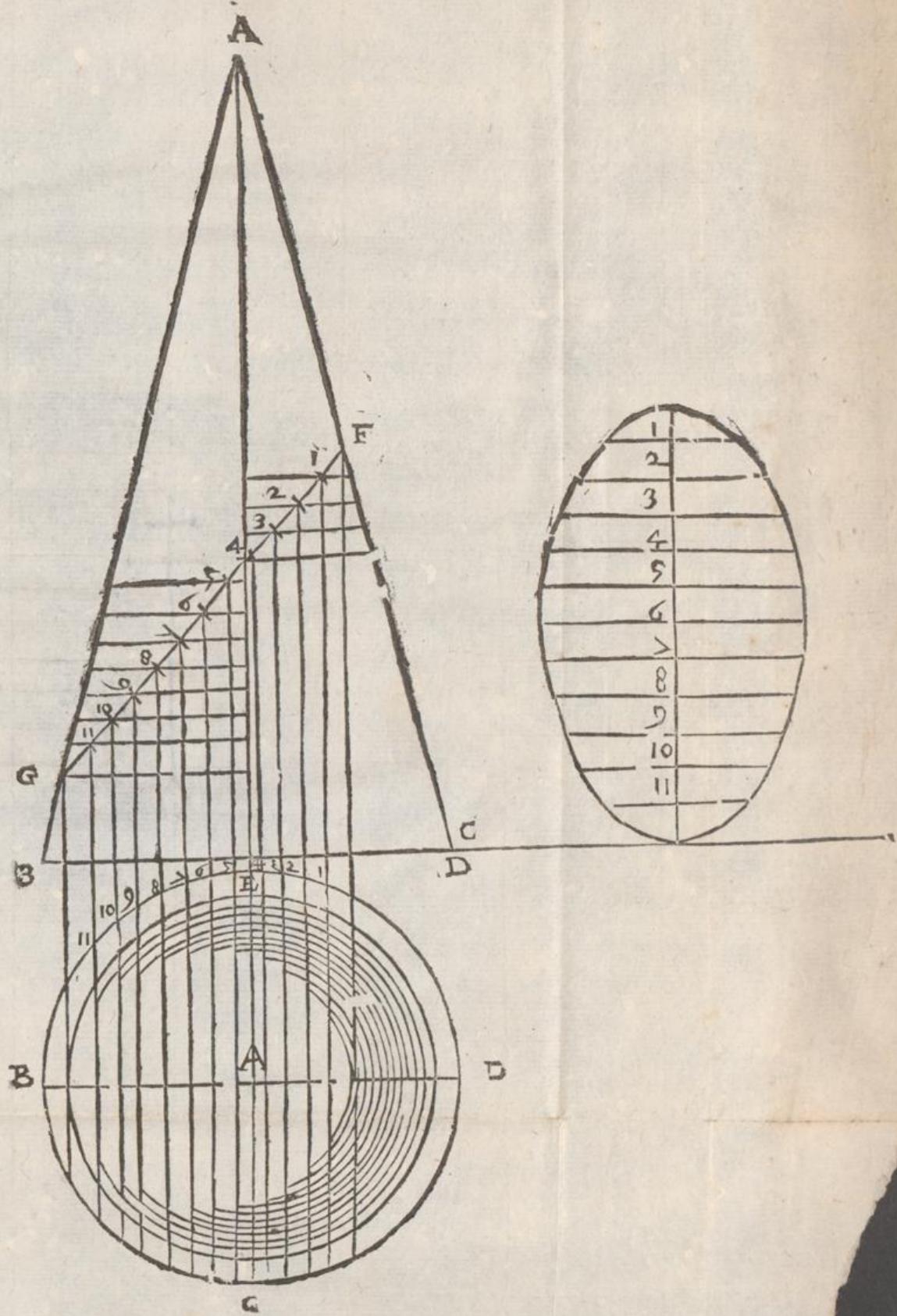
MOLTE volte può occorrere alli artefici, che di una piramide tonda, o di porfido, o di diaspro, o d'altra pietra fina, o forse gioia, gli bisogni segarola cauarne un'ouato, non perdendo punto di detta pietra, o gioia, se non quanto porta via nel passare la sega; et che segata la piramide ci scuopra quella forma dell'ouato, che ci saremo presupposta, et che cauare se ne poça, secondo che importa la grossezza, & l'altezza di detta piramide. Per la qual cosa ci bisogna considerare prima, in quanti modi si può segare la piramide: i quali modi sono quattro; o à trauerso, o à schiancio, senz'arruare alla basa; o à schiancio, & tagliare anco parte della basa, ouero per lo lungo secondo il piombo di detta piramide.

Quāto à trattare del primo modo, cioè del segarla per trauerso non mi distēderò nel parlarne, perche dāoci tali segati re sempre forme

T E R Z O



T E R Z O



forme tonde, si può con un paio di seste con le pûte torte all'indento, pigliare sëpre la grossezza in ogni luogo della piramide, et secondo che uorremo maggiore, ò minore diametro quiui dirizare il filo per la sega. Ma quando ne vorremo, segandola à schiancio, cuare una forma ouata, faccisi in questo modo. Dicasi, che la piramide sia A B C D E, & che la sua linea del piombo sia A E, di braccia 2. & il suo diametro B D, braccia 1. & che se ne uogli cuare un'ouato alto braccia 1. & largo $\frac{2}{3}$ di braccio: rizzisi per formare l'ouato una linea di un braccio, che sia F G; et diuidasi in 12. parti uguali, & da ciascuna diuisione tiransi linee fra loro parallele, che faccino angoli à squadra con la F G nelle loro intersecationi, alle quali, cominciando da F, applichinsi i numeri 1. 2. 3. 4. etc fino à che il 12. venga al G. Diuidasi dipoi il lato della piramide A D in due parti uguali, & detta diuisione si chiami F: et presa poi l'altezza F G, che si ordinò per formare l'ouato, con le seste, trasportisi nella piramide; talche il piè delle seste, che nella linea per l'ouato si pose alla F, torni alla F della piramide: & con l'altro guardisi, dove si interseghi il lato A B di essa piramide: et quin fatto un pûto, si chiami G: talche baremo di già trasportata l'altezza dell'ouato nella piramide, ma à schiancio, alla quale applichinsi le diuisioni & i numeri che hâ l'altra, & da ciascuna diuisione tiransi linee trauerse dal piombo A E della piramide sino al lato A D, che serbino sempre la uale altezza, che tocca loro fra esse & la basa: & ciò si faccia insino à tanto, che le diuisioni non passano la linea del piombo A E; percioche quando le diuisioni passano la linea del piombo uerso il lato A B, bisogna anco tirare dette trauerse dal piombo al lato A B. Fatto questo, disegnisi un cerchio sotto la piramide: che habbi tato diametro, quanto hâ la piramide, et il suo centro uenga à ditta del piombo A E. questo cerchio rappresentando la pianta della piramide

L I B R O

piramide, segnisi ancor esso ABCDE. Tiransi dipoi da ciascuna delle divisioni della FG della piramide linee diritte parallele fra loro, & fra il piombo AE, che vadino à dividere così la piramide, come la pianta, nella parte della quale BED, che tien divisa dalle dette, notansi i numeri per quell' ordine, che si notarono di sopra. Apransi dipoi le seste per la larghezza, che è fra la linea del piombo AE, & la F, principio della FG, in essa piramide, & trasportando questa distantia nella pianta, tenendo fermo un piè delle seste nel centro A, tirasi una porzione di cerchio, qual ci daranno le seste dalla linea del numero 1. nella pianta fino à tutto, che passando per il diametro AD, termini nell'altra parte di detta linea 1. talche ella diventi corda di quest' arco. Tornasi dipoi nella piramide à pigliare l'altra distantia fra la linea del piombo AE, & il lato AD, del numero, o divisione 2. & trasportasi nella pianta, & con un piè delle seste fermo pur nel centro A, tirasi quella portion di cerchio, che tocca alla linea 2. della pianta, come si fece della linea 1. talche una parte di detta linea 2. diventi corda di detto arco, che le tocca. Et così successivamente si facci di tutte le altre, fino à tutto che i numeri non passano la linea del piombo, come si vede il 4. nel disegno, che è fra il piombo, & il lato AD. Ma quando i numeri sono fra il piombo, & il lato AB, bisogna pigliare queste distanze fra il piombo, & il lato AB, come interviene della divisione segnata 5. & trasportarla nella pianta, et far come delle altre, quella porzione di cerchio, che tocca à detta linea 5. della pianta, talche parte di essa ne diventi corda. Et così seguire di fare di tutte. Trasportate, che haremos tutte le distanze nella pianta, & tirati i loro archi, piglisi la corda intrapresa del primo arco segnato 1. & trasportarsi nella linea 1. dell'ouato FG, et così tutte l' altre, ma ciascuna però respectuamente à numeri corrispondentisi, & vedremo, che come il diametro BD della

della pianta diuide le corde di detti archi, così la FG dell'ouato diuide à corrispondentia le parallele, ò corde dell'ouato. Vedremo oltre questo, che la corda dell'arco 6. sarà à punto la larghezza del nostro ouato, cioè $\frac{2}{3}$. conciosia che ella è la linea della diuisione della schianciana FG, che la diuide à punto nel mezo. Adunque la più ta ci mostra, che quando la sega farà passata per la linea FG della piramide, et la harà diuisa, haremos un'ouato simile à quello ci eramo proposto, alto 1. braccio & largo $\frac{2}{3}$. Et ricordiamoci, che à voler mantenere la lunghezza, & la larghezza di tale ouato, non si può porre in così fatta piramide il filo per la sega in altro iuogo, che nel detto; perche si uarierà sempre la forma dell'ouato, ogni volta che trasporteremo, ò più sù, ò più giù nella piramide, detta FG: conciosia che trasportandola in sù, la larghezza diueta sempre minore: & trasportandola in giù, maggiore: manterebbesi adunque l'altezza, & nò la larghezza, come ancora, se uolessimo trasportare, ò più sù, ò più giù, la stessa larghezza, si uarierebbe la lunghezza. Et questo basti quanto al cauare l'ouato, la larghezza, ò lunghezza del quale, hauendo hauuti questi auertimenti, si potrà pigliare à corrispondentia più sù, ò più giù, come ci tornerà più commodo.

Ma quando si uolesse cauare di detta piramide una faccia, ò forma, che non fusse ouata del tutto, ma che hauesse da piede una basa, bisogna considerare, che larghezza noi vogliamo, che habbi detta basa di tal faccia, ò forma, & trasportarla nella pianta talmente, che diuenti corda di quell'arco, che li tocca, et per esempio dicasi, che la pianta, et la piramide sia la medesima, che la passata; & che ne vogliam cauare una forma, che sia parte di ouato, alta medesimamente un braccio, & larga nella sua basa $\frac{2}{3}$. aprirsi le seste per la larghezza di detti $\frac{2}{3}$. & trasportisi nella pianta ad angoli à squadra del diametro BD, & si chiami HI, la quale tirisi in lungo

L I B R O

in lungo sino nella basa della piramide; & d'oue la tocca, quiui si segni: aprinsi poi le feste all'altezza di un braccio; & fermo un piede di esse in detto G, veggasi d'oue l'altro intersega il latto A D della piramide, & quiui si segni F; & tutto il resto si operi nel medesimo modo, che si fece nella operatione passata; et nella fine di tali operatione vedremo la forma dell'ouato essere, quale ci mostra il disegno che segue, che sarà alto braccia 1. et largo da più $\frac{1}{2}$ nè si può di così fatta piramide cauare forma simile, che ci dia le dette altezze, & lunghezze in altro luogo; perche variando uno di questi termini, varia sempre l'altro: ma si può bene tenendo ferma la lunghezza, hauere dal piede dell'ouato più o meno di secondo ci tornerà più commodo, o che varieremo nel trasportare la quantità della corda che vorremo in essa pianta, del più, o del meno de $\frac{1}{2}$ potremo ancora tenendo ferma la larghezza del da piede de $\frac{2}{3}$. fare l'altezza, o più lunga, o più corta di detta forma, che già ci proponemmo di un braccio; come potrà vedere, chi ne farà experientia con le dette regole: et per maggior dichiaratione veggasi in disegno quel che si è detto.

Ma quanto al ultimo modo di segar la piramide per la lunghezza parallelamente al suo piombo; perche facilissimamente solo con il pigliare le altezze dall'altezza della piramide, et le larghezze dalla basa di detta, si può vedere et trouare qual si voglia faccia che ci vogliamo; non ne dirò altro.

Come

Come si misurino i corpi tondi. Cap. XVII.

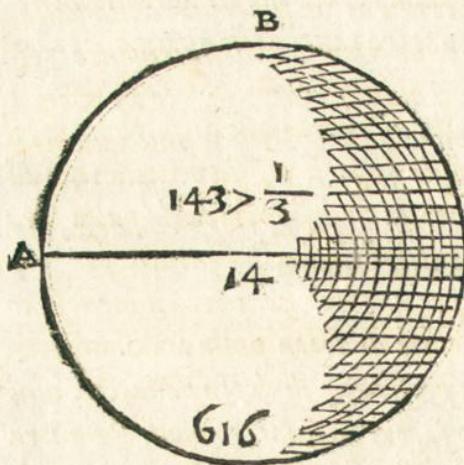
PARE à molti, come in uero è; che una palla, ouero un corpo sferico, sia il commune ricetto de cinque corpi regolari, come che dentro ad esso si possino disegnare detti corpi, & non dentro à nessun' altro corpo, ò forma di corpo. La detta palla si può misurare in duoi modi, cioè à la superficie di fuori, ò tutta la groszezza: & per far ciò. Multipli chisi primieramente il diametro della palla per la sua maggior circonferentia; et quel che ce ne uerrà, farà la quantità delle braccia della superficie di detta palla: et la ragione è; che la superficie tonda è uguale, ò simile ad un cerchio, il diametro del quale fusse il doppio maggiore, che quel della palla. Ouero multiplichisi lo spazzo della circonferentia di detta palla per 4. et ce ne uerrà il medesimo: perche la superficie è per quattro tanti dello spazzo, cioè del cerchio descritto in piano intorno al suo diametro. Seruaci per esempio la dimostrazione della palla disegnata qui di sotto A B C, il diametro della quale, cioè quello della superficie, sia braccia 14. adū que per il 26. cap. del libro passato, la circōferētia della palla farà braccia 44. & lo spazzo 154. Multiplichisi adunque 44. per 14. & ce ne uerrà 616. ouero 154 per 4. & ce ne verrà il medesimo 616. & tante braccia è la superficie di detta palla A B C.

Ma se noi volessimo sapere la grossezza di detta palla, cioè quanto braccia sode ella è, lo potremo sapere in quattro modi. Primiera mente multiplichisi la quantità della superficie della palla per la sesta parte del diametro, ouero la terza parte della superficie nel mezo diametro, oueramente multiplichisi lo spazzo della circōferētia in tutto il diametro di detta palla, et piglisene i duoi terzi di tale multiplicato. C'è cosa che secodo Archimede, quella colonna che

hà

L I B R O

hà per basa il cerchio della palla: & per altezza il diametro di detta palla corrispōde per se qualtera, cioè per la metà più à detta palla. Ultimamente trouerremo il medesimo, se misurata una piramide tonda, che habbi la basa quanto la circonferentia della palla & alta quanto il mezo diametro di detta palla, & la multipliche remo per 4. cioè sì che la palla è per quattro tāti di detta piramide, come poco fā si disse. Multiplichisi 616. per $2\frac{1}{3}$ che è la sesta parte di esso diametro già detto 14. & ce ne uerrà $1437\frac{1}{3}$ oueramente multiplicishi $205\frac{1}{3}$ che è il terzo di esso 616. già trouata superficie per 7. che è il mezo diametro, & ce ne uerrà di nuovo $1437\frac{1}{3}$. Et se si multiplicherà 154 per 14. ce ne uerrà 2156. i duoi terzi del quale multiplicato farà medesimamente $1437\frac{1}{3}$. Quero sì si multiplicherà 154 per $2\frac{1}{3}$ cioè per la terza parte del mezo diametro, ce ne uerrà 359 $\frac{1}{3}$ il qual numero multiplicato per 4. farà medesimamente $1437\frac{1}{3}$ per ilche per tutti questi modi si troua la grossezza della palla esere $1437\frac{1}{3}$. Da questo si può raccorre, così la grandezza die sā meza palla, quanto ancora la grandezza del suo fondo: impecroche, saputa la metà dell'una, et dell'al-



tra, sapremo quel che andauamo cercando.

Potremo trouare ancora il medesimo, se si multiplicherà la circonferentia per il mezo diametro, ouero multiplicishi lo spazio della detta palla per 2. & haremos la metà della superficie tonda.

Accioche

Accioche tutte le cose siano come nel passato esēpio, multiplicishi 44 per 7. ò 154 per 2. et nell'un modo, et nell'altro, ce ne uerrà 308. che è la metà di 616. al quale se si aggiungerà 154. ce ne uerrà la intera superficie della meza palla, che farà braccia 462.

Ma se noi vogliamo la grossezza della meza palla, multiplichi la superficie della palla per la sesta parte del mezo diametro. Ouero la terza parte di essa superficie della palla per il mezo diametro. Ouero lo spazzo del cerchio maggiore per il mezo diametro, et pigliisi i duoi terzi del multiplicato. Ouero multiplicishi lo spazio di esso cerchio, ò circonferētia per un terzo del mezo diametro, et raddoppiisi il multiplicato, et ce ne uerrà sempre la meza grossezza della palla. Ma mostrinsigli esempi secondo l'ordine detto di sopra. Multiplichisi 308. per $2\frac{1}{3}$. et ce ne uerrà $718\frac{2}{3}$ ouero multiplicishi $102\frac{2}{3}$ che è il terzo della superficie della palla, per 7. che è il mezo diametro, et ce ne uerrà medesimamente $718\frac{2}{3}$ ouero multiplicishi 154. per il medesimo 7. et ce ne uerrà 1078. i duoi terzi del quale è pure $718\frac{2}{3}$. Et se si multiplicherà 154. per $2\frac{1}{3}$ ce ne uerrà la piramide $359\frac{1}{3}$ che addoppiata ci farà medesimamente $718\frac{2}{3}$ tanta è adunque la grossezza della meza palla, peroche $718\frac{2}{3}$ è la metà di $1437\frac{1}{3}$.

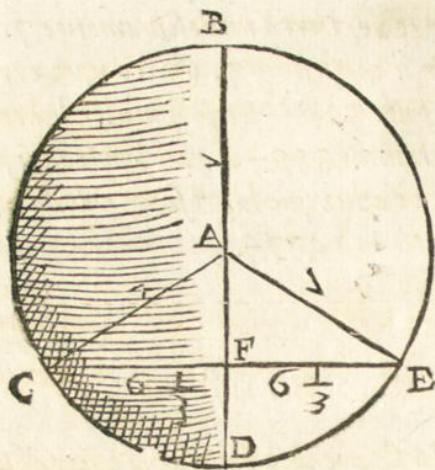
Come si misuri vn segamento maggiore, ò minore del diametro di vna palla, ò la portion maggiore, ò minore
di detta palla. Cap. XVIII.



E noi haueffimo à segare una palla, una parte della quale hauesse ad essere maggiore della metà, et che il segamento hauesse ad essere, ò maggiore, ò minore del diametro : faccisi in questo modo per sapere et il segamento, et la superficie, et la grossezza. Sia il cerchio

LIBRO

chio maggiore della palla ABCDE, cioè a centro, & BD diametro, et CE sia il filo del segamento minore, che con angoli à squadra interseghi il diametro BD nel punto F, il che uiene ad effer diametro del cerchio minore; che diuenterebbe il piano, ò faccia di tale segatura se per esso paßasse la sega, & si faceſſe due parti diſuguali di detta palla, della quale la parte maggiore della meza palla ſarebbe CBE, & la minore EDC. Se vorremo un ſegamento maggiore del mezo diametro, tirinfì dal C, & dalla E, duoi mezi diametri, che vadino à congiungersi nel cetro A. Dipoi per trouare primieramente la ſuperficie tonda di amendue queſte portioni di palla, auuertiſſati, che corriſpondentia habbia quella portione di linea retta AF; intrapreſa fra la diuisione CE, & il centro A, con la AC, ò con la AE; et à tale corriſpōdentia, ò proportione, traggatiſſi la parte proportionale della metà della ſuperficie tonda, & ce ne reſterà la ſuperficie della parte minore, l'arco della qual parte uiene ad eſſere CDE. Et ſi aggiungerà la medefima parte proportionale alla metà della ſuperficie ſferica, ce ne uerrà la ſuperficie della parte maggiore; della quale l'arco ſarà CBE, & la parte della cima B.



Seruaci per eſempio, che il diametro BD della palla ſia braccia 14. AF braccia 3. & FD 4. & l'altre coſe come nell'altra palla, perche il $3 \cdot e^{\frac{2}{7}}$. del mezo diametro lieuiſi $\frac{1}{7}$. da 308. come è 132. ce

ne resterà 176. dicesi che tāte braccia è la superficie tonda della C D E, portion minore di detta palla. Aggiungansi dipoi 132. cioè $\frac{1}{2}$. di detto 308. ad esso 308. & ce ne verrà 440. che farà il numero delle braccia della superficie tonda della portion maggiore C B E. Et quando auuenisse, che sapessimo l' altezza di B E, et volessimo sapere quella di F D, multiplicansi C F, ouero F E, per se stessa: concio si che le sono fra loro uguali, secondo la terza del terzo di Euclide; & il multiplicato diuidasi per la medesima B F, & sapremo F D. & così per l' altro verso se si partirà questo medesimo multiplicato per D F, haremos la F B. Seruaci per esempio, che dalla quarantasettesima del primo di Euclide si uedrà, che C F, ouero F E, farà braccia $6\frac{1}{2}$. che moltiplicate per loro stesse fanno braccia 40. partasi adunque 40. per 4. & ce ne uerrà 10. et tanta sarà B F: ouero par tasi il detto 40 per 10. et ce ne uerrà 4. che è quel tanto, che dice mo essere F D. Posto adunque, che sappiamo l' altezza di qual si voglia di queste diuisioni, potremo per essa trouare l' altezza dell' altra. Quanto alla grossezza di dette portioni di palla, si trouano in questo modo. Multiplichisi la trouata superficie dell' una, & dell' altra portione per la sesta parte di detto diametro. Ouero la terza parte dell' una, et dell' altra superficie, per il mezo diametro, conciosia che nell' un modo, & nell' altro si trououa il segamēto maggiore della basa, che è A C B E, & il minore E A C D: per il che se si aggiungerà la piramide, che ha per basa il cerchio minore, & per diametro C E, & per altezza A, ad esso segamento A C B E, ce ne verrà la portione maggiore C B E. Ouero se si trarrà la medesima piramide A C E dal segamento A C D E, ci resterà la grossezza della portione minore. Misuransi adunque innanzi all' altre cose la piramide A C E, come si mostrò nel passato Capitolo, la quale farà braccia $126\frac{4}{5}$. che son quasi $\frac{1}{16}$. Multiplichisi dipoi 176.

M per

LIBRO

per $2\frac{1}{3}$. ouero $58\frac{2}{3}$ che è il terzo di 176. per 7. che nell'un modo
e nell'altro ce ne uerrà $410\frac{2}{3}$. che è il numero delle braccia del
segamento ACDE. Multiplichisi di nuouo 440. per $2\frac{1}{3}$. ouero 146
 $\frac{2}{3}$. che è il terzo di detto 440 per il detto 7. et haremos per l'uno,
et per l'altro modo $1026\frac{2}{3}$. che è il numero delle braccia del se-
gamento A C B E; al quale se si aggiungerà 126. Et $\frac{4}{63}$. ce ne uer-
rà la portione maggiore C E B, che sarà braccia $1152\frac{46}{63}$. Ouero se
si trarrà il medesimo 126 $\frac{4}{63}$. del $410\frac{2}{3}$. ci resterà la portion mi-
nore C B E, che sarà braccia $284\frac{18}{63}$. Et per fede delle sopradette co-
se, se si metterà insieme l'uno, e l'altro segamento, cioè $1152\frac{46}{63}$.
Et $284\frac{18}{63}$ ce ne resulterà nell'un modo, e nell'altro la poco fà ri-
trouata grossezza della palla, cioè braccia $1437\frac{1}{3}$.

Come si misuri le otto facce, corpo regolare di otto triangoli
uguali. Cap. XIX.

PE le cose dette si uede, come si misuri il quattro ba-
se, corpo composto di quattro triāgoli di lati uguali
il 6. base, cioè il dado, et come si chiamino corpi rego-
lari fra i cinque di Euclide: restaci adunque à trat-
tare dell'i altri tre, cioè dell' otto facce, che è composto di otto trian-
goli di lati uguali fra loro: Et del uenti facce, che si fà di uenti triā-
goli simili, et del dodici facce, che si fà di dodici pentagoni, che han-
no cinque lati per uno. Tratteremo adunque prima dell' otto fac-
ce, qual diremo, che sia ABC: per sapere la grossezza del quale, mul-
tiplichisi uno de lati in sè stesso; et quel ce ne uiene, rimultiplichisi
per il diametro di esso otto facce, et di quel ce ne uiene piglisi il ter-
zo, quale ci darà la proposta grossezza. Conciosa che in questo mo-
do si uiene à fare una colonna à facce, che è per tre tati di esso cor-
po di

po di otto facce. Ma per trouare il diametro, multiplichi si un lato in se stesso, & addoppiisi il multiplicato, & poi se ne caui la ra-

dice quadrata secodo la qua-
rantasettesima del primo, la
qual radice farà il detto dia-
metro. Seruaci per esempio,
che ciascuno de suoi lati sia
braccia 6. adunque multipli-
cato per se stesso ci darà 36.
& addoppiato ci darà 72.
la radice quadrata del qual
numero è $8\frac{1}{2}$. dicesi che 8.
braccia & $\frac{1}{2}$ è il diametro di
detto 8. facce. Multiplichisi
ultimamente 36 per $8\frac{1}{2}$. et

ce ne verrà 306. il quale partito per tre, haremos 102. & tanto è
il numero della grossezza di detto otto facce, cioè 102. braccia so-
de. Et multiplicando lo spazzo di una di esse facce triangolari per
8. ci darà la quantità delle braccia superficiali del tutto di detto
otto facce.

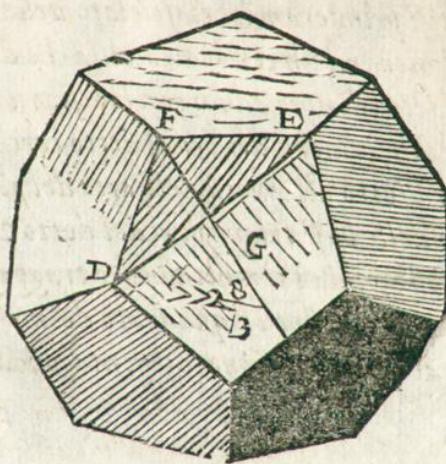
Come si misuri il dodici facce fatto di pentagoni, cioè
di dodici superficie di cinque lati uguali
l'una. Cap. XX.

MISURISI una delle dodici piramidi, secondo che si
insegnò nel 12. cap. di questo libro, & poi si multi-
plichì una di queste piramidi per 12. & haremos la
grossezza di esso 12. facce: conciosia che il 12. facce è divisibile

L I B R O

in dodici piramidi, le base delle quali sono li dodici pentagoni, che terminano il dodici facce, le punte delle quali si uanno à congiungere insieme nel centro di esso dodici facce. Ma per misurare una di dette piramidi, è di necessità sapere il fuso, o uogliamo dire il piombo di detta piramide, il quale si trouerrà in questo modo. Multiplichisi una linea tirata da angolo ad angolo, la più uicina sotto ad uno di detti angoli, per se stessa; & quel che por ce ne uiene, multiplicansi per 3. et di tal multiplicato piglisi la radice quadrata, che farà il diametro del dado, sopra il quale è fabricato il 12. facce. La metà del qual diametro, ouero radice, multiplicansi per se stessa: et dal multiplicato traggasi il quadrato del mezo diametro del resto del cerchio disegnato intorno à detto pentagono; ultimamente canisene la radice quadrata, che farà il fuso, ouero il piombo di qual si è l'una piramide pentagonale. Et se si multiplicherà un lato del pentagono disegnato d'etro al medesimo cerchio per se stesso, et trarrassene il multiplicato del quadrato del lato del pentagono; & di quel ci resta, se ne cauerà la radice quadrata: trouerremo à corrispondentia il mezo diametro del cerchio disegnato attorno al detto pentagono: ouero trouato il centro del pentagono, quella linea diritta, che da esso andrà à qual si uoglia angolo del pentagono, ci mostrerà più facilmente il medesimo. Seruaci per essèpio il dodici facce, l'una delle base del quale sia un pentagono DEF, ciascun de lati del quale sia braccia 4- & la linea più uicina, che è sotto all' angolo DEF, sia DF di braccia $7\frac{1}{2}$. & il mezo diametro del cerchio disegnato intorno al pentagono sia braccia 4. Multiplichisi $7\frac{1}{2}$. per se stesso, et ce ne uerrà $57\frac{1}{4}$. il qual numero rinterzato ci darà $172\frac{1}{4}$; la radice quadrata del quale, che è il piombo del quadrato sopra il quale è fabricato il 12. facce, è $13\frac{8}{5}$, et la metà di questa radice è 6. & Multiplichisi di nuovo $6\frac{73}{150}$ per se stesso, et ce ne uerrà $42\frac{2}{5}$ del qual

qual numero traggasene il quadrato del mezo diametro EG, cioè se dici, et ce nè resterà $26\frac{8}{13}$ la radice quadrata del quale è $5\frac{113}{650}$ et tanta è l'altezza, ò uogliamo dire il piombo di qual si uoglia di dete piramidi: e lo spazzo del pentagono DEF, secondo la regola del 22. cap. del passato libro si trouerrà essere braccia 37.
 $\frac{1}{3}$. il quale multiplicato per $5\frac{113}{650}$. ci darà $193\frac{106}{195}$. il quale partito per 3. ci darà $64\frac{5}{13}$. in circa: perciocché vi manca solamente $\frac{1}{975}$. et tante braccia sode uiene ad essere la grossezza di essa piramide pentagonale; multiplicishi finalmente $64\frac{5}{13}$. per 12. e haremos il tutto delle braccia sode, ò uogliamo dire cubiche del detto 12. facce, essere $772\frac{8}{13}$. à punto.



Come si misuri il venti facce fatto di corpi, ò piramidi triangolari. Cap. XXI.

Per misurare un si fatto corpo, bisogna primieramente trouare la linea del piombo, che dal cetro di tutto il corpo cade in qual si uoglia basa; come quella, che termina l'altezza di ciascuna delle 20. piramidi, delle quali si fa questo corpo. Trouatis dipoi la quantità di una di dette piramidi, secòdo la regola data nel 12. cap. di questo libro, et multiplicishi per 20. e haremos la grandezza di tutto questo corpo:

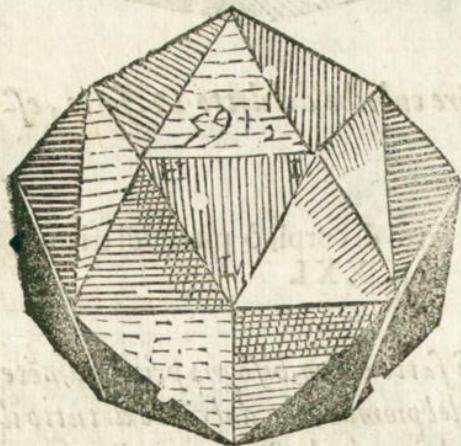
M 3 conciosia

LIBRO I

conciò sia che il uento facce si fa di uenti piramidi, che banno tre lati fra loro uguali, la punta delle quali è il centro comune di tutto il venti facce. Et il fuso, ouero piombo di qual si voglia piramide, si trououa in questo modo, cioè l'altezza di qual si voglia piramide. Notisi primieramente ciascun lato delle base del pentagono disegnato dentro ad un cerchio: concio sia che dato un lato di un pentagono descritto dentro ad un cerchio; si trououa ancora il lato del 10. facce da descriuersi dentro al detto cerchio; come è quella corda, che si porrà sotto alla metà dell'arco del pentagono. Misurisi adunque un lato delle base triangolari del detto 20. facce, et multiplicishi per se stesso, et da tal multiplicatio traggasi il quadrato del lato del 10. facce, et ci resterà il quadrato del mezo diametro del cerchio, dentro al quale è disegnato il pentagono. Et se al lato del 10 facce si ag-

giungerà la metà del mezo diametro del cerchio, che è intorno al pentagono: cauandone la radice quadrata del poco fa trouato quadro, fatto del detto mezo diametro, haremos il piombo, ouerò l'altezza di qual si voglia piramide. Sia il corpo di 20 facce triangolari H. I. I., ciascun lato del quale sia braccia 6. Et di quella medesima sorte par-

ti, che il lato del pentagono è 6. sia il lato del 10. facce $3\frac{1}{8}$. multiplicishi adunque 6. per se stesso, Et ce ne uerrà 36. Et multiplicato ancora $3\frac{1}{8}$ in se stesso, ci darà $9\frac{3}{4}$ ilche traggasi da 36. ce ne resterà 26. $\frac{3}{4}$ la radice del qual numero è $5\frac{1}{8}$. Et tanto è il mezo dia-



diametro del cerchio, dentro al quale è disegnato il pentagono, & il 10. facce. Aggiungasi conseguentemente adesso lato del 10. facce, che è $3\frac{1}{8}$. la metà di se stesso, che è il mezo diametro, cioè $2\frac{9}{16}$. & ce ne uerrà $5\frac{11}{16}$. che sono le brac. della altezza, ouero piombo di ciascuna piramide triangolare del detto 20. facce. Et lo spazzo ultimamente del triangolo, che ha braccia 6. per lato, secondo il 5. cap. del secondo libro, è $15\frac{3}{5}$. il quale multiplicato per $5\cdot\frac{11}{16}$ fa $88\frac{116}{160}$. il qual numero partito per 3. ci darà $29\frac{23}{40}$. et tanta è la grossezza di una delle dette piramidi triangolari. Multiplichisi finalmente adunque $29\frac{23}{40}$. per 20. et haremos la intera grossezza del 20. facce, che saranno cubiche braccia $59\frac{1}{2}$.

Come si misurino i corpi solidi à guisa di mandorla, che sono irregolari. Cap. XXI I.

 C O R P I solidi à guisa di mandorla, possono occorrere di più sorti, ma tre sono i principali, ò elle sono mādorle töde per la loro lunghezza, ò elle sono di linee diritte, ò egli sarà un corpo cōposto di più facce à mandorle. Il corpo à mandorla di linee diritte, si misurerà facilmente, mediante le cose dette. Concio sia che quando noi uorremo sapere la quantità di detta mandorla, considerisi, che ella non è altro, che due piramidi congiunte insieme nelle loro base: talche à uole sapere la quantità di detta mandorla misurisi una delle sue piramidi, et raddoppijfi il misurato; et del misurare la piramide già si è data la regola nel 12. cap. di questo libro. Seruaci per maggiore dichiaratione delle cose dette, che la mādorla solida, ò uogliamo dir piena, sia ABC. fatta intera da due piramidi, l'altezza delle quali sia braccia 12. et il cerchio della basa habbia per diametro

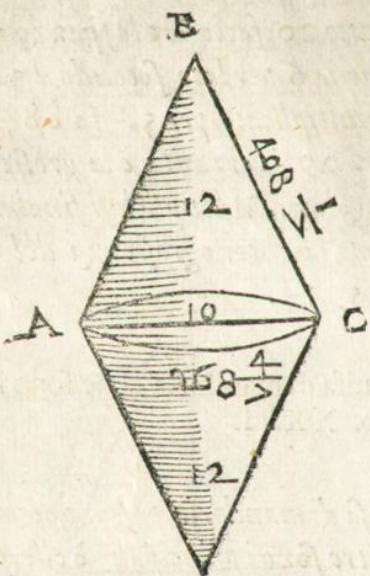
LIBRO

AC, che sia braccia 10. Cauasi adunque dal detto 12. cap. di questo libro, la grandezza dell'una piramide, et dell'altra essere braccia

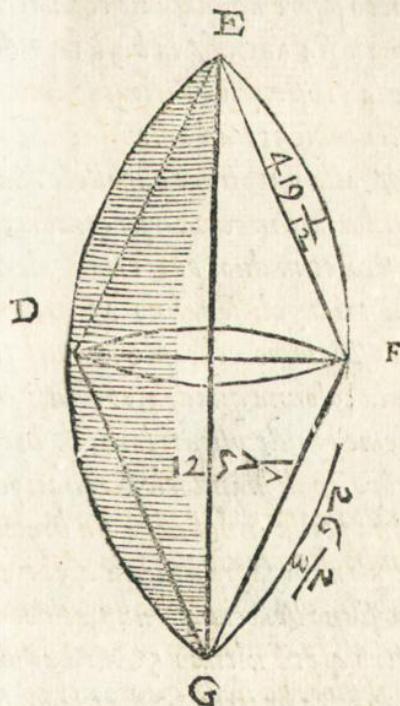
$314\frac{2}{7}$. solide, il qual numero addoppiato ci darà $628\frac{4}{7}$. che faranno il tutto della grossezza della mandorla. La superficie ancora dell'una piramide, & dell'altra, si caua dal detto capitolo essere, $204\frac{2}{7}$. braccia quadre: il qual numero raddoppiato fa $408\frac{4}{7}$. che è la superficie del tutto di detta mandorla. In questo medesimo modo ancora, si misura una mandorla solida composta di due piramidi disuguali. Imperoche dal raccorre insieme le misure dell'una, et dell'altra piramide, ne resuiterà sempre la

grandezza di detta mandorla, da Greci, et da Latini chiamata Rombo. Le mandorle tonde per la lunghezza, cioè fatte ad arco, che forse non si disdirebbe chiamarle mādorle ouate, si misurano in un altro modo. Presupponghiamoci, che la detta mandorla sia DEF, il piombo della quale EG, & il diametro che lo attraversa con angoli à squadra DF, se si segasse à punto questa mandorla nel diametro, se ne farebbe due piramidi uguali, talche la disopra sarebbe DEF; come proua Archimede nel libro, che tratta de' corpi sferici; & DGF, sarebbe l'altra piramide. Misurisi adunque la man-

dorla



dorla, che si fa di due piramidi, come disopra si disse; Et addoppiasi detta misura, Et haremos il tutto di detta mandorla ouata, la quale Archimede chiama corpo sferico. Sia per modo di esempio, que sta mandorla ouata D E F G, della medesima grandezza che la prima A B C, Et la sua grossezza sia pur braccia $6\frac{2}{7}$. sode, il qual numero addoppiato fa $12\frac{5}{7}$. Et tante braccia diremo che habbi di sodo questa mandorla ouata. Et se noi uorremo sapere la sua superficie, multiplichi si lo arco F G E per la metà del cerchio, che ha per diametro la linea D F, ouero multiplichi si tutta la circonferentia per la metà di detto arco. Sappremo ancora il medesimo, se si multiplicherà lo spazzo del cerchio, che ha per diametro la linea diritta D F, per esso arco E D G, ouero G E F; Et partirassi tal multiplicato per il mezo diametro del medesimo cerchio. Seruaci per esempio, che la linea D F sia braccia 10. Et lo arco E D G, sia braccia $2\frac{2}{3}$. là onde la circonferentia, che ha per diametro D F, sarà braccia $3\frac{1}{7}$. Et lo spazzo braccia $7\frac{8}{7}$. Multiplichisi adunque $2\frac{2}{3}$. per la metà di esso $3\frac{1}{7}$. cioè per $1\frac{5}{7}$. et ce ne verrà $4\frac{9}{14}$. Ouero multiplichi si $3\frac{1}{7}$. per $1\frac{1}{3}$. cioè per la metà del detto $2\frac{2}{3}$ et haremos medesimamente $4\frac{9}{14}$. Ouero multiplichi si

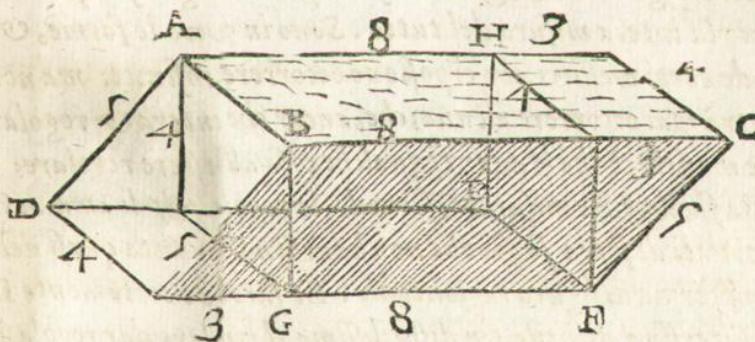


L I B R O

78 $\frac{4}{7}$. per 26 $\frac{1}{7}$. Ce ne verrà 2095. che partito per 5. cioè per la metà di detta linea, ò diametro 10. ci darà medesimamente 419. $\frac{1}{21}$ che sarà il numero delle braccia quadrate di detta mandorla o- uata, cioè la superficie, che chiamammo D E F G.

I corpi fatti di più facce à mandorle, si posson ancor essi facilme te misurare, come sarebbe à dire per nostro esempio, un corpo, che fusse terminato da sei mādorle piane, le quali tutte sussino respet tuamente parallele fra di loro; come dimostra la figura, che poco di sotto porremo, la quale chiameremo ACDE; la parte di sopra della quale sia ABC, e la basa DEF, del qual corpo se noi uorremo sapere la grossezza. Tiransi le linee de piombi E G, E H, e con sequentemente ad amendue esse A B, E B G, et similmente alla E F, e alla E H, linee parallele. Sarà adunque diuiso questo am madorlato in un corpo quadro, à guisa di colonna quadra, ò di pilastro, et in duoi pezi triangolari: il corpo quadro sarà A B E F, e i duoi triangoli saranno A B D, E F C, la misura delle quali cose la mostrammo nel cap. 6. e nel 7. di questo libro. Misurisi adunque la colonna quadra, et i duoi corpi triangolari, e raccolghansi insieme i multiplicati loro, e haremo la grandezza di questo cor po cōposto di mandorle. Seruaci per esempio, che ciascun lato della colōna per la lunghezza sia braccia 8. et ciascun lato dell' una, e dell' altra basa sia braccia 4. et i lati de' corpi triangolari per il più lungo siano braccia 4. l' uno, et delle loro basē un lato sia braccia 3. l' altro 4. et l' ultimo 5. Sarà adunque la grossezza di detta colon na quadra braccia 128. et la grossezza di qual si è l' uno de corpi, ò colōne triangolari, che dire le uogliamo, braccia 24. et 2. uie 24. fa 48. il quale aggiunto à 128 fa 176. e tante diremo, che siano le braccia del fondo di eþo corpo ammādorlato, che ci eramo presup posto. Ouero più breuemēte, multiplicansi la basa A B G per la linea retta

retta ABC, ouero la basa FE per la linea retta ED, cioè 16. per 11.
 Et ce ne verrà unacolonna quadra uguale al proposto ci ammendorlato, però che 11. uie 16. fa 176. Et se bene un de corpi triangolari manca da uno lato à dar compimento alla detta colonna, uien nondimeno ricompensato da quel che si è preso più dall'altra parte, Et questo modo è più commodo à qual si voglia forma, o dispositione di ammendorlato.



Mediante queste cose, Et le passate ancora, si può facilmente conietturate, con quale ingegno si possino misurare gli altri corpi, che si chiamano irregolari: imperoche si come le diuerse facce piane si diuidono in triangoli, Et in parallelogrami, cioè in quadri lunghi, Et poi si mettono insieme le particolari misure di qual si è l'uno di loro; bisogna similmente risoluere i corpi irregolari solidi, ò vogliamo dire massicci, in corpi quadri di angoli retti, ò in corpi triangolari, ò in piramidi (secondo che ci farà più commodo) Et prese disperse le misure di ciascuno, raccorle dipoi tutte insieme, ouero trar l'una dell'altra, se ci farà di bisogno. Quando adunque il proposto ci corpo farà irregolare, egli è certo, che ò gli manca,

LIBRO

manca, ò gli auanza qualche cosa per essere regolare: se gli manca cosa aliuna, bisogna arrogerui quel tanto che li manca à farlo diuentare regolare, & intero: il che si farà mediante lo allungare de lati tanto, che vadino à congiungersi, & misurare poi queste parti aggiunte, come se il corpo fusse intero, le quali aggiunte poi si hanno à trarre della misura del tutto.

Ma se à questo propostoci corpo auazasse qualche cosa alla sua regolarità, misurisi primieramente quel che hà di regolare, & dopo quel che gli auanza, & talmisure poi raccolghansi insieme, & faremo la intera misura del tutto. Sono in vero le forme, & figure de corpi massicci, che ei pôssono occorrere, infinite: ma non cene potrà mai occorrere alcuna; che; ancor che intera & regolare, ò che le manchi, ò che le auanzi qualche cosa all'essere regolare; non si possa facilmente misurare, secondo le regole, & li ammaestramenti dati di sopra, se già elle non haueffino perduta quasi del tutto ogni forma di figura ragioneuole. Et farebbe certamente stata cosa superflua, disutile, & difficilissima, il volere dar regola, ò ammaestramento proprio, & particolare sopra qual si voglia figura, ò forma di corpi simili; anzi certo vn' aggrauare le menti di coloro, che leggono. Concosia che ei si dice, che indarno si insegnano quelle cose per vie lunghe, che si possono insegnare per vie breui, & spedite. Non voglio lasciare di dire, che à queste cose; che in vero in prima uista pare che habbino del difficile, ancor che del diletteuole; giouerà assai la destrezza dell' ingegno (oltre alla notitia dell' abbaco) di colui che si vorrà in così fatte misure essercitare: auuertendo ciascuno, che non basta lo intendere le cose, che si son dette: ma che lo esercitarsi in esse, giouerà grandissimamente.

Come

Come si misurino le botti da vino, ò da altro.

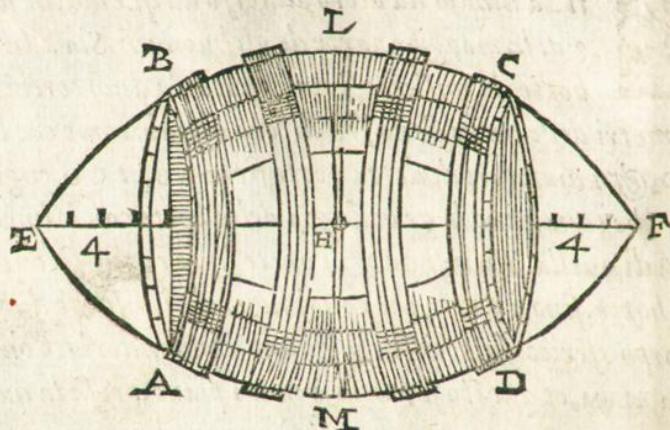
Cap. XXIII.

PIACE MI di dimostrare un modo da misurare le botte da vino, ò da altro, diuerso da quello, che usa hoggi di la maggior parte de gli huomini. Sia adunque la botte da misurarsi terminata da duoi cerchi nelle teste, i diametri delle quali sieno fra di loro uguali: come che la botte sia ABCD, & i diametri di detta botte sieno AB, et CD, & uguali fra di loro, che terminino la grandezza della botte con le linee curue del corpo di quella. Tiransi da ogni parte linee curue secondo il corpo della botte, sino à tanto che congiungendosi insieme diano fine ad un corpo sferico fatto à guisa di uno ammandorlato ouato, il quale sia ELF M, et questo si faccia, ò in un piano, presa la quantità de diametri AB, & CD, et la quantità ancora di LM; ouero applicando al corpo della botte alcuni regoli accommodati al piegarsi, che perciò siano apparecchiati. Fatto questo, tirisi il filo, ouero linea EF, che passi per il centro H, et che diuida in due parti uguali la linea AB nel punto G, & la CD nel punto I. Misurisi dipoi la piramide, ò uogliam dire il conio; che ha per base il cerchio AB, & per punta della linea à piombo E, & per fine G: secondo quella regola, che si diede nel cap. 12 di questo libro. Misurisi dipoi lo intero di tutto questo corpo à mandorla ouata ELF M, come nel passato cap. si disse, quādo si trattò de' corpi irregolari, à quali bisognaua, ò leuare, ò arrogerē, per ridurli regolari, et da quel ce ne viene, traggasi l'una, & l'altra aggiunta, che si fece alla detta botte, cioè ABE, & CDF, & ci rimarrà la grandezza à punto della propostaci botte.

Truouisi poi finalmente la quātità della diuisione ABE in questo modo, guardisi, in che proportione corrispōda una linea diritta composta

LIBRO

composta della lunghezza GF , & FH , con la FG . Concioſia che la diuisione ABE , corrisponde in quella medesima alla piramide, che ha la medesima bafa, & la medesima altezza, che ha eſa diuisione, cioè che ha per bafa il cerchio AB , et per altezza la linea GE .



Hauuta che haremos la notitia delle tre cose, facilmente haremos notitia della quarta, mediante la regola delle quattro proporzionali.

Et il medesimo vorrei che si intendersse dell'altra diuisione CD ; concioſia che ella corrisponde con quella medesima proportione alla sua piramide, che fa la linea diritta composta di IE , & EH , ad eſsa EI . Sia AB uguale al CB , o sia pur più lunga, che non importa. Queste cose tutte si sono cauate dalle demoſtrationi di Archimede, delle quali in questo caſo ci ſiamo ſeruiti, come dell'altri habbiam fatto delle propositioni, o propoſte di Euclide. Il che vogliamo che basti, che ſe voleſſimo addurre le demoſtrationi particolari di Archimede, o altre ſimili, hauettono à fare un nuovo, & gran volume. Seruaci per eſempio, che l'una, & l'altra AB , & CD , ſia braccia 7. et LM , ſia braccia 10. & il fuſo

E F,

E F, braccia 20. G H, G H, ciascuna sia braccia 6. G l' altre G
 E, et I F, siano ciascuna braccia 4. harà adunque (se si auuertirà di
 ligentemente le cose dette di sopra) la intera grossezza di tutto
 questo corpo à mandorla ouata E L F M, braccia $1047\frac{11}{21}$. di sodo:
 conciosia che la piramide, che ha per basa il cerchio, che ha per dia-
 metro L M, di braccia 10. G per altezza H E, ouero H F, di braccia
 medesimamente 10. secondo che si mostra nel 12. cap. è braccia
 $261\frac{17}{63}$. sode: le quali addoppiate fanno la metà della mandorla
 ouata E L M, ouero F L M, di braccia $523\frac{51}{63}$. il qual numero addop-
 piato fa $1047\frac{13}{21}$. che è lo intero di detta mandorla ouata E L F M.
 La piramide oltra di questo A B E, disegnata dal triangolo A E G,
 ouero G B E, secondo quel che si disse nel 12. cap. ha braccia $51\frac{1}{3}$.
 di sodo; G la linea composta di G F, et F H, ha braccia 26. et G F,
 braccia 16. per le cose dette. Pongasi adunque per il primo nume-
 ro il 16. per il secôdo il 26. et per il terzo $51\frac{1}{3}$. dipoi multiplicansi il
 terzo per il secôdo, cioè $51\frac{1}{3}$. per 26. et ce ne uerrà $1334\frac{2}{3}$. ilche
 partito per 16. che fu il primo numero che si pose, ce ne verrà per
 qualunque parte $83\frac{5}{12}$. et tante faranno le braccia, che di sodo ha
 la diuisione A B E, ouero C D F. traggasi adunque finalmente $83\frac{5}{12}$.
 cioè $166\frac{5}{6}$. dal detto numero $1047\frac{13}{21}$ et ce ne resterà $880\frac{11}{14}$. le
 quali diremo che siano le braccia, che di sodo ha la propostaci botte A B C D. la importantia adunque è sapere, quanti barili entrino
 in un braccio quadro, et secondo tal numero multiplicare lo $880\frac{11}{14}$. come se si dicesse, che il braccio quadro tiene barili 5. multipli-
 chisi $880\frac{11}{14}$. per 5. et ce ne verrà $4403\frac{13}{14}$. che faranno à punto
 il numero de barili che tiene la propostaci botte A B C D.

DEL MODO DI MISVRARE
TUTTE LE COSE TERRENE,
DI COSIMO BARTOLI
Gentilhuomo, & Academico Fiorentino.

LIBRO QVARTO.



Del descriuere le Prouincie.



ARMI cosa conueniente, hauendo trattato insino à qui, come particolarmente si possino misuare tutte le cose priuate, passare à trattare, come si misurino le pubbliche; come sarebbe una Provincia, ò un Regno intero, con le Città, Terre, Castella, Fiumi, Liti, Porti, & luoghi notabili, da posserla mettere in carta, ò in tauola piana. Et se bene io sò, che essendo il mondo di forma Sferica, egli non hà conuenientia alcuna con il piano; nel descriuere nondimeno una Prouincia, ò un Regno di 300.400. miglia non può nascere tal errore, ò differentia che sia in un certo modo sensibile, ò apparente. Et non essendo per hora mia intentione d'insegnar à descriuere un mondo intero, ò la maggior parte di esso in una palla; come sarebbe più ragioneuo le, & come le misure di esso tornerebbono più giuste secondo l'ordine, et le regioni del Cielo: passerò solamente à trattare de modi da descriuere le parti particolari di esso modo, con quelle regole, che da Gemma Frisio, dal Perurbachio, da Pietro Appiano, & dallo

dall' Illustré M. Giovan Roia, & molti altri, hò possouto ritrouare. Dico adunque, che vna Prouincia si può disegnare in piano in quattro modi. Il primo è, senza sapere le lunghezze, ò le larghezze, ò le lontanenze de luoghi. Il secondo è, sapendo solamente le lontanenze de luoghi. Il terzo, che si può fare senza la bussola in piano, & la ritta. Il quarto è, sapendo le lontanenze delle miglia de luoghi, et le linee delle vedute, da alcuni chiamate linee, ò angoli di positioni, ò posture. Et perche quanto al primo modo ci bisogna hauere vna bussola piana con l'ago, et con l' altre sue appartenenze, non mi pare inconueniente descriuere il modo di fare detta bussola, ancor che da Vitrunio già fusse descritto il medesimo, et questo per commodità di chi legge, et dello insegnare ad applicare la bussola ritta senza l'ago, alla bussola che terremo à piano con l'ago, per dirizzarla sempre alla tramontana, secondo che si riccherà poi nel mettere in opera, ò in atto la operatione da farsi.

Come si facci vna bussola. Cap. I.

APPARE CCHI SI la prima cosa una tauoletta di argento, ò di ottone, ò di bosso, ò di qual altro legno si uoglia: pur che sia sodo, et pulito, & atto à non si torcer, ò à non si fendere: nel mezo del quale fermato un pie delle seste, ouero sestone, descriuasi un cerchio, che habbia di diametro un terzo di braccio in circa, il quale habbia ad essere l'ultimo termine di detta bussola. Dal medesimo centro, si tiri poi un altro cerchio, quasi per lo spatio di vna costola di coltello, lontano dal primo, cioè più uerso il centro: fra i quali cerchi si hanno à tirare poi le linee de gradi, grado per grado, come di sotto diremo fatto questo, ristringhansi le seste, ouero il sestone, per fare un terzo cerchio

N lontano

LIBRO

lontano dal secondo, per due volte la lontananza, che è fra il primo, & secondo, perciocche fra lo spatio, che è fra il secondo, & questo terzo cerchio, si hanno à mettere i numeri delle cinquine de gradi, & tirarle, come si dirà di sotto. Tirati questi cerchi, diuidansi con una linea trauersa, che passando per il cetro, faccia di tutti due parti uguali; lugo la parte di sopra della quale scriuasi, tramontana, et nella parte di sotto, mezo dì. Diuidasi dipoi detta linea in due parti uguali: talché passando detta linea per il cetro, faccia angoli à squadra cō la prima linea, et dalla destra scriuasi lugo questa seconde linea, leuante, et dalla sinistra, ponente. Ridiuuidasi poi la quarta parte del cerchio, che è fra tramontana, et leuante, in due parti uguali, et tirisi una linea, che passando per il centro, ridiuida tutti i cerchi da ciascuna bāda, lugo la quale dalla parte di sopra scriuasi greco, et dalla parte di sotto libeccio. Ultimamente ridiuuidisi l'arco, che è fra tramontana, & ponente, in due parti uguali, con una linea; che passando per il centro, diuida di quà, et di là, oltre, et indietro, à detto centro tutti i cerchi: et dalla parte di sopra fra tramontana, et ponente, scriuasi maestro, et dalla parte di sotto scilocco, et così faremo già con quattro linee gli otto venti principali, i quali voglio che ci bastino per la nostra busola: sapendo, che chi uorrà, si potrà ridiuidere in tāte parti, che harà, se uorrà, et li 16. et li 24. ueiti, secondo Vitruvio, ma parendoci, che in questo nostro instrumen-
to per hora, che otto ci siano à bastāza, ci contenteremo di essi. Già habbiamo diuise per metà tutte le quarte, come si può uedere; perche greco diuide per mezo la quarta fra tramontana, & leuante; scilocco la quarta fra leuante, et mezo dì; libeccio la quarta fra mezo dì, et ponente; et maestro la quarta, che è fra ponente, et tramontana. Ridiuuidasi dipoi la ottava parte del cerchio, che è fra tramontana, & greco, cō duoi punti in tre parti uguali, et ciascuna di esse

tre parti, pur con duoi altri punti in tre parti uguali, & applicando sempre una testa del regolo al cetro, et l'altra à ciascuna delle divisioni, tiransi lineette fra il primo, & il terzo cerchio: et quest'ordine si tenga attorno attorno nel diuidere tutta la circonferentia di quarta in quarta, ò di ottava in ottava parte. Fatte queste divisioni, applichansi alle lineette già tirate i numeri loro fra il secondo, et il terzo cerchio, cominciandoci da tramontana à dire 5. 10. 15. 20. &c fino à che 90. verrà à terminare à punto à leuante. ilche si faccia dall'altra parte ancora da tramontana in ponente, seguendo 5. 10. 15. 20. &c. talche 90. termini alla linea di ponente. Comincisi poi ancora dalla linea di mezo dì, et caminando con lo scrinere uerso leuante dicasi 5. 10. 15. 20. &c. talche il 90. termini in leuante, et per il contrario 5. 10. 15. 20. &c. da mezo dì in ponente, talche à ponente termini il 90. Debbesi poi ciascuna delle divisioni già fatte ridiuidere in cinque parti, co quattro punti fra loro uguali, et applicando, come dell' altre linette si disse, una testa del regolo sempre al centro, tirare le lineette fra il primo, et il secondo cerchio, che dinotino grado: per grado, le quali fra tutte adepieranno il numero di 360. gradi, 90. cioè per quarta: nè uò lasciare di dire, che nel tirare de cerchi, et delle linee, si debbe affondarle tåto, che p il maneggiare poi la detta bussola, et uoltare in qua et in là la linda, se codo, che ricerca il bisogno, elle si preseruino, et non si scacellino, come se fuisse no sole di inchiostro; ilche si debbe ancora molto auertire nello imprimere, ò i numeri, ò le lettere, con i punzoni di acciaio, perche nel batterli poco, non rimâgono improntate dette lettere, ò numeri, et nel batterli troppo, uano tanto à fondo, che offuscâdosi, et le lettere, et i numeri, non si discernono. Bisogna adiûque batterli à modo; et però è bene farne prima un poco di pruoua, ò di esperimenta in su uno altro pezzo uolo di argento, ò di ottone, ò di bofso,

LIBRO

di qual altro legno si sia, che facciamo la nostra bussola, et fatto tal pruona, improntare poi à discretionelette lettere, o numeri in detta bussola. Disegnata in questa maniera la bussola, è di necessità scavare un certo spatio intorno al centro, col tornio, o meglio con un ferro fatto à posta per metterui il perno, che ha à reggere lo ago, et sopra porui poi il uetro: et per più dichiaratione, fabbrichi un ferro, che sia dal mezo in giù di acciaio, con una punta sottilissima, dalla quale si parta il taglio del ferro largo per la metà di quel che uogliamo, che sia il cerchio da scaiarsi; et dipoi con un altro taglio più lontano dalla punta, et più verso il manico, che farà la seggiola, sopra la quale si poserà poi il uetro. Et eccone lo esempio A, punta, B manico, C taglio primo, D taglio secondo.

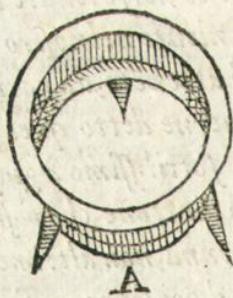


Questo ferro uuo hauere la püta tòda, i tigli smussati, come i ferri da pialla, et il manico quadro: il quale nesso in un uolgitoio come si usa, nel girarlo attorno ci farà il cerchio scauato, che haremos dibusogno per la bussola, applicando la püta al centro della detta bussola. Puossi ancora à detto ferro fare un manico à guisa di scuochiello, et cõ la mano poi girarlo: ma più presto, più facile, et più netto si opera cõ il uolgitoio, il quale per essere instrumento molto noto non descriuo altrimenti. Nel centro dipoi di questo scauato si debbe collocare un pnetto diottone cõ la püta sottilissima, che debbe regere

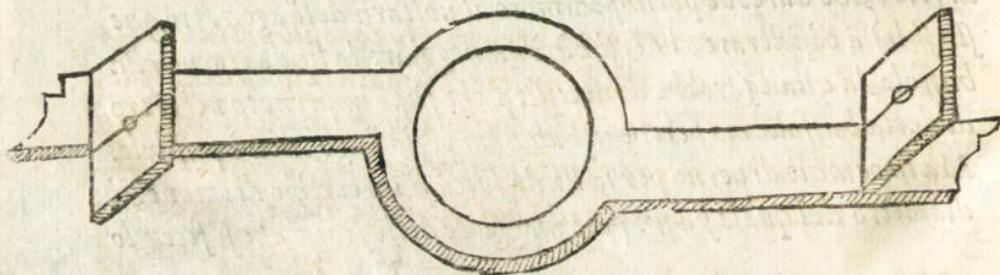
gere l'ago: questo per bisogno auvertire, che non sia tanto lungo
che, posato ui sopra lo ago, copertolo con il uetro, ò cristallo, uèga
detto cristallo, ò vetro à toccare l'ago, et impedirlo dal suo potersi
voltare alla tramontana, come fà sempre, calamitato che egli è, et
non mi è nascoso, che non si uolta precisamente alla tramontana, ope
rando noi in questi nostri paesi; perche sò, che ci si fà una differentia
di sette in otto gradi: ilche molti dicono perche la calamita nō trae
à dirittura alla tramontana, et che tal virtù di tirar, che ella fà il
ferro, non viene dalla tramontana; ma da certi monti della Norue
gia, che sono tutti di questa minera della calamita, i quali nel tira
re le diritture della tramontana pendono uerso leuante i detti otto
gradi: ma importandoi questo poco, ò niente nel nostro operare, lo
lascieremo, come cosa per hora à noi nō attenête, da parte, et torne
remo al nostro proposito bastādoci hauerne detto quel poco, che si
è detto di sopra. Lo ago si fà di acciaio sottilissimo à guisa di frec
cia, et talmète bilanciato nel suo coppo di ottone, che posto sopra di
un perno, tāto pesi la pūta quanto la penna, non altrimenti, che se
fusse una giustissima bilacia. Tēperasi dipoi sopra un ferro rouëte,
tanto, che pigli il colore della uiola mamonla, et tēperatosi calam
ita, et calamitato, si mette sul perno della buffola, et si cuopre con
il uetro, ò cristallo; et per fermare detto cristallo, si fà un cerchiet
to di filo di ottone, ò di rame, che serrādosì nella seggiola, tiene det
to uetro, et dico di ottone, ò di rame, acciò nō ci uenisse fatto di fil
di ferro, che darebbe poi impedimēto al uoltarsi dell'ago. Fatto que
sto si ha à cōsiderare, che ci si ha à maneggiare la linda à tornio alla
buffola, la quale sarebbe di necessità, che fusse impernata nel cetro
di detta buffola, ma perche ui habbiam posto l'ago, non è possibile.
Ma in cambio di perno per la linda facciasi un cerchio di ottone, il
diametro del quale sia un poco maggiore dello scauo, che si fece à lo

L I B R O

ago. Questo cerchio uorrebbe ſer talmente fatto, che fuſſe mafficio da non ſi poter torcere, et haueſſe di ſotto da quella parte, che ha da poſare ſul piano della buſſola, tre punte da poterlo con eſſo fermare in detto piano: et perche ha da tenere ancoral' altro cerchio della linda, che ſe li debbe girare attorno, come diremo, debbe hauere una intaccatura attorno attorno, che ritenga poi il cerchio della linda, che girandosi non ſalti fuſo, la quale intaccatura chiarniamo A.



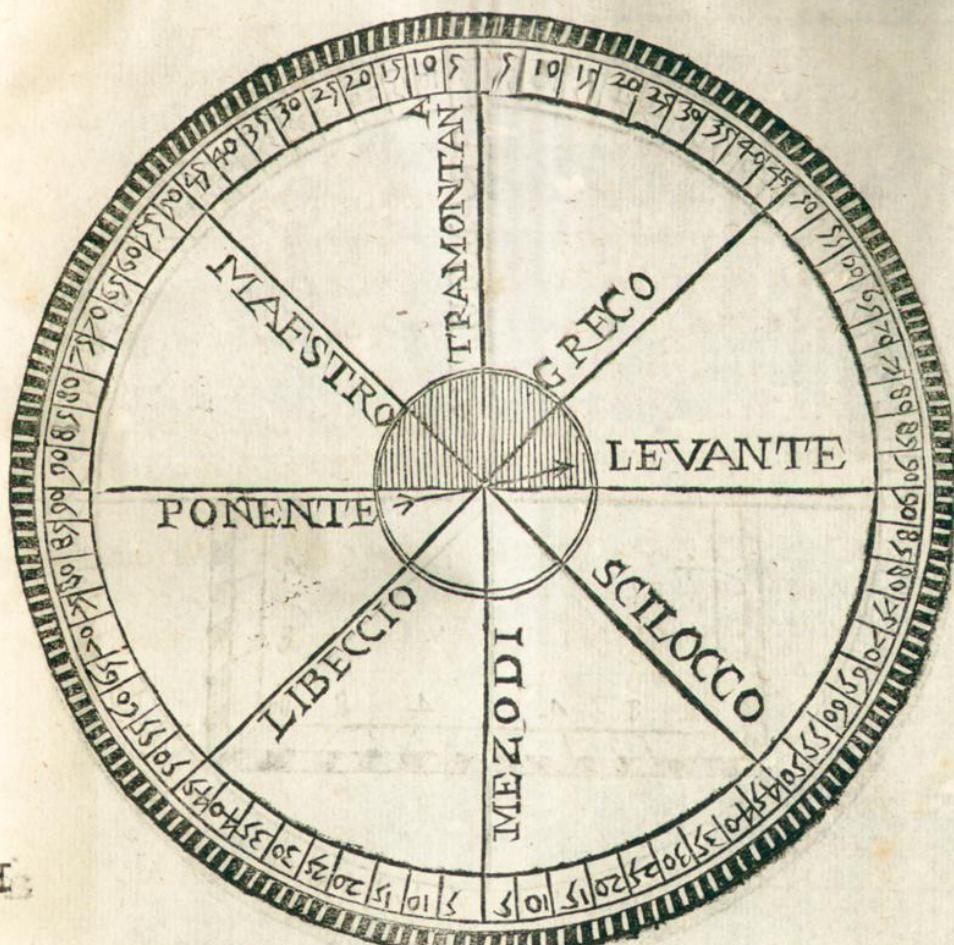
Questo ſi fatto cerchio ſi fermarà con le dette tre pûte talmête ſul piano della buſſola, che ugualmente la ſua circumferentia venga da per tutto lontana à un modo dal perno dell' ago della buſſola, et però vuol eſſere di dentro, et di fuori torniato pulitiffimamente, di dentro perche ſcuopra ſenza impe-
dimento il vetro, et l' ago, & di fuori, perche vi ſi poſſa girar attorno giuſtissimamente il cerchio della linda, la quale à corriſpon-
dentia faremo in queſto modo.



Così dunque faremo dato fine alla bussola: ma uolendo seruire
à descriuere con essa una Prouincia, ò una Regione, ci sarà molto
commodo fare un' altro instrumento pur tondo simile alla bussola,
cioè diuiso in tre 360. gradi 90. cioè per quarta, et in esso della
parte di mezo di, disegnisi la scala altimetra in questo modo. diui-
dasi tutto il cerchio in quattro parti uguali, & da dette diuisioni,
nella parte però di sotto, si tirino tre linee, che attrauersino la li-
nea meridiana ad angoli à squadra, & termini la prima nel cer-
chio, nel quale son descritte le cinquine de gradi circolari, & lasci-
no queste tre linee fra di loro duei spatiij l' uno maggiore dell' al-
tro; dipoi tirinsi per il trauerso le dette tre linee, sino à tanto, che
da ogni banda terminino nella linea, che passando per il centro fà
leuante, & ponente. Scompartischiensi dipoi dette tre linee talmen-
te, che se ne facci dodici parti per lato, cioè dodici da mezo di ver-
so ponente, dodici dal detto mezo di uerso leuante, & dodici da
ciascun lato delli angoli insino alla linea, che fà come si dice leuan-
te, et ponente; et applicando una testa del Regolo ferma al centro,
tirinsi linette à schiaccio, che diuidino le tre linee in parti, et à quel
le si applichino i numeri, cominciando à porli, dalla linea di mezo
di, & andare uerso li angoli, et il simile si faccia delle altre parti,
che varno à terminare nella linea, che fà leuante, & ponente. Que-
sto instrumento, ò bussola ritta, non ha bisogno di ago, ma si bene
di una linda con le sue mire impernata nel centro, è di necessità fer-
mare questa bussola in uno stile, che à squadra si rilieui di su la lin-
da della bussola piana, et talmente, che il suo profilo batta in su la
linea della linda piana, che da molti è chiamata la linea della fede,
& che nel muouer la linda della bussola piana in qua, ò in là, à
quei gradi, che ci occorrono, porti sempre seco questa bussola ritta;
& auuertiscasi, che lo stile della bussola ritta sia per ogni uerso à

LIBRO

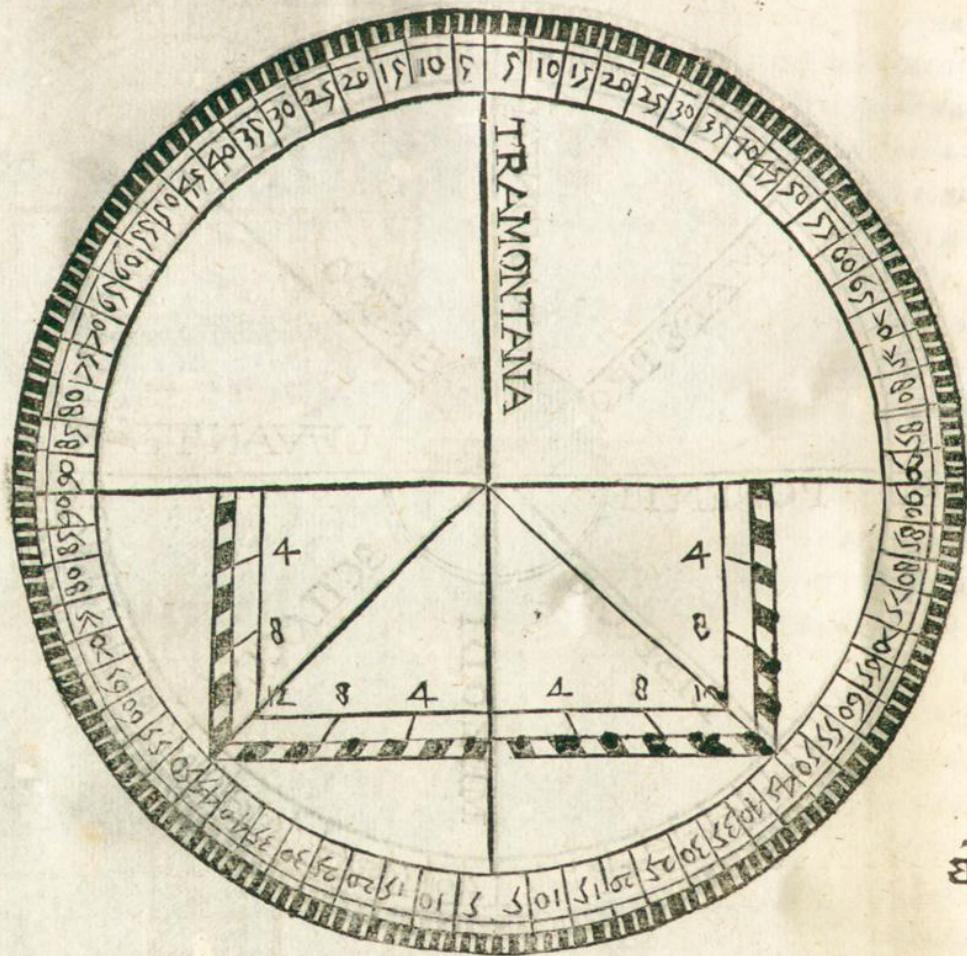
piombo su la linda della bussola piana, ilche si uedrà cō due i piombetti collocati in detto stile, come si uedrà in disegno. Bisogna anco auuertire nel collocare questo stile su la linda, che non impedisca le mire della linda piana: ilche si farà facilmente lasciādolo da piè nel mezo aperto à guisa di porta, alcuni hanno usato nel collocare questo stile su la linda, accommodarlo di sorte, che à sua commodità lo possino leuare, et porre; ilche io lodo grandemente, si per potere maneggiare la bussola piana à levar le piante, senza la ritta; si ancor per la commodità del poter mettere l'una, & l'altra bussola in una scatola, et portarla oue ci farà di bisogno, pur che lo stile, & la linda sia di materia soda, che nel commetterli insieme faccino sempre angolo à squadra, nè uò mancar di dire, che le dodici parti di qual si uoglia lato della scala altimetra si debbon dividere ciascuna in quattro parti, cioè gradi, talche dalla linea meridiana alli angoli venghino per ciascun lato gradi 48. et così per li altri lati, come si uedrà nel disegno: ma porremo prima il disegno della bussola piana.



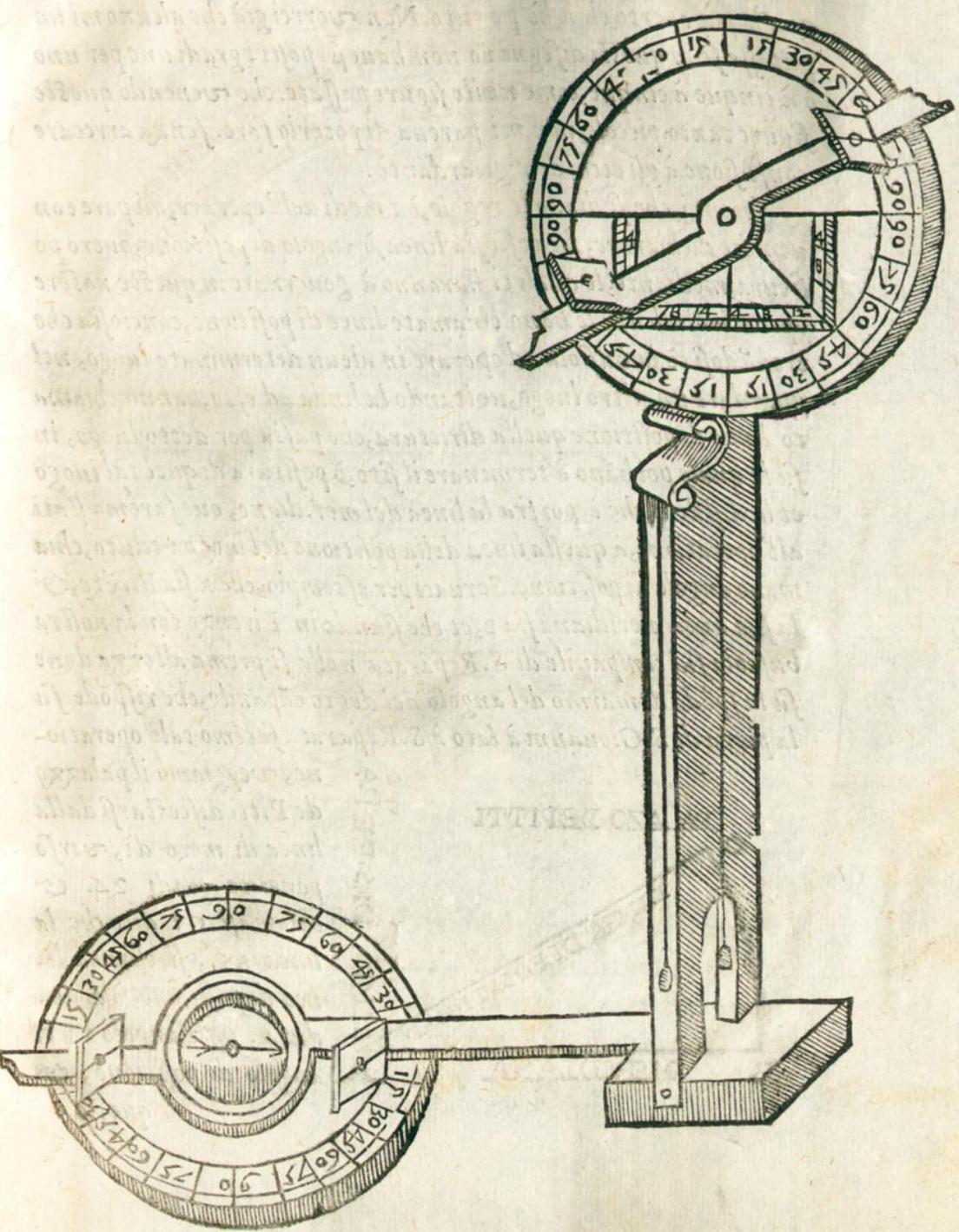
Poi che di là si è posto il disegno della buffola piana senza la linda, mi pare ragione uole mettere al presente in disegno la buffola ritta senza la linda per maggior dichiaratione; come dopò questo si metterà anco in disegno l'una & l'altra buffola, applicate insieme con le loro linde, & stile, & altre appartenenze.

Ben

LIBRO



Ben uò credere, che, mediante il presente disegno, ogni ragionevole ingegno potrà conoscere, in che modo habbi ad essere applicata la bussolaritta sopra la piana, quando bene ne gli scritti passati hauessi hauuto qualche difficoltà circa lo intenderli; ancor che per quanto mi è stato possibile io mi sia ingegnato di essere stato più largio, O



LIBRO

go, & più aperto ch' io hò potuto. Non vorrei già che alcuno mi imputasse se in questi disegni io non hauesi posti i gradi uno per uno & à cinque à cinque, come nelle figure passate: che venendo queste figure tanto piccole, non mi pareua di poterlo fare, senza arrecare confusione à gli occhi de riguardanti.

Inanzi, che si diano le regole, & i modi dell'operare, mi pare conueniente dichiarare, che cosa sia linea, & angolo di positione, ouero positura, mediante, le quali ci baranno à gouernare in queste nostre operationi: alcuni le hànno chiamate linee di positione, conciosia che trouâdosi cõ la bussola ad operare in alcun determinato luogo, nel guardare un' altro luogo, uoltando la linda ad esso, hanno chiamato linea di positione quella dirittura, che passa per detto luogo, insu la quale poi hànno à terminare il sito, & positura di quel tal luogo et la distâtia, che è poi fra la linea del meridiano, oue saremo stati all' operatione, à questa linea della positione del luogo ueduto, chiamano angolo di positione. Seruaci per esempio, che A sia Firenze, & la sua linea meridiana sia B, et che stando in Firenze con la nostra bussola sul campanile di S. Reparata nella suprema altezza dove su la spôda di marmo del angolo del detto campanile, che rispôde su la piazza di S. Giouanni à lato à S. Reparata facêmo tale operatio-

PA-AZO DE PITTI



ne, veggiamo il palazzo de Pitti discostarsi dalla linea di mezo dì, verso ponente gradi 24. & chiamasi C: dico che la linea AC, si chiama linea di positione, & di ueduta, & l'angolo ABC angolo di positione, & questo

questo ci basti per tale dichiaratione; conciosia che io voglio più tosto chiamar la linea del luogo, che io guardo, & applicarui il nome di quel luogo; perche ne habbiamo dipoi bisogno per i riscontri delle intersecationi, come diremo disotto.

Come si operi con la bussola per descriuere vna Regione. Cap. II.

 **R A S E E R I R E M O C I** in alcum luogo alto, et che non habbia impedimenti attorno, acciò le vedute sieno libere, et spedite: et quiui fermeremo la bussola à piano, et talmète uolta, che l'ago venga à dirittura della tramontana, & tenendola ferma, uoltisi la linda à luoghi, che noi uogliamo uedere: & se alcuni di detti luoghi ci uenisse tanto sotto, che noi non lo potessimo uedere per le sue mire, guarderemolo per le mire della bussola ritta: che tra portata dalla linda della bussola piana, ci darà commodità di uedere detto luogo: & ueduti i luoghi da prezzo, o da lontano, notinsi da parte i nomi di detti luoghi, & i gradi doue batte la linda nella bussola piana. Fatto questo, & notati tutti i luoghi, che ci occorreranno, è di necessit à transferirsi con la bussola in uno altro de già ueduti luoghi, doue posta la bussola à piano, uolta ò pur l'ago alla dirittura della tramontana, come si fece nella prima operatione, uoltisi la linda à tutti i luoghi, che uedemo nel primo luogo della prima operatione; & notinsi da parte ancora i nomi di detti luoghi, et ilor gradi della bussola piana. Fatta l'una et l'altra operatione, et presi i gradi, et nomi de luoghi, apparechisi un cartone tåto grande, attaccando più fogli insieme & per la lunghezza & per la larghezza, quanto uorremo, che sia la Provincia che vorremo descriuere: faccisi ancora un cerchio.

di

LIBRO

di cartone, quasi à guisa di buffola scompartito in 360. gradi 90. cioè per quarta come la buffola, da poterlo applicare più quà, et più là per detto cartone, et seruircene in più luoghi. Ordinate queste cose, stabiliscasi un punto, ò nel mezo di detto cartone, ò in altro luogo, secondo che daremo principio à disegnare detta Prouincia, ò da un luogo, che sia nel mezo; ò da un luogo, che fusse da una testa, ò da un lato vicino à cōfini; Et per uenire all' esempio dicasi, che lo Stabilito punto sia il campanile di S. Reparata, dove stemmo à fare la prima operatione; applichi si la bussoletta di cartone col suo centro al detto punto, e poi si tiri la linea fra tramontana, et mezo di à dirittura; ricorderemoci, che notammo da parte nella p̄ima nostra operatione, che haueuamo trouato il palazzo de Pitti à gradi 24. fra mezo di et ponente: per ilche posta una testa del regolo al centro di questa bussoletta, andremo cō l'altra à trouare li detti 24. gradi fra mezo di et ponente, & tireremo una linea senza inchiostro; alla fine della quale in lato, che nō impedisca il campo, scriuerremo il suo nome, cioè Palazzo de Pitti: ricorderemoci ancora, che vedemmo la torre de gli Alessandri à gradi 55. fra tramontana, & leuante, & il palazzo di sua Eccellenza Illusterrissima à gradi 10. tra mezo di, & leuante; Monte oliveto à gradi 81. fra mezo di, & ponente. Beluedere à gradi 66. fra mezo di, & ponente, Bello sguardo à gradi 53. fra mezo di, & ponente, la Petraia à gradi 14 fra tramontana, & ponente, Fiesole à gradi 40. fra tramontana, & ponente: il Caualliere, ouer Bastion di S. Giorgio, à gradi 3. fra mezo di & ponente: da quali gradi si debbon à ciascuno da per sè tirare le loro linee, secondo che ci darà il centro della bussoletta di cartone, et il grado luogo per luogo, & notarle con i lor nomi; talche baremo di già le diritture di detti luoghi della prima operatione. Trasferimmo ci dipoi per la

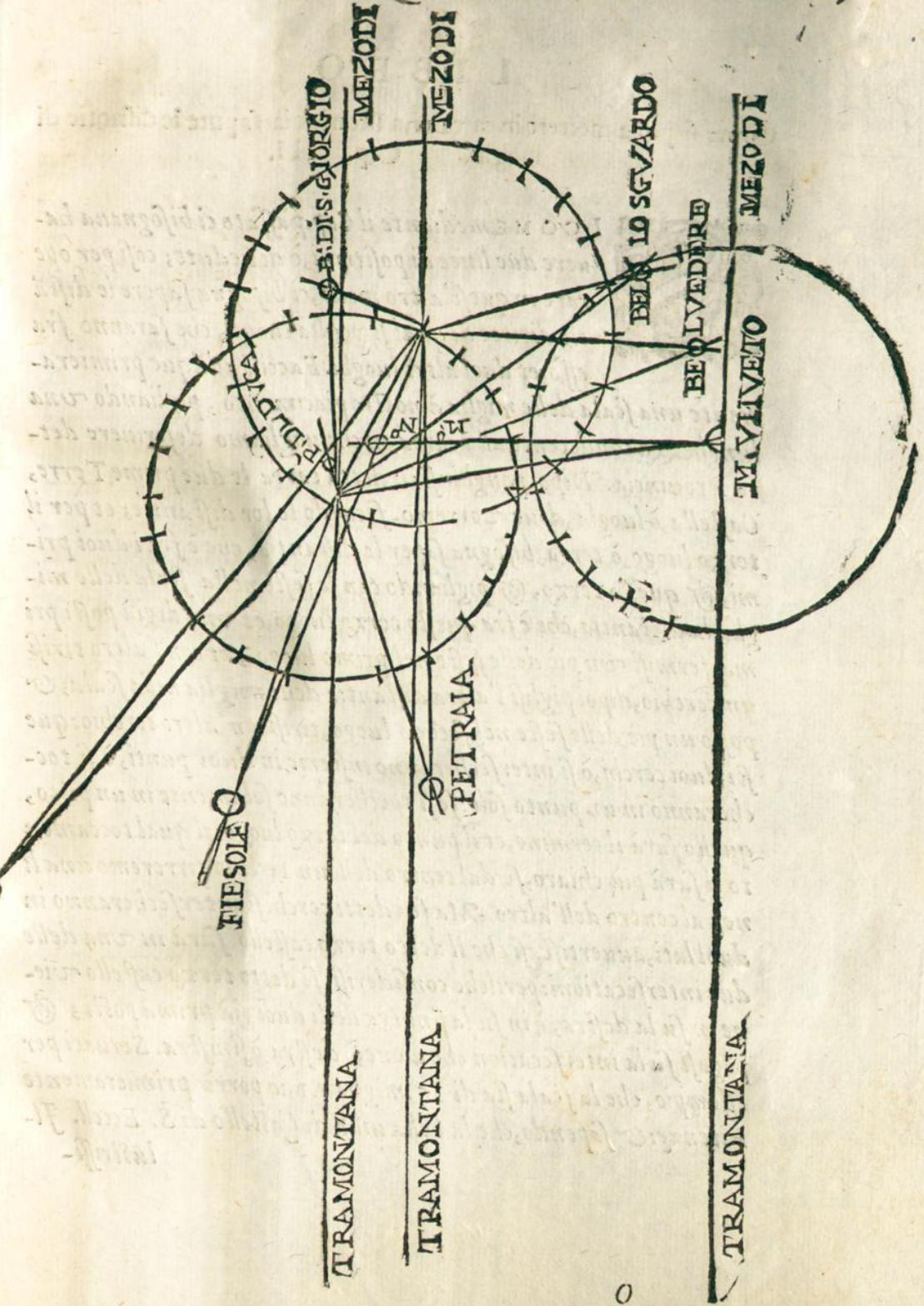
la seconda operatione al palazzo de Pitti, & saliti al secondo finestrato posta la bussola su lo angolo verso Arno della facciata dinanzi, quiui facemmo la seconda operatione. Et però lieuisi la bussoletta di sul cartone di quel luogo, che ci ha seruito per il campanile alla prima operatione, & trasportisi su per la linea della ueduta del palazzo de Pitti presso, o lontano, à nostra commodità, ad un punto determinato, che ci serua per il canto, o angolo del palazzo de Pitti alla seconda operatione, & accomodisi di maniera, che tirando la linea da tramontana à mezo di, sia parallela, et ugualmente lontana dall'altra, che tirammo per la prima operatione. Collocata la bussoletta in questa maniera, vedremo, che il campanile di S. Reparata batterà ancor esso fra tramontana, & leuante à gradi 24. luogo o grado à punto opposto alla prima operatione, nella quale stando sul campanile di S. Reparata vedemmo il palazzo de Pitti à gradi 24. fra mezo di, & ponente. Et però in questo luogo non occorre tirare altra linea perche il centro della bussola serue per il palazzo de Pitti. Fatto questo, ricorderemoci, che nella seconda operatione uedemmo la torre de gli Alessandri à gradi 47. fra tramontana & leuante, & però tirisi una linea, che passando dal centro della bussoletta per detti gradi 47 vadi ad intersecare la linea di detta torre delli Alessandri della prima operatione, & doue occorre detta intersecatione, quiui sarà il luogo di detta torre. Ricorderemoci ancora, che in questa seconda operatione trouammo il palazzo di S. Eccellenza Illustrissima à gradi 37. fra tramontana & leuante. Monte olineto à gradi 74. fra tramontana, & ponente. Belvedere à gradi 89. fra tramontana, & ponente. Bello sguardo à gradi 73 fra mezo di, & ponente, la Petraia à gradi 5. fra tramontana, & ponente. Fiesole à gradi 27. fra tramontana, & leuante, il Caualliere

L I B R O

ualliere di S. Giorgio à gradi 59 fra mezo di levante: Et però tiransi le lor linee, che dal centro della bussoletta, et da gradi di ciascun luogo uadino ad intersecare le linee della prima operatione; et nelle intersectioni, che fanno dette linee, si ponghino i luoghi loro come ne disegni si può uedere. Et auvertiscasi, che se per sorte accadesse, come tal uolta occorre, che nell'una operatione et nell'altra ci uenisse per dirittura alcun luogo, che non sapeſſimo doue collocarcelo, ò più inanzi, ò più indietro per detta linea: bisogna trasferirſi in un terzo luogo à far la terza operatione per detto luogo: come per esempio, se nella linea, che è fra il campanile et i Pitti fuſſe anco il Mercato Nuouo, talche non sapeſſimo doue collocarcelo, trasferiremoci con la noſtra buſſola à Monte oliueto; et posto l'ago alla dirittura della tramontana, uedremo che ci darebbe detto Mercato Nuouo à gradi 86 fra tramontana et levante: tireremo adunque una linea da Monte oliueto per detti gradi 86 et doue ella interſecherà la linea tirata infra il campanile et il paſſo de Pitti, quiui farà il luogo di Mercato Nuouo, come per maggiore dichiaratione ſi vederà nel diſegno che ſegue.

Q V A R T O

165



L I B R O

Come si possa mettere in carta vna Prouincia sapute le distantie di luoghi. Cap. III.

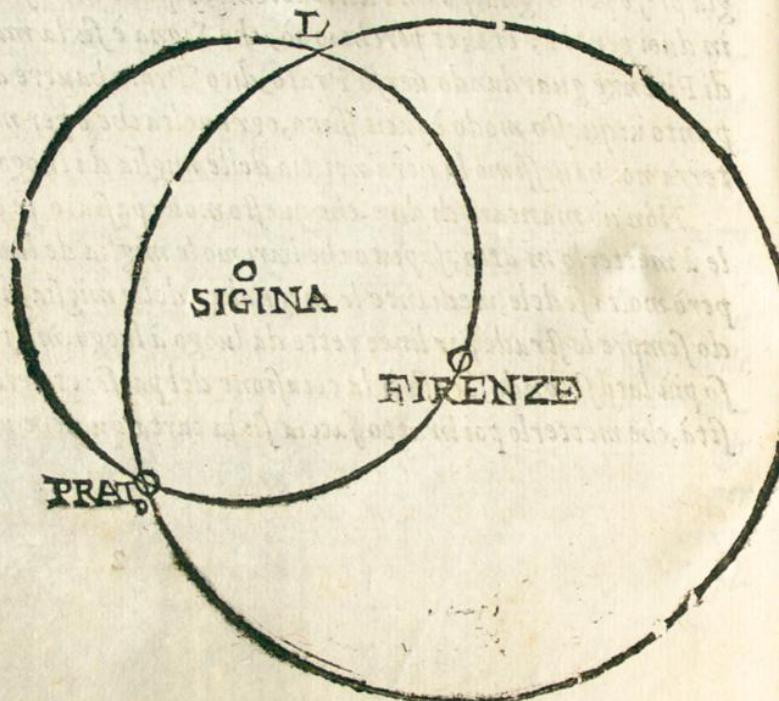
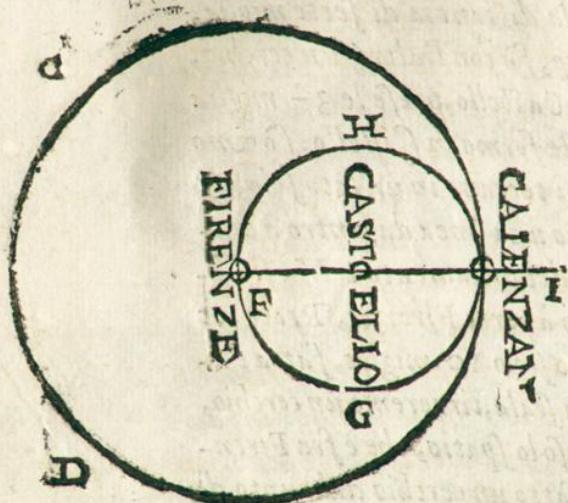


I C O M E mediante il Cap. passato ci bisognaua ha-
uere due linee di positioni, ò di uedute; così per ope-
rare in quest' altro modo, ci bisogna sapere le distan-
tiae diritte di qual si voglia luogo, che saranno fra
esso, et duoi altri luoghi. Facci si adūque primiera-
mente una scala delle miglia à nostro piacimento, pigliando una
lunghezza condecente alla carta, in che uogliamo descriuere detta
Prouincia. Dipoi ponghinsi in detta carta le due prime Terre,
Castella, ò luoghi, dove vorremo, secondo le lor distantie; et per il
terzo luogo, ò terra, bisogna saper la distantia, che è fra i duoi pri-
mi, & questo terzo, & pigliando con le seste nella scala delle mi-
glia la distantia, che è fra questo terzo luogo, et uno di già posti pri-
ma, fermisi un piè delle seste nel primo luogo, et con l' altro tirisi
un cerchio, dipoi pigliisi l'altra distantia delle miglia nella scala; &
posto un piè delle seste nel secodo luogo, tirisi un altro cerchio: que-
sti duoi cerchi, ò si intersecheranno insieme in duoi punti, ò si toc-
cheranno in un punto solo: se si toccheranno solamente in un puto,
quello sarà il termine, et il punto del terzo luogo: il qual toccamen-
to ci sarà più chiaro, se dal centro dell'un cerchio tirreremo una li-
nea al centro dell' altro. Ma se i detti cerchi si intersecheranno in
duoi lati, auuertisca si che il detto terzo castello sarà in una delle
due intersecationi: per ilche considerisi, se detto terzo castello viene
in su la destra, ò in su la sinistra dell'i duoi già prima posti; &
poggasi su la intersecation che uiene, ò destra, ò sinistra. Seruaci per
esempio, che la scala sia di 15. miglia A B, io porrò primieramente
Firenze: & sapendo, che la bella uilla di Castello di S. Eccell. Il-
lustriſſi-

lustrißima, è lontana da Firenze per tre miglia e mezo, piglio la distantia di tre miglia e mezo nella scala, et fermo un piede in Firenze; fò con l'altro un punto, che serue per detta villa di Castello; dipoi per porre Calenzano, sapendo che da Firenze à Calenzano sono sette miglia, piglio nella scala la distantia di sette miglia, et fermo un piè delle seste in Firenze, fò con l'altro un cerchio, quale è C D E. il simile fò della villa di Castello, preso le $3\frac{1}{2}$ miglia nella scala; et tenendo un piè delle seste fermo in Castello, fò uno altro cerchio F H G; questi duoi cerchi si toccano in un lato solo, et detto toccamento, è incerto, et però tiro una linea da centro à centro, et dico, che Calenzano è nel punto del toccamento I. Ma se haueſſimo uoluto uedere, doue haueſſimo à porre Firenze, Prato, et Signa: sapendo che da Firenze à Prato sono 10. miglia, fatta l'apertura di 10. miglia con le seste nella scala, tirreremo un cerchio, fermo il piede in Firenze: et dipoi preso lo spatio, che è fra Firenze, et Signa, che sono sette miglia, et fatto un cerchio dal punto di già preso per Signa; fò uno altro cerchio, il quale interſeca il primo in duoi penti K, et L; et perche io sò, che Signa è su la man sinistra di Firenze guardando uerso Prato, dico Prato haueſſe à porsi nel punto K: questo modo è facilissimo, ogni uolta che ò per mare, ò per terra noi haueſſimo la uera notitia delle miglia da luogo à luogo.

Non uò mancare di dire, che questo modo paſſato, se bene è facile à metterlo in atto, ſaputo che baremo le miglia de luoghi, non è però molto fedele, mediante la inegualità delle miglia, non andando ſempre le ſtrade per linee rette da luogo à luogo, ma torte in uero più lati, ſecondo il caſo, ò la occaſione del paefe: et però è di neceſſità, che metterlo poi in atto faccia ſu la carta qualche uarietà.

LIBRO A VO



Come si truouui vna distantia di vn luogo e sia quanto si voglia
lontano. Cap. IIII.

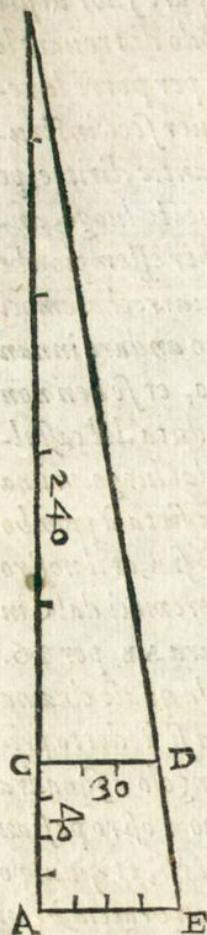
ANCORA che il medesimo si sia insegnato nel terzo cap.
¶ nel quarto del primo libro, non mi pare fuor di pro-
posito replicare in questo luogo vn modo di trouare le
distanze; atteso quanto sia necessario per porre le re-
gioni in carta, et che molte uolte accaggia non hauer seco instru-
mento alcuno; con che pigliare si possino dette distantie diritte; pe-
rò si ami concesso il poterlo quasi che replicare in questo luogo, an-
corche si uarij qualche cosa da modi detti. Seruaci per esempio, che
sia un castello, del quale uogliamo saper la distanza: arrecheremoci
in un campo largo, et spazzato, per il quale possiamo andare innan-
zi e indietro, et tornare ancora à nostro piacimento, et se ben non
sarà piano, non importa molto. Quindi presa la ueduta del castel-
lo, accosteremoci per linea diritta ad esso castello dal luogo prima
determinato, per 35 passi, et qui si rizzisi in terra fitta à piombo
un'asta, la quale chiamaremo C, il castello da uedersi B, et il nostro
primo luogo oue ci ponemo A. Fatto questo, discosteremoci dal C in
su la mano ritta ad angolo à squadra dalla dirittura A B, per 26.
passi, et in questo luogo porremo una seconda asta, la quale chiama-
remo D: doueuasi porre per terza asta A se bene non si è detto pri-
ma, et partendoci da essa douemo discostarsi ad angolo à squadra
uerso la man destra, tanto che la ueduta dell'occhio nostro passan-
do per la secoda asta D, arrivi al Castello da misurarsi, et qui si po-
ni un 4. termine, ò asta che sia E, misurisi dipoi, ò con braccia, ò con
cane, quante le siano fra C et D, prima, et seconda asta, et ponghinsì
da parte il numero di questa prima lontananza, misurisi dipoi, quan-
te braccia sono fra C et A, la quale chiamaremo lontananza seconda,

O 3 ɔ por-

LIBRO

et porremo da parte anco questo suo numero: ultimamente misurisi la terza lontananza, cioè fra A, C, E, e ponghinsi da parte ancora le sue braccia. Traggasi dipoi la prima lontananza dalla terza;

B



E quel che ce ne resterà, diuenterà il nostro partitore. Multiplichisi dipoi la terza lontananza per la seconda e quel che ce ne resulta, partasi per il partitore: E quel che ce ne verrà sarà la dirittissima distantia fra A, E B, cioè fra la terza asta, e il castello. Dice si adunque, che essendoci discostati dal C ad D, per 26. passi, che sono braccia 30. in circa, che poco, o niente posson uariare di questo. Et dal C A per 40. braccia, E dalla A E, per braccia 36. traggasi il 30. dal 36. et ce ne resterà il partitore, che sarà 6. multiplichisi dipoi il 40 per 36. et ce ne verrà 1440. il qual multiplicato partito per 6. ci darà braccia 240. che è la vera diritta lontananza fra A et B: et è chiarissimo, che questo modo è certissimo, ogni volta che nel discostarsi per lato dalla prima ueduta, E seconde, ce ne discosteremo ad angoli retti, così l'una volta, come l'altra; ma credo bene, che senza un quadrante, o altro instrumento simile, difficilissimamente potremo discostarcene ad angoli à squadra: et quanto maggiore fusse detto quadrante

quadrante tanta più giusta sarebbe la operatione; ma mostri si la figura per maggiore dichiaratione. Non è dubbio, che chi considererà diligentemente, potrà congetturate, che questo medesimo si può fare con il quadrante, come si fece nell'operare, che si insegnò nel primo libro, et che poco di sopra si è allegato; modo insegnato dal Perurbachio, et dall'Orontio, & da altri: ma auvertiscasi, che quanto maggiori si piglieranno le distantie fra asta, & asta, tanto più giusta tornerà la operatione, la quale non vorrebbe passare però molta gran lontananza; si per la piccolezza della scala al timetra descritta nel quadrante; et si per la acutezza de razi della veduta, che non è possibile, che non vadino in qualche cosa variando, ma parendomi, che nel primo libro se ne sia parlato à bastanza, & por fine à questo ragionamento.

Come veduti due, ò tre luoghi, si possino giustamente trouare le loro distantie, mediante le linee, & gli angoli delle positioni, anche non ci trouassimo in alcuno di detti luoghi; & come si possa disegnare una prouincia senza la bussola ritta, & senza l'osseruatione della tramontana. Cap. V.

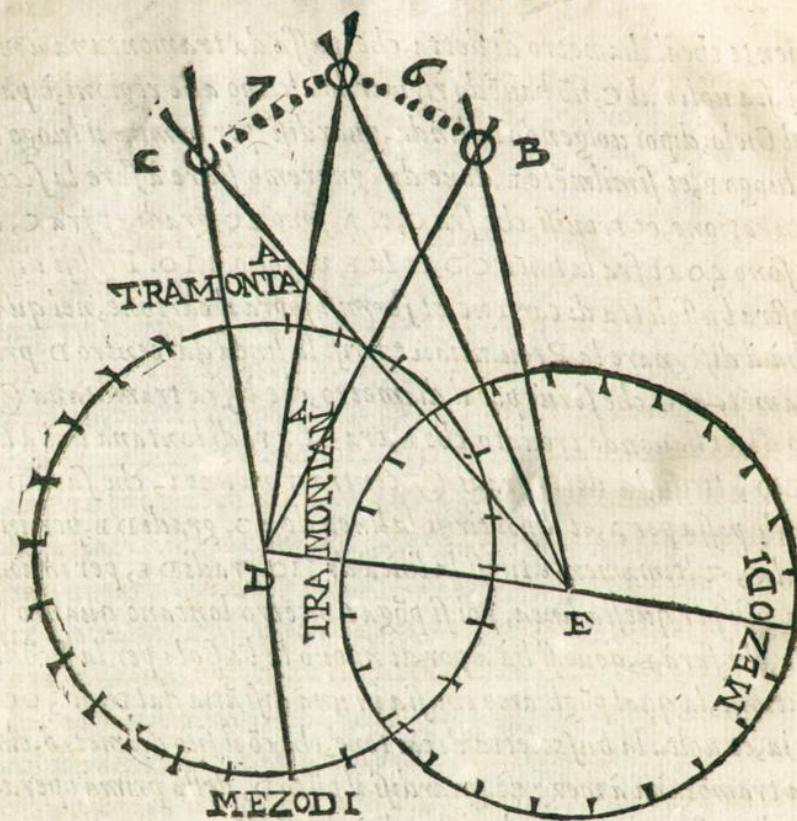
PE r trouare la uera distantia di 3. ò 4. luoghi, andrē cene con la bussola in una campagna; & non atten-dēdo alle regioni del cielo, uolteremo uno de suoi diametri, cioè quello, che vā da tramontana à mezo di ad uno de luoghi da misurarsi, et sia qual si uoglia: dipoi uoltisi la linda (stādo ferma la bussola) à tutti i luoghi, che uorremo misura-re. Et notansi i gradi, et i nomi de luoghi, secondo che si accostano, ò discostano dal detto diametro dalla bussola, et il luogo ancora do-ne disegneremo stare alla seconda operatione, et secondo che già se

LIBRO

disse nel secondo capitolo di questo libro, ponghinsi con la bussola
ta di cartone in carta dette linee. Trasferiremoci dipoi in quel luogo,
doue vorremo stare per la seconda operatione, che far un 30.
braccia, o più lontano, per la dirittura nondimeno del luogo dise-
gnato per la detta seconda operatione, et uolteremo la bussola, che
con il suo diametro, che passa da tramontana à mezo di, guardi
uerso il luogo della prima operatione, et veggasi doue battono, cioè
à quanti gradi le linee delle cose, o luoghi, che vedesi nella prima
operatione, in questa operatione seconda; et notansi i nomi, et i gra-
di da parte. Fatto questo, pongasi la bussola di cartone su la car-
ta, che uorremo, che serua à descriuere tal Regione; talmente, che
il diametro, che passa da tramontana à mezo di, uadi à trouare il
luogo della prima operatione, et di qui si tirino le linee della ve-
duta, o positione di questa seconda operatione, et doue elle interse-
cheranno le altre à lor simili, cioè de medesimi luoghi, et nomi del-
la prima operatione, qui si sarà i termini, et le positure di detti tuo-
ghi. Misuransi dipoi quâte braccia sono dal luogo della prima ope-
ratione al luogo della secôda, perche mediante queste misure troue-
remo le misure de gli altri luoghi in questo modo. Diuidasi la linea
che è fra un centro, et l' altro della prima, & seconda operatione,
in quâte parti noi uorremo, et secôdo queste parti, misuransi le di-
stâtie, che son poi fra luogo et luogo. Multiplichisi dipoi quelle tali
parti, che sono fra i duoi luoghi, per la lontananza, che è fra le due
operationi; et quel che ce ne niene, partasi per le parti delle opera-
zioni, et haremos la uera distâcia de luoghi, et il simile si faccia del-
li altri luoghi. Ma perche si è parlato alquanto sicuramente, uengasi
allo esempio, per facilitare la cosa. Siano tre luoghi ABC, de quali noi
uogliamo sapere le distântie fra l' uno, & l' altro, senza hauerci à
trasferire in alcuno di essi: io porrò la nostra bussola nel punto D,
talmente

tamente che il diametro di detta, che passa da tramontana à mezo dì, sia uolto al C, nō hauendo riguardo alcuno alle regioni, ò parti del Cielo, d'poi uolgendo la linda, guardisi per le mire il luogo A, et il luogo B, et similmente E, dove disegneremo stare à fare la seconda operatione, et trouisti, che fra C, et A, sono 20. gradi, et fra C, et B, ne sono 40. et fra la linea CD, et la E, ne sono 110. Pigli si dipoi la nostra bussola di cartone, et fermisi sopra il cartone, nel quale si ha à disegnare la Prouincia: et tirisi la linea dal centro D primieramente al C, che serue per il diametro, che è fra tramontana & mezo dì, et hauendo trouato, che A, era 20. gradi lontana dalla linea CD, tirisi da detti gradi & centro una linea, che farà DE la quale passa per A, et dipoi tirisi la linea de 40. gradi DB, per insino al G, ultimamente tirisi la linea di 110. gradi DE, per insino alia H, giù per questa linea, poi si poga un cetro lontano quanto si uoglia, che farà E, dove si ha à por di nuovo la bussola per la secôda operatione, la qual poggiamo che sia in una distâta dal D, di 300. braccia, et uolta la bussola di cartone, che cõ il suo diametro, che uà da tramontana à mezo dì, guardisi il punto D, della prima operatione, dipoi si uolta il regolo dal E al C, che si allontanava per 40. gradi, et quini si tiri una linea che interseca detto C, passando per detti 40. gradi, tirisi poi la A, che è à 60. gradi, et B alli 75. le quali linee diuidono tutte le linee della prima operatione. Fatto questo diuidasi la linea DE con le seste in dieci parti uguali, mediante le quali parti misuransi le distântie tra luogo & luogo, & dico per la regola delle tre cose se 10. mi da 300. & 10. ha fra B & A sei di quelle parti che, DE è 10. che mi darà 6. è chiaro, che mi darà 180. il che è la uera distântia fra AB, & in questo medesimo modo sapremo le distântie fra AC, DC, DA, DB, CB, EC, EA, & EB. & questo è il terzo modo da disegnare una prouincia, facilissimo più di

LIBRO



di tutti gli altri; conciosia che non si ha bisogno, se non d'un cerchio diuiso in 360. gradi con la linda; non ci fa mestiero di buffola ritta, ò in piano; non di obseruatione di tramontana; non di longitudine, ò latitudine: nō di distantie de luoghi, et è tanto certo, & chiaro modo, che serue per 200. 300. et 400. miglia, senza alcuno errore, ò differentia notabile; pur che l'occhio ci serua, et si faccino come si è detto 2. operationi da due luoghi, tal che le cose ci uèghino sempre vedute due uolte: et in questa maniera si può disegnare Città, Castella, Torri, Nascite, Suolte, ò Sboccamenti di Fiumi, Liti, Porti, et qual si voglia sorte di luoghi, ò siti.

Come

Come si possa descriuere vna Regione, ò Prouincia, sapendo le distantie, & li angoli delle positioni.

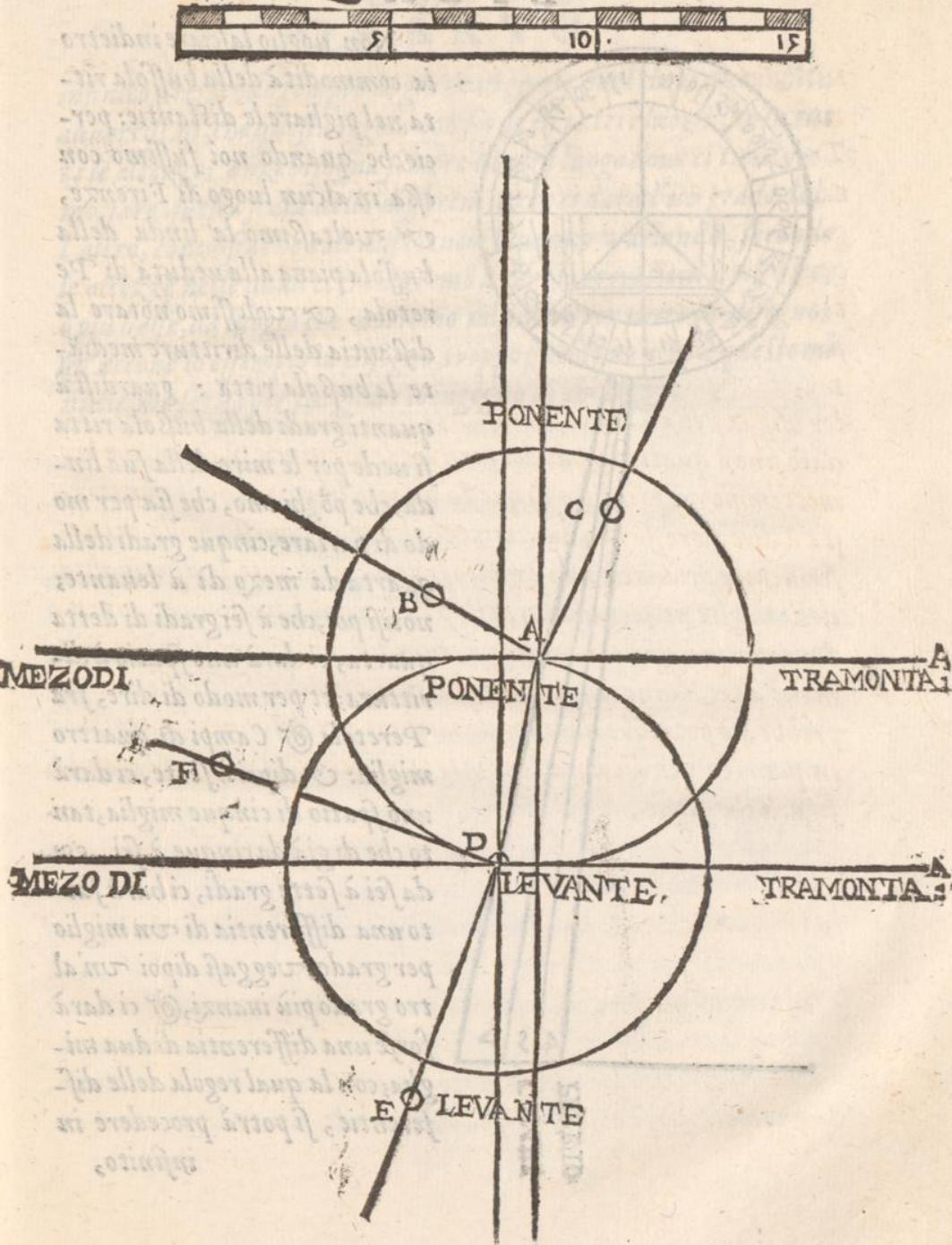
Cap. V I.

VESTO ultimo quarto modo è molto facile, ma si ha bisogno di due cose, prima di sapere le distantie, & poi trouare le linee delle positioni. Le quali cose qua
do haremos sapute mediante le cose di già insegnate: Piglisi la bussolella di cartone, et applichisi secondo il luogo donde si ha à cominciare in sul cartone: cioè se il luogo sarà nel mezo della Regione, ò Prouincia, pògasi detta bussolella di cartone nel mezo del cartone, et se altrimenti, pongasi secondo che ricerca il bisagno. Fatto questo, tiransi le linee delle diritture, ò positioni, in quel modo, che già si è insegnato. Fatto questo, faccisi una scala delle mi
glia secondo la grandezza della carta, dove vogliamo disegnare detta Prouincia, et da questa scala piglinsi le distantie, cioè la qua
tità delle miglia; et trasportansi dal centro, döde si tirarono le di
ritture sino alla quantità, che si farà presa luogo per luogo in det
te diritture, et se fatto vna prima operatione, ci piacerà di andare à fare la seconda, applichisi la bussolella di cartone ad uno de lu
oghi già descritti, uoltandola talmente, che tramontana corrispoda à tramontana, et mezo giorno à mezo giorno; & sieno ugualmen
te discosto, cioè parallelo l'un diametro all' altro; et dell' altre cose,
operisi come già si è detto. Sernaci per esempio, che il primo luogo
sia A, et i luoghi all'intorno siano B C D. Discostisi B da mezo di
verso ponente per 30 gradi, & C da ponente verso tramonta
na per uenti gradi, et D da leuante uerso mezo di per 10 gradi:
& fra B, & A, siano tre miglia, & fra C, & A, quattro, et fra DA,
cinque: io applico la bussolella di cartone alla A, & tiro linee AB,

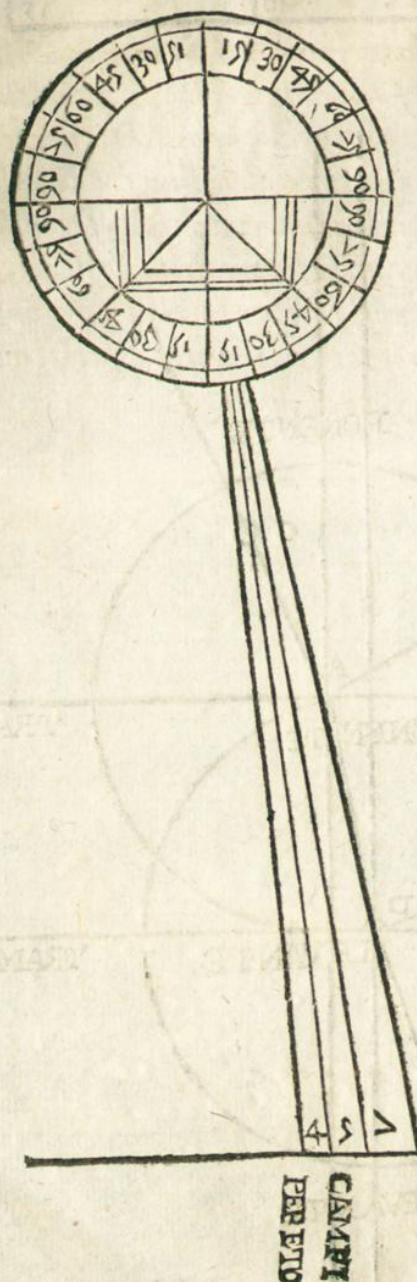
A C,

LIBRO

A C, & A D, secondo i loro gradi, dipoi piglio con le seste la quantità delle miglia luogo per luogo, & trasporto nelle loro linee. Trasferiscomi dipoi nel luogo D, intorno al quale sono duoi luoghi E & F, et la detta E si discosta da levante verso mezo di per 20 gradi, & F da mezo di, in ponente per duoi, & E è lontana da D per sei miglia, et F per sette. Pongo adunque la bussola di cartone nel centro D, talmente che la sua linea della meridiana sia parallela alla meridiana della prima positura, & poi tiro le linee D E, et D F, secondo i loro detti gradi : dipoi piglio le distanze delle lor miglia nella scala, et le trasporto nelle loro linee: et così faremo dato fine à quattro modi del mettere le prouincie in carta, che promettemmo nel principio di questo quarto libro: nel qual non ci resta à dire altro, se non auuertire chi legge, che questo modo del descrivere le prouincie non è molto fedele, mediante la disugualità delle miglia, et piegamenti delle strade: i quali modi se per auventura non piaceffino à qualcuno, ricordisi, che Gemma Frisio, & molti altri, hanno vsato dire, che se Tolomeo risuscitasse, non sa prebbe, nè potrebbe dare regole migliori per descrivere le regioni, in piano & per dichiaratione maggiore delle cose dette veggasi la figura che segue.



LIBRO



Non uoglio lasciare indietro
la commodità della bussola rit-
ta nel pigliare le distantie: per-
cioche quando noi füssimo con-
eßa in alcun luogo di Firenze,
e voltaßimo la linda della
bussola piana alla ueduta di Pe-
retola, e volessimo notare la
distantia delle diritture mediā-
te la bussola ritta: guardisi à
quanti gradi della bussola ritta
si uede per le mire della sua lin-
da; che pō ghiamo, che sia per mo-
do di parlare, cinque gradi della
quarta da mezo dì à leuante;
notisi poi, che à sei gradi di detta
quarta, ci darà uno spatio à di-
rittura; et per modo di dire, fra
Peretola e Campi di quattro
miglia: e dipoi à sette, ci darà
uno spatio di cinque miglia, tan-
to che di già da cinque à sei, e
da sei à sette gradi, ci harà fat-
to una differentia di un miglio
per grado, veggasi dipoi un'al-
tro grado più inanzi, e ci darà
forse una differentia di dua mi-
glia; con la qual regola delle dif-
ferentie, si potrà procedere in
infinito,

infinito, crescendo sempre di grado in grado quel che li tocca. Ma auvertifiasi, che questa regola non serue in tutti i luoghi, nè in tutte le altezze; anzi bisogna sempre in ogni luogo dove ci trouerremo, fare questa scala delle differentie, che ci darà l'un grado dall'altro, conciosia che tali differentie si uanno variando, secondo le altezze nelle quali ci trouerremo à fare le operationi, ò più alte, ò più basse, da luoghi che uorremo misurare per porre in disegno; E eccone lo esempio in disegno, troppo piccolo in uero à queste misurie, ma serua per suegliare lo ingegno di chi legge.

DEL MODO DI MISVRARE
TVTTE LE COSE TERRENE,

DI COSIMO BARTOLI.

Gentilhuomo, & Academico Fiorentino.

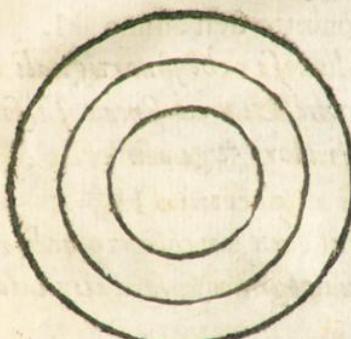
LIBRO QVINTO.



Or che io hò presa la fatica di giouare à molliche non hanno notitia della lingua greca, ò latina, nel mettere in questa nostra materna lingua Fiorentina le cose dell'Orontio, & di alcu- ni altri, attenenti alle misure: come per lo adie- tro si è dimostrò, non voglio recusare ancora quest'altra fatica di mettere nella medesima lingua quelle dimande, concettioni, ò propositioni di Euclide: che sono state, ne' capitoli de libri passati più volte da me citate; accioche coloro, che vorranno più esatta- mète uedere in fronte la ragione delle cose dette, possino satiare l' animo loro, & godersi di queste mie fatiche; emmi parso metterle da parte tutte insieme, & non luogo per luogo dove le sono cita- te; per non confondere gli animi di coloro, che uolessino solamente attèdere alla pratica dell'operare, à quali basterà forse le cose det- te insino à qui. Ma per satisfare alli studiosi, hò uoluto, che le si pos- sano uedere in questa lingua tutte insieme. Satisfacci dunque ciascuno di quel che più li piace, & contentisi per hora solamente di quelle, che io hò messe in questo libro insieme, per dichiaratione delle cose passate, nō essendo stato mia intētione di uoler tradurre, come molti forse desidererrebbono Euclide: ma di uoler solamente tradurre

eradurre quella parte, che mi è parsa necessaria per rendere ragione delle cose insegnate ne passati libri. Ma per non consumare più tempo, che ci bisogni nelle parole, comincieremo à dire, che le domande di Euclide sono cinque, delle quali ci bisogna far mentione.

Dimanda prima.



Concedasi, che da qual si uoglia punto si possa tirare una linea diritta da un altro punto, & che ella si possa tirare lunga à diritto quanto ci piace.

Dimanda II.

Concedasi, che da qual si uoglia punto si possa tirare un cerchio che occupi quanto spatio ci piace.

Dimanda III.

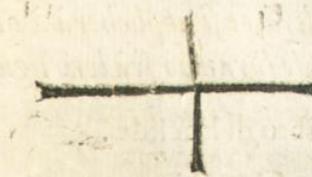
Concedasi, che tutti gli angoli retti siano fra loro uguali.

Dimanda IIII.

Concedasi, che se una linea diritta cadrà sopra due linee diritte, & che i duoi angoli da una banda sieno minori di duoi angoli retti; che sia chiaro, che le dette due linee tirandole à dilungo si congiungeranno insieme.

P

Diman-



LIBRO

Dimanda V.

C Oncedasi, che due linee diritte non possono conchiudere alcuna superficie.



Le concettioni dell'animo, quanto ad Euclide, sono otto: ma due solamente son quelle, delle quali ciabbiamo da servire.

Concetto dell'animo I.

Q Velle cose, che sono uguali ad una, & medesima cosa, sono ancora fra loro uguali.

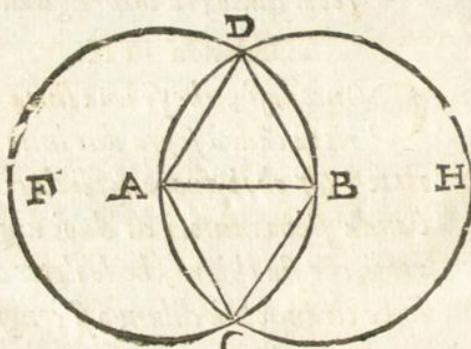
Concetto II.

S E si aggiungon cose uguali alle uguali ogni cosa sarà uguale.

Concetto VIII. del 1. di Euclide.

S E alcuna cosa si porrà sopra di un'altra, et si applicherà à quella, et l'una non auanzerà l'altra, e le saranno fra loro uguali.

Proposta prima del primo libro di Euclide.



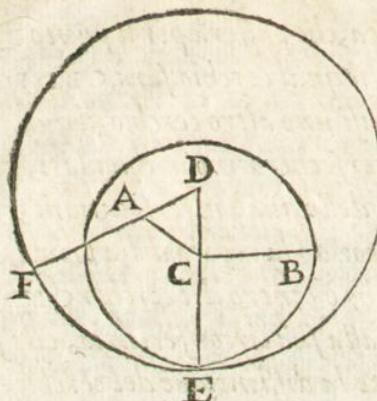
S Tabilire un triangolo di lati uguali, sopra una linea diritta propostaci. Sia la propostaci linea diritta A B, sopra della quale io uoglio stabilire un triangolo di lati uguali. Pongasi un piè delle seste sopra una delle sue

le sue teste, cioè nel punto A; & con l'altro girisi un cerchio, per quanto è la lunghezza di detta linea, che passerà per il punto B, come ne insegnò la seconda dimanda; il qual cerchio sarà C B D F: di poi faccisi centro del punto B, & girisi uno altro cerchio, il quale sarà C A D H: questi duoi cerchi si intersecheranno in duoi lati, cioè nel punto C, et nel punto D: da una delle quali intersecationi, cioè dal D, tirerò due linee DA, & DB, secondo la regola della prima dimanda. Hora perche dal punto A, che è centro del cerchio C B D, si son tirate le linee A D, & A B, fino alla sua circonferentia, e se saranno di necessità uguali, mediante la diffinitione del cerchio, la quale dice. Il cerchio è una figura piana fatta da una linea, che si chiama Circonferentia; nel mezo della quale è un punto, dal quale tutte le linee diritte, che si partono, & uanno sino alla circonferentia, sono uguali l'una all'altra: & il suo punto del mezo si chiama centro. Similmente ancora perche dal punto B, che è centro del cerchio C A D, si son tirate le linee B A, et B D, insino alla sua circonferentia, esse saranno uguali. Et perche l'una & l'altra, cioè A D, et B D, è dispersè uguale alla linea A B, come si è già prouato, saranno ancora fra di loro uguali, mediante la regola della prima concettione, ò vogliamo dirla concetto dell'animo. Perilche habbiamo in questo modo collocato, ò stabilito, sopra la propostaci linea diritta un triangolo di lati uguali, come ci fu proposto.

Proposta seconda di Euclide.

Tirare da un dato punto intorno à una linea diritta propostaci, una linea diritta che le sia uguale. Sia il dato punto A, et B C la linea propostaci, se noi vorremo dal punto A tirare una linea uguale alla B C, da qual si uoglia parte che ci occorra, tirisi una linea, che congiunga la A con quella testa della B C, che ci occorrerà

LIBRO



più opportuna; ma dicasi, che la
 congiungiamo con la testa C, &
 che questa linea sia A C: facisi
 poi sopra di questa linea A C vn
 triāgolo di lati uguali, come nel
 la passata proposta si è detto, il
 qual farà A C D. Pōgasì dipoi vn
 piè fermo delle seste nella testa
 della data linea C, e tirisi vn
 cerchio per quanto è detta linea
 il qual cerchio sarà E B: dipoi al-
 lunghisi il lato del triangolo, che è rincontro al dato punto, dal cen-
 tro di questo cerchio per insino alla sua circonferentia, talche la li-
 nea così tirata sia tutta D C E: facisi poi secondo la lunghezza di
 questa linea un' altro cerchio fatto centro del D, il qual cerchio sa-
 rà E F, & tirisi poi il lato D A per insino alla circonferentia di que-
 sto ultimo cerchio al punto F: dico adunque, che A F è uguale alla B
 C; conciosia che B C, & C E, sono uguale, come quelle che si partono
 dal centro del cerchio E B, et vanno insino alia sua circonferentia.
 Similmente ancora D F, & D E, sono uguale; perche partendosi dal
 centro del cerchio E F, vanno per insino alla sua circonferentia. Di-
 poi considerisi; che D A, & D C, sono uguale, conciosia che ei sono lati
 di vn triangolo, che è di lati uguali. Perilche se la D A, & la D C, si
 torranno via dalla D E, & dalla D F, che sono uguale, quelle che ri-
 marranno, che saranno A F, & C E, saranno ancora esse uguale. Et
 perche l' una, & l' altra, cioè A F, & C E, è dispersè uguale alla C E;
 è di necessità, che sieno ancora uguale fra di loro. Per la qual cosa
 si vede, che noi habbiam tirata dal punto A vn linea A F uguale
 alla B C, come ci fu proposto.

Propo-

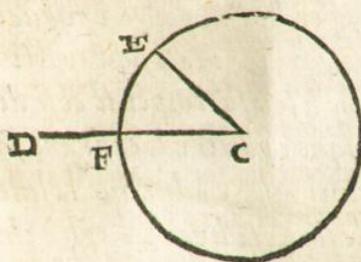
Proposta terza.

Proposte ci due linee disuguali, ci cōuerrà tagliare la più lunga di esse, tāto, che ella diuēti uguale alla più corta. Siano due linee AB, & CD, sia la AB la minore, se noi vorremo tagliare della CD, tāto, che ella diuenti uguale alla AB. Tirisi prima dal punto C, un'altra uguale alla AB, in quel modo, che si è detto nella passata, la quale sia CE; dipoi posto un pié delle seste nel punto C, tirisi un cerchio per quanto è la CE, il quale intersecherà la linea CD nel punto F: per ilche la linea CF sarà uguale alla CE. Conciosia che partendosi amendue da un medesimo centro, uanno per insino alla circonferētia di un medesimo cerchio. Oltre di questo, perchel'una, et l'altra, cioè AB, et FC, sono uguali alla CE, è di necessità, che elle siano ancora uguali fra di loro, che è quello ci era proposto.

Proposta quarta.

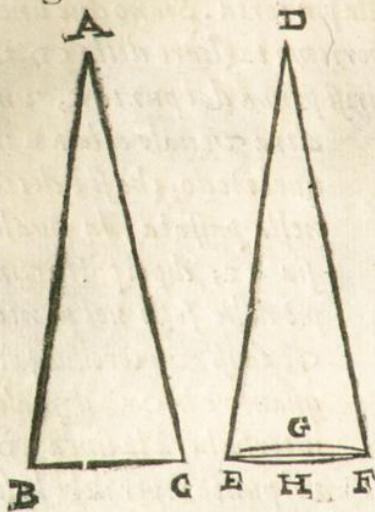
Di quali si uogliono duoi triangoli, l'un de quali habbi duoi de suoi lati uguali à duoi lati dell'altro; et che i duoi angoli causati da lati uguali, siano fra loro uguali: è di necessità, che gli altri lati, che si risguardano, siano fra loro uguali et che gli altri duoi angoli del uno siano uguali à duoi angoli dell'altro; & che tutto il triangolo finalmēte sia uguale all'altro triangolo. Siano duoi triangoli ABC, & DEF, et il lato AB sia uguale al lato DE, et il lato AC al lato DF, et l'angolo A all'angolo D, dicesi; che la basa BC è uguale alla basa EF, et l'angolo B, all'angolo E, & l'angolo C all'angolo F,

P 3 il che



L I B R O

i'che si proua in questo modo. Pongasi il triangolo ABC sopra il triangolo DEF, in modo che l'angolo A caschi sul l'angolo D, & il



lato AB sopra il lato DE, & il lato AC sopra il DF; egli è manifesto secondo l'ottavo concetto, che nè gli angoli, nè i lati, non si auanzano l'un l'altro; perche l'angolo A è uguale all'angolo D, & i lati sopraposti à quelli che li son sotto: per le cose dette adunque i punti BC cadranno sopra i punti EF. Se adunque la linea BC cade sopra la linea EF, egli è chiaro quel che cercauamo: perche quando la linea BC posta sopra la EF, non auanza, & non è auanzata da lei,

ella le farà uguale secondo l'ottavo concetto. Per la medesima ragione farà l'angolo B uguale all'angolo E, & l'angolo C uguale allo F. Ma se la linea BC non cadesse sopra la linea EF, ma cadesse dentro al triangolo, come la EGF, o fuori, come EHF; auuerrebbe, che due linee diritte serrerebbono all' hora una superficie, il che è impossibile, secondo la quinta dimanda di Euclide.

Proposta quinta.

DI ogni triangolo, che habbi due lati uguali, è di necessità, che gli angoli, che sono sopra la basa, sieno uguali; et se i suoi lati uguali si tireranno oltre à dilungo, causeranno ancor sotto la basa angoli fra loro uguali. Sia il triangolo ABC, che habbi due lati uguali, cioè lo AB uguale allo AC; dicesi, che l'angolo ABC è uguale alto ACB; & se si allungheranno AB, & AC, per insino ad D, et alla E, si farà lo angolo DBC uguale all' angolo ECB: ilche si proua in questo mo-

sto modo. Tiransi oltre le AB, & AC, & pongasi per terza la AD uguale alla AE; & tiransi le linee EB, et DC; & perciò intendansi duoi triangoli ABE, & ACD: i quali si prouerrà, che sono uguali, & di lati, et di angoli. Concioſia che i duoi lati AB, et AE, del triangolo ABE, ſo no uguali à duoi lati AC, et AD, del triangolo ACD; & l'angolo A, è com mune all' uno, et all' altro: perilche, ſecodo la quarta, la baſa BE, è uguale alla baſa CD, et l'angolo ABE è uguale all' angolo ACD. Intendansi medefimamente duoi triangoli DB C, & ECB, i quali ſi prouerrà medeſimamente, che ſono & di lati, et di angoli uguali. Concioſia che i duoi lati DB, & DC, del triangolo BDC, ſono uguali à duoi lati EC, & EB, del triangolo ECB: & lo angolo D, è uguale all' angolo E: perilche ſecundo la quarta, la baſa alla baſa, & gli altri angoli à gli altri angoli, perilche l'angolo DBC, è uguale all' angolo ECB, ilche è quel che fà à noſtro proposito, che gli angoli, cioè ſotto la baſa, ſono uguali. Oltre di queſto, l'angolo BCD è uguale all' angolo ECB, & tutto l'angolo ABE è uguale all' angolo ACD, come ſi proua di ſopra: perilche l'altro angolo ABC è uguale all' altro ACB, l'uno & l'altro de quali è ſopra la baſa: ilche è quello, che ſi cercava.

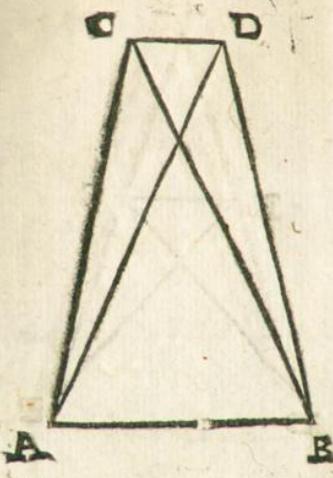
Proposta Settima.

SE da duoi pūti, che terminano alcuna linea, uſciranno duoi li nee che ſi uadino à congiungere in ſieme in un pūto, egli è impos ſibile tirare uerſo la medefima banda da medefimi pūti due altre

L I B R O

linee simili, che si uadino à congiungere in un altro punto. Sia la linea AB, dalle teste della quale tiransi in uerso una delle bâde, due

linee, talmente che si uadino à congiungere insieme in un medesimo punto, cioè AC, & BC, che si congiungano nel punto C: dice si, che uerso questa medesima banda non si possono tirare due linee da quelle teste medesime, che uadino à congiungersi in un altro punto: talmente che quella che esce dal punto A, sia uguale alla AC, & quella che esce dal punto B, sia uguale alla BC. Seruaci per esempio dell'impossibile, et tirisi due altre linee dalla medesima parte, le



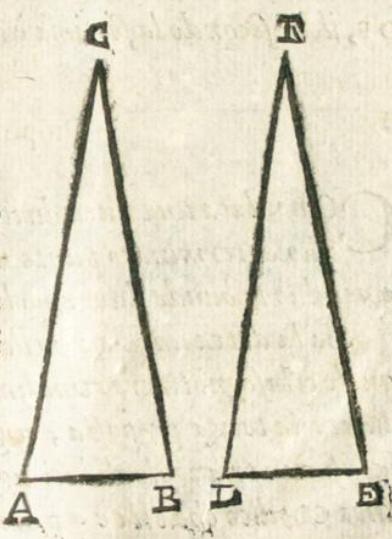
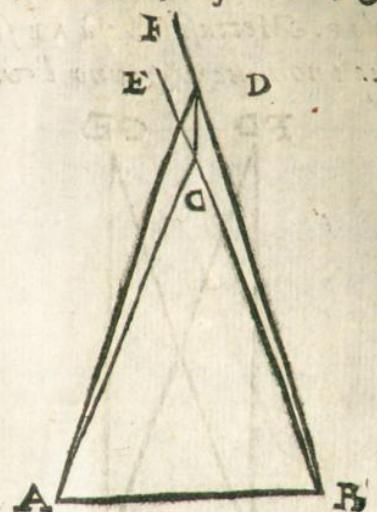
quali si congiughino nel punto D, et dicasi, che la linea AD sia uguale alla AC, et la BD sia uguale alla BC; ei ci auerrà, che il punto D sarà, ò dentro, ò fuori al triangolo, conciosia che in uno de lati nō può cadere; percioche se questo fusse, la parte sarebbe uguale al tutto: ma se ei cadrà fuori del triangolo, ò una delle linee AD, et BD, intersecherà una delle linee AC, & BC, ò nessuna di queste ultime non intersecherà alcuna delle prime; ma diasi prima l'esempio, che l'una intersechi l'altra, et tirisi la linea CD: adunque perche i duoi lati del triangolo ACD, cioè AC, & AD, sono uguali; l'angolo ACD, sarà uguale all'angolo ADC, secondo la quinta. Et similmente perche i duoi lati BC, & BD, del triangolo BCD, sono uguali gli angoli BCD, et EDC; saranno, secondo la medesima, ancora uguali. Et perche l'angolo BDC è maggiore dell'angolo ACD, ne seguita, che l'angolo BCD sia maggiore dell'angolo ACD, la parte, cioè maggiore del

re del tutto , ilche è impossibile . Ma se nel cadere il D fuori del triangolo A B C , non si intersecherà alcuna linea , turisi la D C , & allunghisi B D , & B C , sotto la base fino alla E , & F : perciò che le linee A D , & A C , sono uguali , saranno ancora gli angoli A C D , & ADC , per la quinta , uguali . Et similmente perchè B C , & B D , sono uguali , gli angoli ancora sotto la base C D F , & D C , saranno per la seconda parte della detta uguali . Et perchè l'angolo E C D è minore dell' angolo A C D , ne seguirà l' angolo F D C , eßer minore dell' angolo ADC , il che è impossibile , & in questo modo medesimo s'indurrebbe l' auuersario all'inconueniente , quando il punto D cada dentro al triangolo A B C .

Proposta ottava.

DI qual si uogliono dduoi triangoli , de' quali i dduoi lati dell' uno siano uguali à dduoi lati dell' altro , & la base dell' uno sia uguale alla base dell' altro ; è di necessità , che i dduoi angoli causati da lati uguali , sieno ancor essi uguali .

Siano dduoi triangoli A B C , & D E F , & lo A C sia uguale al D F ,



& it

LIBRO

¶ il BC è uguale al EF, et lo AB al DE, dicesi l'angolo C eſſer uguale all' angolo F, et l'angolo A all' angolo D, & l'angolo B all' angolo E. Mettasì la baſa AB ſopra la baſa DE, le quali eſſendo uguali non auanzeranno l'una l'altra, ſecondo l'ottauo concetto



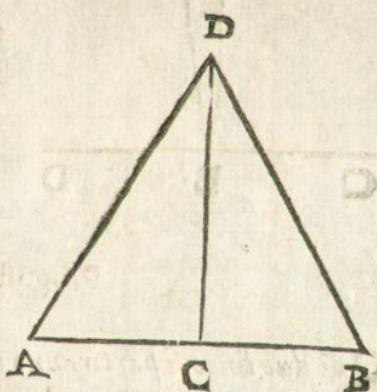
dell'animo, et il punto C cadrà ſopra il punto F, ò no: fe ei vi cadrà, perche l'angolo C poſto ſopra l'angolo F, non auanza, et non è auanzato, ei ſono fra di loro uguali, ſecondo il concetto ottauo, et il medeſimo ſi potrà dire de gli altri angoli. Ma ſe il punto C non cadrà ſopra il punto F, ma ſopra qualſi uoglia altro, come farebbe il G: perche la EG è uguale al BC, anzi la međima: farà medeſimamente DG uguale al AC, et EG al EF, et DG al DF, il che ſecondo la settima è impoſſibile.

Propoſta. XI.

*C*ome, data una linea diritta, ſi poſſa ſopra di eſſa tirare da un ſuo determinato punto una linea à piombo, la quale cauſi da ambe due le bande duoi angoli à squadra, et uguali.

Sia la detta linea AB, nella quale ſia determinato il punto C, al quale ci biſogni tirare una linea à piombo. Faccisi la linea BC, mediante la terza propoſta, uguale al AC, et ſopra tutta la AB faccisi un triangolo di lati uguali, che ſia ABD, et da eſſo ſi tiri la linea CD; dico che ella è à piombo ſopra la AB; coſideriſi, che ei ſono duoi

duoi triangoli, A C D, et B C D. perche dunque i duoi lati A C, et C D, del triangolo A C D, sono uguali à duoi lati C B, et C D, del triangolo C B D; et la basa A D, al-
la basa B D; sarà, mediante la ot-
tava, lo angolo A C D, uguale allo
angolo B C D, per ilche l'uno et l'al-
tro sarà retto, secondo la diffinitio-
ne dell'angolo retto, et la linea C D
sarà à piombo sopra la A B, seconde
la diffinitione della linea à piombo,
che dice, la linea à piombo è quel-
la, che sta sopra ad una linea, so-
pra della quale ella è posta, et che
da ogni banda fa angoli retti, si che
abbiamo prouato quello ci era-
mo proposto.

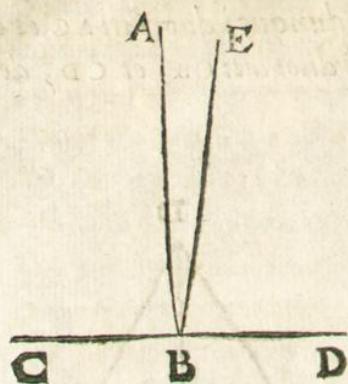


Propositione. XIII.

IDuo angoli da amendue le bande di qual si uoglia linea dirit-
ta, che caschi sopra un'altra linea diritta, sono, o retti, o uguali
à duoi retti. Sia che la linea diritta A B, caschi sopra la linea dirit-
ta C D, dicesi che, se ella ui cadrà su à piombo, causerà duo angoli
à squadra, secondo la diffinitione della linea à piombo già detta.
Ma se ella non vi cadrà sopra à piombo, tirisi dal punto B la B
E à piombo sopra la C D, secondo la undecima, et faranno i duo
angoli EBC, et EBD, retti secondo la diffinitione, perche adunque i
duo angoli DBA, et ABE, son uguali all'angolo DBE, ei faran-
no con l'angolo CBE, uguali à duoi retti. Perilche i tre angoli
DBA, ABE, et CBE, sono uguali à duoi retti. Et perche lo an-

golo

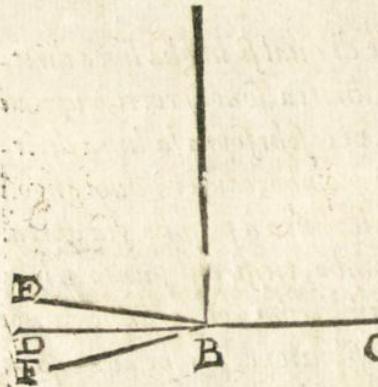
LIBRO



golo CBA, è uguale à duoi angoli CBE, et EBA, i duoi angoli adunque CBA, et ABD, sono uquali à duoi retti, che è quello ci fu proposto, perilche è manifesto, che ogni spatio, che si troua in qual si voglia superficie piana intorno à qual si voglia punto, è uguale à quattro angoli retti.

Proposta. X IIII.

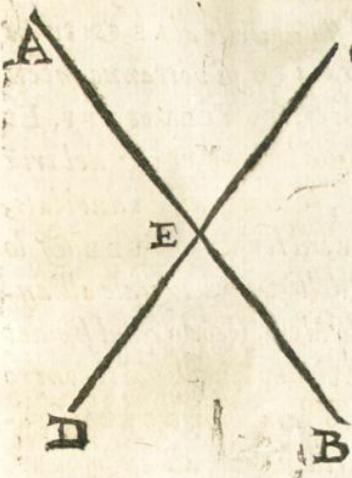
Se due linee si partiranno da un punto di una linea, et andranno in parti contrarie, et faranno intorno à loro angoli retti, ò duoi simili à duoi retti, egli è di necessita, che le sieno cōgiunte insieme, et diuētate una linea sola. Auuenga che dal punto B, della linea AB, eschino due linee una in qua et l'altra in là, che sieno BC, et BD, et causino duoi angoli, come CBA, et DBA, uquali à duoi retti, dicesi che le linee CB, et DB, sono ad una dirittura, et in un filo, cioè diuentate una linea sola, et questa è la contraria della passata. Et se ci fusse detto, che non fusse vero tiri questo tale la CB à dirittura, et à dilungo, laquale se nō sarà una mede, ma con la DB: ò ella le passerà di sopra come la BE, ouero disotto come



come la BF, perche adunque la linea AB cade sopra la linea diritta C B E, gli angoli CBA, et EBA saranno uguali secondo la passata à duoi retti: et perche tutti gli angoli retti sono scambievolmente uguali, secondo la terza dimåda; gli angoli ancora CBA, et DBA sono uguali à duoi retti: & per le ragion dette, saranno i due angoli CBA, & FBA, uguali à due angoli CBA, & DBA: adunque tolto uia l'angolo commune CBA, sarà l'angolo EBA uguale all'angolo DBA, la parte al suo tutto, ilche è impossibile. Similmente per la linea CB, tirata à lungo, si prouerrà l'angolo DBA essere uguale all'angolo FBA, se per auuentura l'auuersario diceſſe, che la linea CB tirata à dilungo cadesſe sotto la BD.

Proposta X V.

Di qual si uogliono due linee, che si intersechino insieme, tutti gli angoli, che le causano, sono contrari l'uno all'altro, cioè di rincòtro sono uguali. Onde è manifesto, che due linee diritte, che si intersechino scambievolmète l'una l'altra, causano angoli uguali à quattro retti. Siano due linee AB, et CD, che si intersechino l'una l'altra nel punto E; dico, che l'angolo DEB è uguale all'angolo AEC, & che l'angolo BEC è uguale all'angolo AED; & secondo la terza decima, i duoi angoli AEC, et CEB, saranno uguali à duoi retti. Et i duoi angoli ancora CEB, et DEB, per la medesima sono uguali à duoi retti: per ilche i duoi primi sono uguali à duoi ultimi, percioche tutti i retti



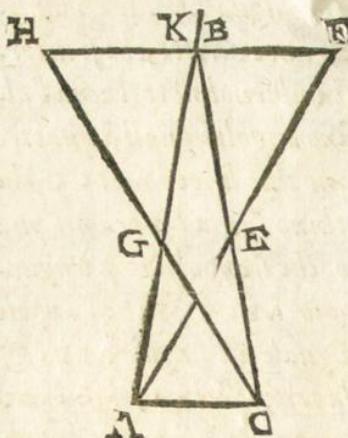
L I B R O

i retti sono fra loro scambievolmente uguali, secondo la terza dimanda; tolto adunque via l'angolo commune, che è il CFB, l'angolo AEC farà uguale all'angolo DEB. Et nel medesimo modo si prouerà, l'angolo CEB, esser uguale all'angolo AED, che è quel che ci eramo proposto.

Proposta X VI.

Se qual si uoglia lato di un triāgolo si tirerà diritto à dilungo, causerà l'angolo di fuori maggiore, che l'uno et l'altro angolo del triangolo, che di dentro li è à rincontro. Occorra, che il lato AB del triangolo ABC, si tiri à dilungo sino al D, dicefi, che l'angolo BDC è maggiore dell'uno & dell'altro de duoi angoli di dentro, che li sono di rincontro, che sono BAC, & BCA: conciosia che diuidendosi la linea CB, nel punto E in due parti uguali, tiradosi AE insino à F, talche EF sia uguale al AE, & tirandosi ancora la FB, si potranno intendere i duoi triangoli CEA, et BEF. Et perche i duoi lati, AE, et EC, del triangolo AEC, sono uguali à i duoi lati, FE, & EB, del triangolo FEB, & lo angolo E; dell'uno, è uguale all'angolo E dell'altro, secôdo quel si è detto, perche ei sono angoli posti contro l'un l'altro; farà l'angolo ECA, secôdo la quarta, uguale all'angolo EBF.

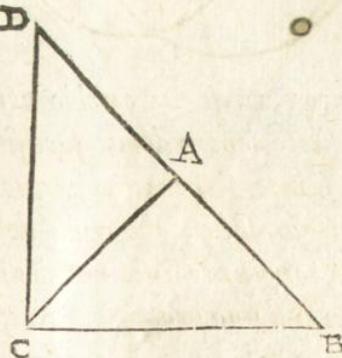
Et però l'angolo EBD, farà maggiore dell'angolo BCA; Prouverassi ancora per la medesima ragione, che egli è maggiore dell'angolo



golo C A B. Imperoche diuidasi A B con un punto in due parti uguali al punto G, secondo la decima, & tirisi oltre la G H, uguale alla G C, secondo la terza. Tirisi dipoi H B K, & faranno i duo lati, A G, et G C, del primo de duo triangoli A G C, & B G H, uguali à duo lati B G, & G H, dell' altro, & l' angolo G dell' uno, all' angolo G dell' altro, secondo la quindecima, adunque per la quarta, l' angolo G A C è uguale all' angolo G B H; perilche secondo la quindecima, all' angolo ancora K B D. Et perche l' angolo C B D è maggiore dell' angolo K B D, farà ancora maggiore dell' angolo B A C, che è quello, che cercauamo.

Proposta X X.

IDuo lati di qual si voglia triangolo congiunti insieme son maggiori dell' altro. Sia il triangolo ABC, lico che i duo lati, AB, & A C, sono più lunghi del lato B C, allunghisi la linea B A, per insino al D, talmente che l' A D sia uguale alla A C, & tirisi C D, secondo la quinta, l' angolo A C D farà uguale all' angolo D, perilche l' angolo B C D, è maggiore dell' angolo D. Adunque per la diciottesima, che si dice (il lato più lungo di qual s' uoglia triangolo è posto rincntro all' angolo maggiore) il lato B D è maggiore del lato B C, ma B D è uguale ad A B, & A C. perilche B A, & A E, congiunti insieme, sono maggiori del lato B C, che fù quello, che da principio ci proponemmo.



Proposta

LIBRO

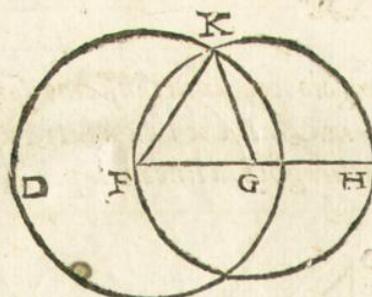
Proposta XXII.

Dato che ci siano proposte tre linee diritte, due delle quali, & siano quali si voglino, congiunte insieme, siano più lunghe, che l'altra, come si possa stabilire un triangolo di tre altre linee simili à quelle. Sianoci proposte tre linee diritte A B C, & siano due



di loro, quali si voglino, congiunte insieme più lunghe che l'altra. Percioche sarebbe impossibile fare di quelle tre line uguali un triangolo, secondo la uentesima. Quando adū que noi vorremo stabilire un triangolo delle tre dette linee, pigli si una linea diritta, che sia D E, alla quale dalla parte E nō si assegna fine determinato: di questa poi piglisine, se condo la terza proposta, la DF uguale alla A, & FG uguale al B, & GH uguale al C, & fatto centro del

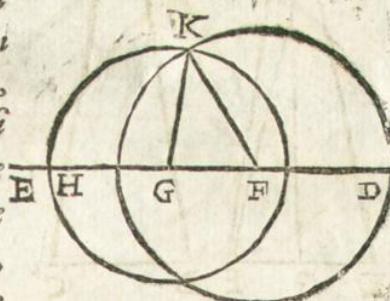
punto F, tirisi un cerchio per quanto è la FD, che sia D K. Et dipoi fatto centro del G, faccisi per quanto è la G H, il cerchio K H, che si intersecheranno in duoi punti, che uno sarà K: altrimenti ne seguirebbe, che una delle dette linee fusse uguale all' altre due congiunte insieme, ò maggiori di esse, che è il contrario di quel ci siamo proposto. Tirinsi adunque K F, & K G, & sarà fatto il triangolo K F G, di tre linee uguale alle proposte ci A B C; perche FD, & FK, sono uguale, conciosia che le vanno dal lor centro alla circonferentia; pericche FK è uguale alla A, & GH, & GK, sono uguale, perche le vanno dal centro alla circonferentia; pericche



perilche G K è uguale al C. Et perche G F fù presa uguale al B, è manifesto quel che cercauamo.

Proposta XXIII.

Come propositaci una linea diritta, si possa sopra uno de suoi termini stabilire un' angolo uguale à qual' altro si voglia propositoci angolo. Sia la proposta linea E F, et le linee che fanno l' angolo propositoci, siano B A, sotto al quale angolo tirisi la basa C, et vorrei sopra il punto F della linea E F, si faceße un' angolo uguale al propositoci. Aggiunghisi alla E F la F D, uguale alla A, et della F E piglisi la F G uguale al B, et di G E, piglisi G H uguale al C. Et se da punti F G, si tirino duo cerchi D K, et K H, per quanto son la F D, et G H, che si intersecheranno nel punto K, come si insegnò nella passata, et tirate le linee K F, et K G, i duoi lati K F, et F G, del triangolo K F G, saranno uguali à duoi lati A, et B, del triangolo A B C, et la basa G K sarà uguale alla basa C, adunque, secondo la ottava, l' angolo K F G sarà uguale all' angolo, che fanno la A, et il B, che è quel che cercauamo.

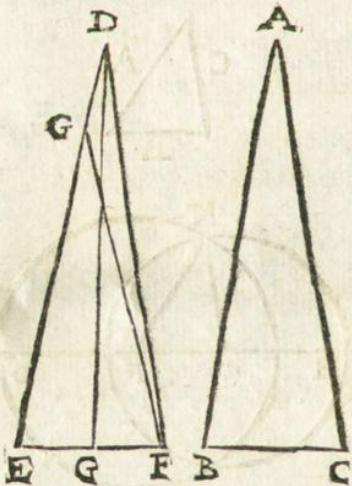


Proposta XXVI.

Di quali si uogliono duo triāgoli, de quali i duo angoli dell' uno saranno uguali à duo angoli dell' altro, ciascū però à quel che

LIBRO

li è à rincōtro, & il lato ancora dell' uno uguale al lato dell' altro, et sia qual si uoglia fra i duoi angoli uguali, à rincōtro ad uno di loro: faranno ancora gli altri duoi lati dell' uno uguali à gli altri duoi lati dell' altro, & ciascuno però ugualmente à quel che li è à rincōtro, & l' altro angolo dell' uno farà vguale all' altro angolo dell' altro. Siano duoi triangoli ABC, & DEF, et l' angolo B sia uguale all' angolo E, et l' angolo C uguale all' angolo F, et sia il lato BC uguale al lato EF, & uno de gli altri duoi lati AB, et AC, uguale all' altro



de duoi lati DE, & DF; talmente che AB sia vguale al DE, & AC al DF; dicisi chè gli altri duoi lati dell' uno faranno vguali à gli altri duoi lati dell' altro, et che l' altro angolo farà uguale all' altro angolo, ciò è A à D. Pongasi primieramente che il lato BC, sopra il quale sono adiacere gli angoli BC, sia uguale al lato EF, sopra del quale giaciono gli angoli E F, quali si disse, che erano uguali à gli angoli BC. Io dirò all' hora che il lato AB è vguale al lato DE,

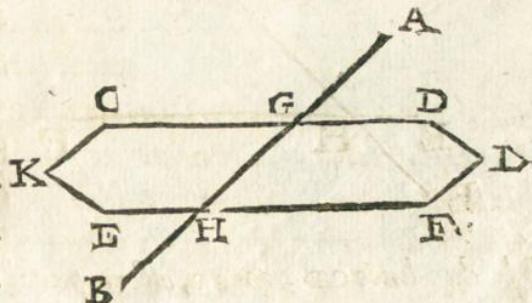
& il lato AC à DF, & l' angolo A à D. Et se il lato AB non sarà vguale al lato DE, l' uno de suoi sarà maggiore. Poniamo che sia maggiore il DE, il quale taglisi alla grandezza, & vqualità di AB, & sia per via di dire GE vguale ad AB, & tirisi oltre la linea GF; & farà, secondo la quarta, l' angolo GFE vguale all' angolo ACB; per ilche farà ancora al DFE C, cioè la parte al tutto, ilche è impossibile. Sarà adunque DE vguale alla AB; adunque, per la quarta, DF sarà vguale al AC, & l' angolo D all' angolo A,

lo A, che è il primo membro della propositaci diuisione. Siano di nuovo duoi angoli come prima, B, et C, uguali à due angoli E, et F, et sia illato AB, che è rincontro all' angolo C, vguale al lato D E, che è rincontro all' angolo F, vguale al quale dicemmo che era lo angolo C: dico che il lato BC, sarà vguale al lato E F, & il lato A C all lato D F, & lo angolo A all' angolo D: che se il lato E F non fuše vguale al lato B C, sarà uno de duoi maggiore. Pongasi che sia maggiore E F, & che E G sia vguale al B C, & tirisi la linea D G: sarà, per la quarta, l' angolo D G E uguale all' angolo A C B, per ilche all' angolo ancora D F E, cioè il di fuori à quel di dentro, ilche è impossibile mediante la sedicesima: ilche la E F sarà vguale alla B C: adunque per la quarta, il lato D F sarà vguale al lato A C, & l' angolo D all' angolo A, che è il secondo membro della propositaci diuisione: là onde il tutto ci è manifesto.

Proposta XXVII.

SE una linea diritta cadrà sopra due linee diritte, et causerà doi angoli corrispondenti, che sieno fra loro uguali quelle due linee saranno fra loro parallele.

Auuenga, che la linea A B, caschi su le due CD, & E F, & intersechi la CD nel punto G, & la E F nel punto H, & sia lo angolo D G H, vguale all' angolo E H G: dice si, che le linee CD, & E F, sono parallele; et se elle nō saranno, andranno à congiunger-

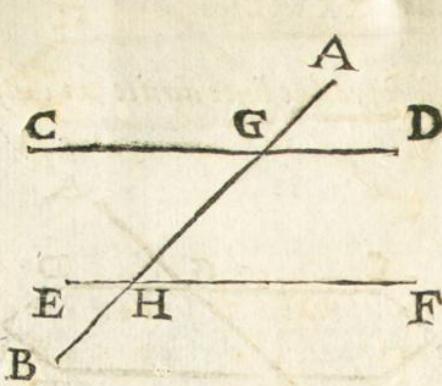


LIBRO

si insieme, dalla parte C E, al punto K, o dalla parte D F, al punto L, & in qual si uoglia modo accadrà l'impossibile secondo la sesta decima, cioè, che l'angolo di fuori sia uguale all'angolo di dentro; conciosia che uno di detti corrispondentisi, che si è detto, che sono uguali, sarà di fuori, & l'altro di dentro. Adunque perche egli è impossibile, che elle si vadino ad unire insieme da alcuna delle bande, faranno ueramente secondo la diffinitione parallele, che è quel che ci eramo proposto.

Proposta XXVIII.

SE una linea diritta cadrà sopra due linee diritte, et l'angolo suo di dentro sarà uguale all'angolo di fuori, che gli è à rincòtro, ò i duoi angoli di dentro da una bāda faranno uguali à due angoli retti, quelle due linee saranno parallele. Sia una linea A B, che



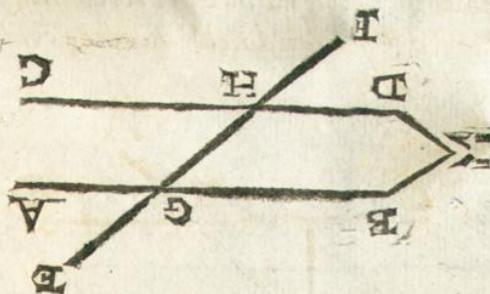
intersechi le due linee CD, & EF, ne' punti G, & H, & l'angolo G di fuori, sia uguale all'angolo H di dentro, che gli è à rincontro, preso dalla medesima banda; ouero i duoi angoli G, & H, di dentro presi dalla medesima banda, sieno uguali à duoi retti: dice-

si le due linee CD, & EF, effere parallele: sia primieramente l'angolo DGA uguale allo F HG, & sarà l'angolo CGH, secondo la quindicesima, uguale al medesimo angolo F HG per ilche, secondo la uentisettesima, C D, & E F, sono parallele. Siano ancora i duoi

i duoi angoli D G H, & F H G, vnguali à duoi retti & perche per la tredicesima i duoi angoli D G H, & C G H, sono similmemie vnguali à duoi retti, l'angolo C G H farà uguale all'angolo F H: la onde per la passata C D, & E F, saranno parallele, che è quello, che cercauamo.

Proposta XXIX.

SE una linea cadrà sopra due linee parallele, i duoi angoli respectivamente corrispondentisi, saranno fra loro uguali, et l'angolo di fuori farà uguale all'angolo di dentro, che li è di incontro; et i duoi angoli di dentro dall'una parte, et dall'altra, faranno uguali à duoi retti. Siano due linee A B, et C D, parallele, sopra le quali caschi la linea E F, che le intersechi ne' punti G, et H, dico tre cose; la prima, che gli angoli G, et H, corrispondentisi, sono uguali; secòndamente, che l'angolo G di fuori è uguale all'angolo H di dentro postoli à rincòtro et preso dalla medesima banda, et per terza, dico, che gli angoli G, & H, di dentro presi da una medesima banda, sono uguali à duoi retti, che è la contraria delle due passate. Et che ciò sia primieramente nero, si uede in questo modo. Se l'angolo B G H non fuisse vnguale all'angolo C H G, uno di loro è forza che fusse maggiore dell'altro: pongasi, che C H G sia maggiore: & perche i duoi angoli C H G, & G H D, sono uguali à duoi retti, secondo la già allegata tredicesima i duoi angoli B G H, & D G H, saranno minori di duoi retti; adunque

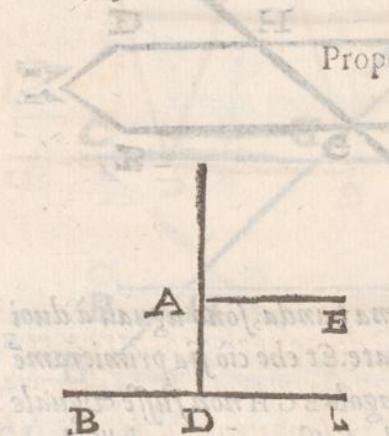


L 3 per

L I B R O

per la quarta dimanda, se le due linee A B, et CD, si tireranno oltre si congiungeranno insieme nelle parti B, & D, à qualche punto, come è al K, et non saranno adunque secondo la loro diffinitione parallele, che sarà contro al propostoci argomento: et perche questo è impossibile, saranno i duoi angoli corrispondentisi B G H, & C H G uguali, che è quel che da prima ci proponemmo. Da questo è manifesto quel che secondariamente si disse: percioche l'angolo B G H, se condò la quintadecima: è uguale all'angolo A G B per ilche l'angolo A G E sarà uguale all'angolo C H E, il di fuori cioè à quel di dentro, che fù la seconda cosa che ci proponemmo; da questo di nuovo si vede manifesto quel che occorra dire per la terza cosa: conciosia che, secondo la tredicesima, i duoi angoli A G E, & A G H, sono uguali à duoi retti, adunque i duoi angoli A G H, & C H G, saranno ancor essi uguali à duoi retti: che sono i duoi di dethro presi dalla medesima banda, ch'è la terza cosa, che si propose.

Proposta XXXI.

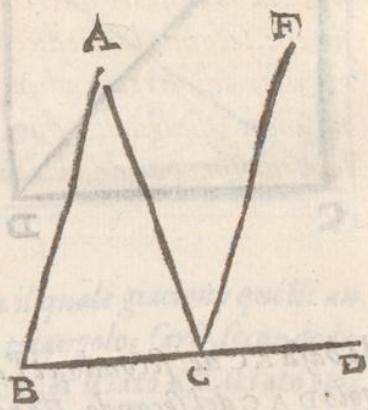


DA un punto propostoci fuori di una linea, tirare una linea parallela alla già propostaci linea. Il punto propostoci fuori di una linea si intende, quando tirando una linea da amendue le bande non passa per esso. Sia il punto A propostoci fuori della linea B C, dal quale bisogni tirare una parallela alla B C, tirisi la linea A D, in qualunque modo occorra sopra il punto A, che è la estremità della linea A D, & faccisi l'angolo E A D, secondo la

do la uentitreesima, \simeq uale all' angolo BDA , suo corrispondente, $\&$ farà AE parallela alla BC , per la ventisettesima, che è quello ci proponemmo.

Proposta XXXII.

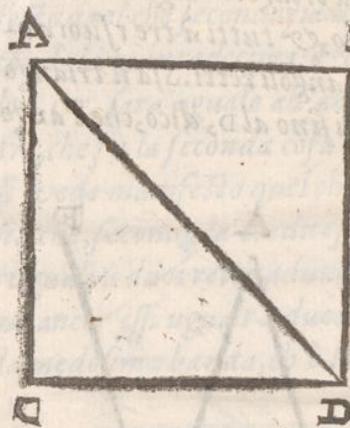
Ogni angolo di fuori di qual si uoglia triāgolo è uguale à duoi angoli di dentro postoli à rincontro, $\&$ tutti à tre i suoi angoli è di necessità che sieno \simeq uali à due angoli retti. Sia il triangolo ABC , il lato BC del quale si prolunghi sino al D , dico, che l' angolo C , di fuori è uguale à duoi angoli di dentro A , $\&$ B , postoli à rincontro congiunti insieme; et che i tre angoli del triangolo ABC , congiunti insieme, sono uguali à duoi retti. Io prolungerò dal punto C il lato CF parallelo ad AB , et lo angolo FCA farà \simeq uale all' angolo A , conciosia che sono corrispondenti, secondo la prima parte della uentinouesima. Et l' angolo FCD di fuori, è \simeq uale all' angolo B di dentro, secondo la seconda parte della uentinouesima per il che: tutto la ACD di fuori è uguale à duoi angoli di dentro A , et B , che li sono à rincontro, che è quanto alla prima cosa detta di sopra. Et perche i duoi angoli ACB , $\&$ ACD , sono uguali à duoi retti secondo la tredecimosa, faranno i tre angoli ABC di dentro \simeq uali à duoi retti, che è quel che secondariamente ci occorreua.



LIBRO

Proposta XXXIII.

SE nelle teste, ouero alle estremità di due linee parallele, et gradi à un modo, si applicheranno due altre linee, elle faranno ancora parallele, & uguali. Siano due linee A B, & C D, uguali, & parallele, le teste delle quali si congiunghino insieme con le linee A C, & B D; dicesi, che le sono uguali, & parallele. Percioche tirisi la linea schianciana A D, adunque, perche le linee A B, & C D, sono parallele, l'angolo B A D sarà uguale all'angolo A D C, secondo la prima parte della ventinovesima: perilche i duoi lati A B, & A D, del triangolo ABD, saranno uguali à duoi lati D C, & D A, del triangolo D C A. Et l'angolo A del primo, sarà uguale all'angolo D del secondo; adunque per la quarta la basa B D, del primo, è uguale alla basa A C del secondo, et l'angolo A B D del primo, è uguale all'angolo D A C del secondo. Et perche ei sono corrispondenti, cioè l'uno come l'altro, le linee B D, & A C, faranno, mediante la uentisette, parallele perilche essendosi di sopra prouato, che elle sono ancora uguali, è chiaro quel che cercauamo.

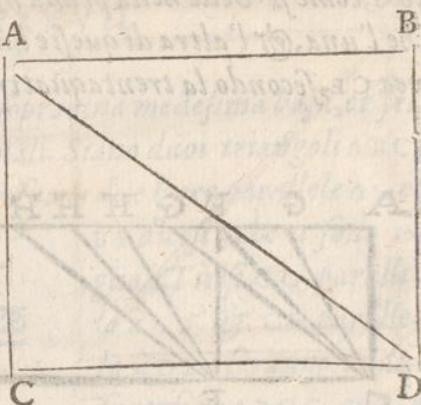


Proposta XXXIII I.

Onì superficie fatta di lati paralleli, ha le linee, et gli angoli di riconto uguali, dividendola un diametro, o schianciana per mezo.

Sia

Sia la superficie A B C D fatta di lati paralleli, talche la linea A B sia parimente lontana dalla C D, & A C, dalla B D dice si, che le due linee A B, & C D, & le due altre ancora A C & B D, sono uguali. Et similmente si dice l' angolo A essere uguale all' angolo D, et l' angolo B all' angolo C. Tirisi la schianciana A D, la quale diuiderà questa superficie per mezo: & essendo A B, & C D, parimente lontane; adunque gli angoli BDA, & CDA, che sono corrispondentisi saranno per la ventinouesima uguali: & perche A C, & D B, sono ancora parallele, gli angoli ancora C A D, et BDA, che sono corrispondenti, saranno ancor essi uguali. Intendansi duoi triangoli A D B, & D A C: perche i duoi angoli A, et D, del triangolo ABD, sono uguali à due angoli A, et D, del triangolo DAC; et il lato A D, sopra il quale giaciono quelli angoli, è commune nell' uno, et nell' altro triangolo; sarà, secondo la uentiseiesima, il lato AB uguale al lato CD, et il lato AC al lato BD, et l' angolo B all' angolo C; et perche l' angolo A intero, è chiaro che è uguale all' angolo intero D, secondo il secondo concetto di Euclide, egli è manifesto quel che andauamo cercando.



Proposta XXXV.

Tutte le superficie di lati paralleli fatte sopra una medesima basa, et poste in esse linee corrispondentesi, sono uguali. Siano due linee A B, et C D, parallele, fra le quali faccisi la superficie A C F E,

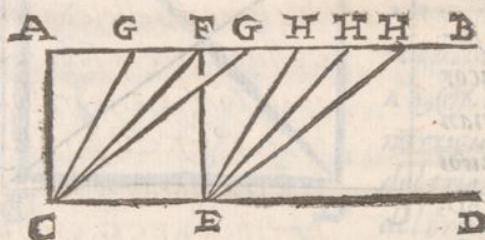
LIBRO

ACE , di lati paralleli sopra la basa CE ; dipoi sopra la medesima basa, & fra le medesime linee faccisi un'altra superficie GCH , di lati pur paralleli; dicesi le due dette superficie essere uguali, ilche proueremo in questo modo: ò la linea CG intersecherà la linea AB in qualche punto della linea AF , ò nel punto F , ò in alcun punto della linea BF ; dicasi che primieramente intersechi la AF , nel punto G , come si vede nella prima figura, ò dimostrazione. Hora perche l'una, & l'altra di queste linee, cioè AF , & GH , è uguale alla linea CE , secondo la trentaquattresima, cioè la passata, le saranno

ancora uguali l'una all'altra; levata adunque via la linea FG commune, ci rimarrà AC uguale alla FH . Et perche, secondo la quarantasettesima, AC di nuouo è uguale ad EF , & l'angolo HFE è uguale all'angolo GAC , come si prouò nella

uentinovesima, cioè il difuori à quel di dentro; il triangolo ACG farà, secondo la quarta, uguale al triangolo FEH : adunque aggiunta la figura irregolare di quattro lati, cioè la $GCFE$, all'una et l'altra, la superficie ACE farà uguale alla superficie $GCHE$, che è quello ci proponemmo. Intersechi hora la linea CG la AB , nel punto F , come si vede nella seconda figura i duei triangoli ACF , & FEH , saranno, secondo il primo modo di argomentare, uguali; perilche aggiuntili da ogni banda il triangolo FCE , ce ne auerrà quello ci erauamo proposto. Intersechi la linea CG nel terzo modo la AB fra i duei punti FB come si vede nella terza figura, et uerrà à intersecare la FE nel

punto



punto K, et perche secondo il primo modo di argomentare la linea A F è uguale alla G H, diventata la G F commune, sarà la AG, uguale alla F H, & il triangolo A G C uguale al triangolo F E H aggiunto adunque all' uno & all' altro il triangolo C K E, & tratto dall' uno & dall' altro F K G, sarà la superficie A C F E uguale alla superficie G C H E, che è quello ci erauamo proposto.

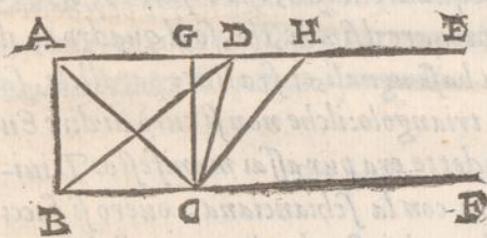
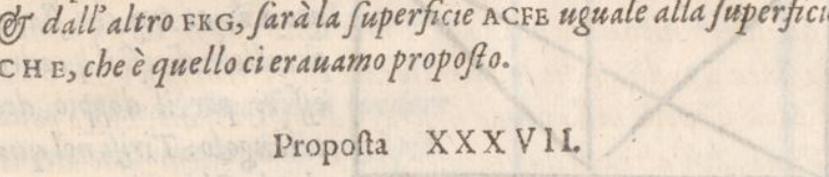
Proposta XXXVII.

Tutti i triangoli, che si fanno sopra una medesima basa, et fra due linee parallele, sono uguali. Siano duoi triangoli A B C, & D B C, fatti sopra le basè B C, & fra le due linee parallele A E, et B F dicesi, che ei sono uguali. Tirisi C G, parallela à A B, & C H parallela à D B: saranno le due superficie A B C G, & D B C H, uguali, secondo la trentacinquésima. Et perche i detti triangoli sono la metà delle dette superficie, secondo la tre

taquattresima: ei saranno fra loro uguali, secondo la commune sententia, che dice: di quelle cose, che il tutto è uguale, la metà ancora è uguale, & così è manifesto quel che andauamo cercando.

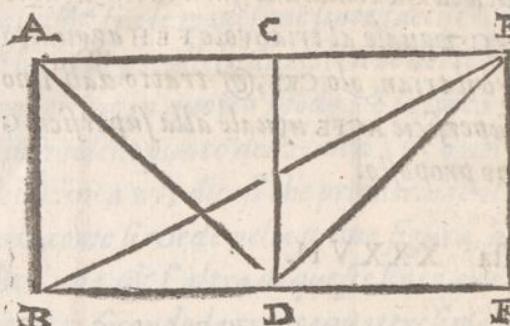
Proposta XLI.

Se un quadro, & un triangolo, saranno fatti sopra una medesima basa, et fra le medesime linee correspondenti, et conformi,



LIBRO

mi, egli è di necessità, che il quadro sia per il doppio del triangolo.



Sia il quadro ABCD,

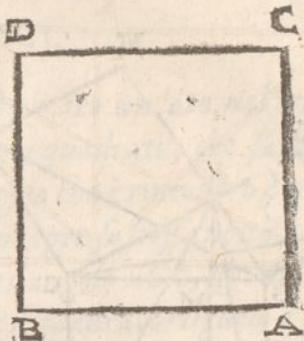
et il triangolo EBD, sopra la basa BD, et fra le linee AE, et BD, che siano parallele; dice si il quadro essere per il doppio del triangolo. Tirisi nel quadro la schianciana AD, et causerà il triangolo ABD, il quale, per la trētaquat

tresima, sarà per la metà del quadro. Et perche il triangolo EBD è uguale allo ABD, secondo la trentasettesima, è manifesto il triangolo EBD eßer per la metà del quadro ABCD, che è quel che ci eramo proposto. Puossi ancora prouare il simile, che, se il quadro et il triangolo faranno fatti sopra base uguali, et fra linee parallele, sarà il quadro per il doppio del triangolo: ilche non si curò di dire Euclide, perche mediante le cose dette era pur assai manifesto. Dividasi il quadro in duoi triangoli con la schianciana, ouero si facci un triangolo sopra la basa del quadro fra due linee parallele, et uedrassi il quadro per il doppio del triangolo, che è quel si cercava.

Proposta X L V.

Come di una propostaci linea si facci un quadrato. Sia la linea AB, da farne un quadrato: tirinsi dalle sue teste le linee AC, et BD, secondo la undecima, che venghino à piombo alla AB, che faranno per la uentottesima parallele, et ponghansi amendue, secondo la tredicesima, uguale alla detta AB, et tirisi la linea CD, et farà

¶ sarà uguale et parallela alla A B, secondo la trentatreseima; ho
ra perche l'uno & l'altro dell'i angoli A, & B, è retto, saranno an-
cora retti C, & D, secondo l'ulti-
ma parte della ventinouesima.
Adunque, secondo la diffinitione,
A B C D è il quadrato, che ci propo-
nemo. Il medesimo si può vedere
altrimenti ancora: sia la A C, à piô-
bo sopra la linea A B, secondo la vn
decima, & siali come prima uguale;
& tirisi, secondo la trentune-
sima, del punto C, CD parallela ad A B, & uguale ad essa, & tirisi
la linea DB, che secondo la trentatreseima, sarà uguale, et paralle-
la alla A C; et tutti gli angoli saranno retti, secondo la ultima par-
te della ventinouesima; baremo adunque, secondo la diffinitio-
ne, quel tanto ci erauamo proposto.



Proposta X L V I.

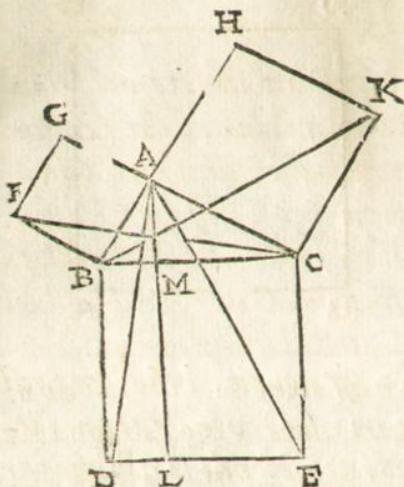
Quel quadrato, che si fa del lato, che è rincontro all'angolo ret-
to, di qual si uoglia triâgolo ad angolo retto, è uguale à duoi
quadrati, che si fanno di amendue gli altri suoi lati. Sia il triango-
lo ABC: che habbia per angolo retto lo A, dicesi; che il quadrato, chè
si farà di BC, sarà uguale à duoi quadrati, che si faranno dello AB,
& dello AC insieme. Riquadrarsi questi tre lati, secondo la quaran-
tacinquesima, & della B C, sia la superficie B C D E, & del A B
sia la superficie B F G A, & dello A C sia la superficie A C H K.
Tirarsi dall'angolo retto A, alla B E, basa del quadrato maggiore,
tre linee: A L cioè, parallela à l'un & l'altro lato, cioè al B D &
al C E,

LIBRO

al CE, la quale intersechi la BC nel punto M et l'AD, et l'A E. Ti-
rinsi dipoi da duoi altri angoli del triangolo due linee à duoi an-

goli de quadrati minori, le quali si
intersecheranno l'una l'altra den-
tro al detto triangolo; le quali sa-
ranno BK, & CF: et perche l'uno
et l'altro dell'i angoli BAC, & B
AG, è retto, secondo la quatorci-
fima, sarà il GC una linea sola;
et così ancora la BH, conciosia che
l'uno et l'altro de duoi angoli, CA
B, et CAH, è retto; adunque perche
il quadrato BEGA, et il triangolo B
FC, sono sopra la medesima basa B
e, et fra due linee parallele, cioè E

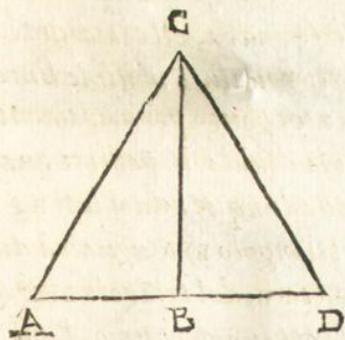
C, et BF, sarà il quadrato BFGA, secondo la quarantunesima, per il
doppio del triangolo BFC. Et il triangolo BFC è uguale al triangolo
BAD, secondo la quarta; perche FB, et BC, lati del primo, sono uguali
à duoi lati AB, et BD, dell'ultimo et l'angolo B; del primo è uguale
all'angolo B, dell'ultimo, conciosia che l'uno, et l'altro è fatto dell'
angolo retto, et dello ABC, che è commune: adunque il quadrato BF
GA, è per il doppio del triangolo ABD. Ma il quadrato BDLM, è per
il doppio del detto triangolo secondo la quaratesima conciosia che
ei sono fatti sopra della medesima basa, la quale è BD, et fra due li-
nee le quali sono parallele, cioè BD, et AL; adunque mediante la co-
mune sententia il quadrato ABFG, et il quadrato BDLM, sono ugua-
li: perche le metà loro, cioè i detti triangoli sono uguali: nel medesi-
mo modo, et mediante le medesime proposte si prouerrà il quadra-
to ACHK eßere uguale al quadrato CELM, mediante i triangoli



KBC, et AEC, per ilche habbiamo l'intento nostro di quanto ci era-
uamo proposto.

Proposta XLVII.

SE quel che ci uiene dall'hauer multiplicato un lato del trian-
golo per se stesso, sarà uguale à duoi quadrati, che saranno
descritti da gli altri duoi lati, quell'angolo che è rincontro à quel-
l'altro sarà retto. Multiplicare una linea per se stessa non è altro,
che descriuere il suo quadrato. Sia il triangolo ABC, & del lato
AC sia il quadrato à uguale à duoi
quadrati de lati AB, & BC, con-
giunti insieme, Dice si lo angolo B,
incontro al quale è posto il lato AC,
esser retto. Tirisi la linea BD,
secondo la undecima, à piombo
sopra la BC, che si pose à uguale à BA,
& tirisi la DC; & sarà secondo la quarantaseesima, il qua-
drato DC, uguale à duoi quadra-
ti delle linee DB, e BC: & perche
si pose BD à uguale alla BA, saran-
no i quadrati delle due linee AB,
& BD à uguali, secondo la commune sententia, che dice, delle li-
nee à uguali sono i quadrati à uguali. Per ilche il quadrato DC sarà
à uguale al quadrato AC: adunque, secondo la commun sententia,
che dice, quelle linee sono uguali, delle quali sono uguali i quadra-
ti, sarà il CD à uguale allo AC, secondo la ottava, & l'angolo B del
triangolo ABC sarà retto, che è quello ci erauamo proposto.

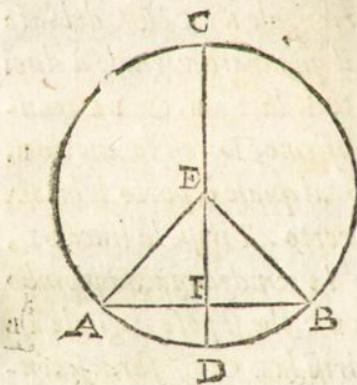


Proposta

LIBRO

Proposta III. del III.

SE una linea d'etro ad un cerchio posta fuori del centro, sarà intersecata da un'altra, che uenga dal centro, in parti uguali; è di necessità, che ella visi sopra à squadra: et se la uisarà sopra à squadra, è forza che la diuida in due parti uguali. Auuenga che la linea AB posta dentro al cerchio AB sia intersecata dalla linea ED, che venga dal centro, & la diuida in due parti uguali al punto F. Dice si che ella la diuide ad angoli retti, et per l'altro uerso diuiden dola ad angoli à squadra, ella la diuide in due parti uguali. Tirinsi le linee EA, & EB, et pongo primieramente, che ella la diuida in parti uguali; saranno adunque i duoi lati EA et EF, del triangolo EFA, uguali à duoi lati EF, et FB, del triangolo EFB: & la basa AF, alla basa FB; adunque per la ottava del primo, l'angolo F, dell'uno, è uguale all'angolo F dell'altro perche l'uno, & l'altro è retto: per il che la EF è à piombo collocata sopra la AB, che è quelche noi cercauamo. Secondariamente io dirò, che EF, sia à piombo sopra AE; & mostrerò, che ella diuide la AB in parti uguali. Sarà adunque, mediante quello si è posto, l'uno, & l'altro di questi angoli, che sono al F retto: per il che l'uno è uguale all'altro. Ma perche per la quinta del primo, l'angolo EFA è uguale all'angolo EFB, & il lato EA è uguale al lato EB, secondo la ventiseiesima del primo, sarà la linea AF uguale alla linea FB, che è quello che cercauamo.



Propo-

Proposta IIII. del VI.

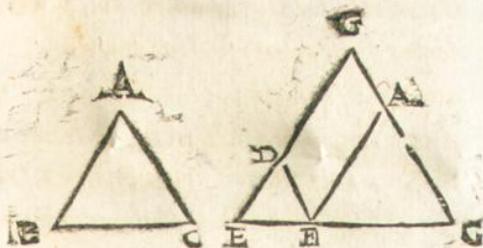
DI qualsi voglino duoi triangoli, de quali gli angoli dell' uno sieno uguali à gli angoli dell' altro, i lati che sono rincontro à detti angoli sonofra loro proportionali. Siano duoi triangoli ABC, & DEF, di angoli uguali, et l' angolo A sia uguale all' angolo D, et il B alla E, et il C alla F, dicesi, che tal proportione è dal D allo E, quale è dal A al B, et dal D F al A C, che dal E F al B C, Imperoche

ponghinsi questi duoi triangoli sopra una linea, che sia E C, talmente che i duoi angoli dell' uno, che saranno sopra questa linea, sieno uguali à due angoli dell' altro che sono sopra la medesima linea: ma non però talmente, che l' angolo

del mezo dell' uno venga al mezo dell' altro, nè l' ultimo dell' uno all' ultimo dell' altro, ma si bene che l' angolo del mezo dell' uno si congiunga in un punto con l' ultimo angolo dell' altro. Et sia la AFC quel medesimo triangolo, che fù ABC, et perche l' angolo AFC è uguale all' angolo E, & lo angolo DEF all' angolo C, per la ragion detta, farà, per la prima parte della uentottesima del primo, la linea A F parallela alla D E, & la D F alla A C: finischisi dipoi la superficie de lati paralleli, che farà G F, & G A, secondo la quarta del primo, farà uguale alla D F, & G D alla A F: perche adunque, per la seconda del sesto, G A corrisponde alla A C, come E F alla E C, & per la medesima E F ad F C, come E D al D G: farà, per la settima del quinto, D F alla A C, & per la medesima

R

ED



L I B R O

ED alla E F, come E F alla F C, che è quel che andauamo cercando. Et
qui mi piace di por fine alle propositioni di Euclide, che mi paiono
necessarie per rendere la ragione delle operationi passate; che se ha
uesse à introdurre in questa operetta tutte le Proposte, che depen-
dono l'una dall'altra, ò che si chiamano l'una l'altra; sarebbe bi-
sogno di andarsene molto in lungo: ilche sarebbe fuori della inten-
zione mia, che hò cerco solo di dimostrare tali operationi per via di
ragione però contentisi chi leggerà questi scritti di quel: che mi è
parso per questa opera necessario solamente, & utile.

DEL

DEL MODO DI MISVRARE
TVTTE LE COSE TERRENE,
DI COSIMO BARTOLI
Gentilhuomo, & Academico Fiorentino.

L I B R O S E S T O.



Come si truouì la radice quadrata di qual si voglia numero.



ER trouare la Radice quadrata di alcun propostoci numero, mi pare quasi di necessità di dichiarare i nomi de numeri, secondo che da più approuati autori sono stati chiamati; accioche lauarie-
tà di questi nomi; non habbia poi à generare con-
fusione nelle menti di coloro, che vorranno mettere le operationi
in atto. Dico adunque seguendo Orontio, che i numeri semplice-
mente, come numeri, non sono se non noue, come 1.2.3.4.5.6.7.
8.9. conciosia che da questi in su non sono più numeri semplici, ma
sono, ò articoli, ò composti, che così per lo più si chiamano. Chiamasi
questi numeri semplici ancora Diti: et questo dico si per l'uso del-
la pratica da farsi, si per la differentia che è da loro à gli altri, che
dipendono da loro, aggiuntoui il zero, cioè il 0, i quali non più diti,
ma articoli si chiamano: come è 10.20.30.100.1000.etc. Chia-
mansì ancora numeri composti, ouero mescolati, quando due figu-
re, ò più, si mettono insieme: come 12.15.30.36.97.124.2158.
& successuamente: il significato delle quali figure è notissimo, pe-

R 2 rò non

LIBRO

ro non intendo di reatttarne, bastandomi hauer accennato questo per la necessità, chi me l'abbiamo, per saper trouare le radici quadrate. per trouare e quali faccisi primieramente una T auola de

Diti quadrat.

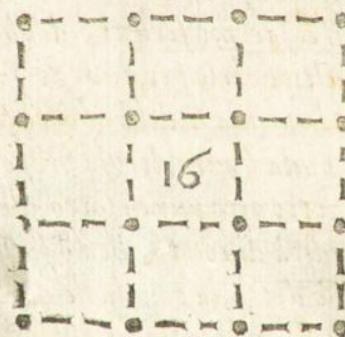
1	uie	1	fa	1
2	uie	2		4
3	uie	3		9
4	uie	4		16
5	uie	5		25
6	uie	6		36
7	uie	7		49
8	uie	8		64
9	uie	9		81

ditì già detti, dividendoli per lo lungo, & per il trauerso, con alcune lineette, come in questa figura si uede; et mettendo rinc. contro ad ogni dito, o vogliamo dir numero semplice, il multiplicato di se stesso, come qui si uede. fatto questo, habbiamo da saper, che trouare una radice quadrata non è altro; che discorrendo con la mente, trouare un numero, che multiplicato per se stesso ci dia precisamente qual si uoglia numero, che ci sia proposto, essendo questo tal proposto numero, numero quadrato; ouero ci dia il maggior numero quadrato, che farà dentro al proposto numero. Numero quadrato si chiama quel, che ci viene dal multiplicare di alcun numero in se stesso, & Radice quadrata si chiama quel numero, che per la multiplicatione di se stesso causa il numero quadrato: per la

qual cosa pare, che qual si voglia numero sia radice quadrata di qualche numero, se bene ogni numero non ha radice quadrata, ma quei numeri solamente che sono quadrati; per il che si uede, che la radice, et il numero quadrato, hanno fra di loro una scabie uole convenienza, et legamento. Il riquadrare adunque, ouero multiplicare quadratamente alcun numero, è in multiplicare, come si è detto qual si uoglia proposto numero per se stesso, cioè multiplicarlo per

quanti

quanti numeri egli è, ò uale; come per eßempio, se si multiplicasse 4 per se stesso, ce ne verrebbe 16. adunque il 16. sarebbe numero quadrato, & il 4. farebbe la radice del 16. Per il che pare, che il numero quadrato habbia una certa conuenienza, et similitudine con il quadrato geometrico, del quale ciascun lato si chiama la sua radice quadrata: ilche facilmente si può cōprendere mediante la infra-scritta figura, fatta à similitudine di una superficie piana quadrata, composta di 16. punti: conciosia che per ogni uerso sono quattro punti, i quali, annoueràdoli per qual si uoglia uerso, sempre ci danno 16. come si vede; ma torniamo al nostro ragionamento. Propostoci adunque qual si voglia numero, da uolerne cauare la radice quadrata, pongasi primieramente questo num. in tal maniera in carta, ò in tauola da abbaco, che le sue figure, mediante alcune lineette tirate à piombo, si separino à due à due, et sotto di detto nu. si tirino due linee à trauerso, fra le quali si hanno poi à mettere i diti, ò numeri semplici, come raccorderemo. Preparate queste cose, comincisi la operatione dal primo numero, cioè dalla man māca in questo modo. considerisi la ualuta di questa prima figura del propostoci numero; et uadisi inuestigādo, ò esaminando uno de numeri semplici, ò uogliamogli dire diti; il quale multiplicato per se stesso, annichili, ò spenghi eßa prima figura del propostoci numero, ò quanta maggior parte può di eßa: et pōgasi questo num. semplice, ò dito, trouato che lo haremos sotto detta



L I B R O

prima figura, in far le linee, che si tirarono à trauerso, ogni uolta che il propostoci numero sarà di tante figure, che le sieno in caffo: ma se il detto propostoci numero fuß ed i figure pari, bisogna porre detto dito, ouer numero semplice, sotto la seconda figura del propostoci numero, fra dette linee à trauerso. Fatto questo, multiplichiſi detto dito per ſe ſteſſo, et quel che ce ne viene traggati dal numero che ſopra li corriſponde, notando di ſopra il rimanēte debitamente, ſe per ſorte ve ne occorre, et ſcancellando quelle figure, delle quali ci faremo ſeruiti, debbesi dipoi raddoppiare queſto dito, cioè multiplicarlo per dua, & ſe quel che ce ne uerrà, ſarà di due figure, la prima ſi debbe porre ſotto le linee à trauerso, rincontro alla ſeconda figura del già propostoci numero, et l'altra rincontro al già detto dito pur di ſotto alle linee à trauerso. Ma per maggiore commodità di coloro, che nō fuſſino in ſimil coſe eſſercitati, ſi fece, come ſi è detto, la tauola de diti: Et però eſſaminato il ualore, come ſi diſfe della prima figura del propostoci numero, entrati nella deſtra colonna della tauola, et quiui ſi uadi al numero più uicino, che ſi approſſima alla prima figura del propostoci numero; cōcioſia che non ſempre ſi riſcontrerà, che ſia uno ſteſſo numero: però pigliſi il più uicino, ma il minore, et auertendo nella colona ſinistra ſi trouerrà il numero ſemplice, ò uogliā dire dito, che ſi debbe torre, per porlo, come ſi è detto, fra l'una, et l'altra delle linee, che ſi tiraron à trauerso. Debbesi di nuouo andare ritrouādo, ò eſſaminando con la mēte un' altro numero ſemplice, ouer dito, da metterlo nō ſotto la figura, che ſegue del propostoci nu. ma ſotto l'altra, uerſo la ritta, fra l'una, et l'altra delle linee à trauerso: il quale multiplicato per lo addoppiato nu. della prima radice, ſcancelli primieramente quele figure, che ſopra di eſſo addoppiato nu. ſon rimaste da ſinistra, et ſecondariamente multiplicato in ſe ſteſſo consumi quele figure, che

che restaron sopra e' so dito uerso la sinistra, ouero la maggior parte, che ei può di loro. Questo dito similmente si addoppi con quel che già si trouò prima, et la ultima figura di quel che ce ne uiene, si metta sotto le linee tirate à trauerso rincontro alla prima, che segue del propostoci numero, et l' altre per ordine uerso la sinistra, scacciando ancora il primo numero, che ci uiene dello addoppiamento della prima radice. Questo dito ueramente, et dopo il primo tutti li altri, che secondo la grandezza del propostoci numero saren costretti di trouare, si troueranno senza molto tedioso discorso in questo modo. Dividasi il numero corrispondente sopra da sinistra à qual si uoglia addoppiato numero delle radici, per esso stesso addoppiato numero, che à punto ci occorre. Imperoche il dito procurato da tal diuisione (conciosa che sempre se ne farà dito) uiene ad essere quello, che posto poi con gli altri fra l'una, et l'altra delle linee à trauerso, ha da essere la radice quadrata, che noi andiam cercando. Il quale se noi uorremo effaminare più diligentemente, guardisi se quel che auanza alla fatta diuisione, farà insieme cō la figura, sotto la quale ha à porre il dito maggiore, al manco uguale al numero che ci uiene dal multiplicare il dito in se stesso: percioche se il dito farà minore dello 1, ò al più del 2, si debbe pigliare il minore, il che nondimeno occorre rarissimo. Debbesi ancor di nuouo inuestigare con la mente l' altro dito da porsi non sotto la figura, che segue del propostoci num. ma sotto l' altra, fra l' una, & l' altra delle linee tirate à trauerso; il quale multiplicato prima per tutte le figure dell' addoppiato nu. & poi in se stesso, scacciando due operationi tutte le figure, che di sopra li corrispondono, ò la maggior parte, che si può di loro. Cōseguentemente questo dito radicale insieme cō i già trouati, et posti fra le linee à trauerso, si addoppi, come è solito, & quel che ci uiene di tale addoppiamento, si poggia sotto per ordine, co-

L I B R O

me de gli altri si fece , scancellando prima le figure de numeri addoppiati, delle quali ci saremo seruiti. Et questo modo di operare si continui per insino à tanto, che si arriui sotto la ultima figura del propostoci numero. Et non ci esca di mente, che ogni uolta, che nella fine, ò mezo di tale operatione ci soprauanzasse vn 1. per dito radicale, che in suo cābio vi si hā à porre un zero, cioè un 0 il quale si hā ad addoppiare insieme con le già trouate radici, se già non ci occorresse, che uenisse sotto la ultima figura di tutto il propostoci numero. Ricorderemoci ancora, che quando baremo dato fine all' operatione del trouare questa radice, & che del propostoci nu. non ci auanza cosa alcuna: potremo conchiudere il propostoci num. es fere numero quadrato: conciosia che se altrimenti occorresse, il detto numero non sarebbe num. quadrato, nè la radice trouata di esso num. si potrebbe chiamare radice quadrata, ma radice del magior quadrato numero, che si trouasse dētro al propostoci numero. Concosia che tutti i numeri non son numeri quadrati. Quel che auanza, trouata la radice, si denomina dalla radice, addoppiato: la qual radice, ancor che ella non sia la uera radice del propostoci numero, è nondimeno molto uicina alla uerità. Da queste cose ne seguirà, che qual si uoglia numero quadrato: multiplicato per numero quadrato, faccia nu. quadrato; et che ogni radice ancora addoppiata di qualunque numero quadrato, multiplicata per se stessa produca il quattro tali del suo quadrato. Et che quel rispetto, ò proportione, che hā la radice alla radice, la hā ancora il numero quadrato al numero quadrato, et così per il contrario. Onde la proportione de quadrati si genera dalla proportione delle loro radici, multiplicata in se stessa. Et se ci sarà nota la radice della proportione de quadrati, ci sarà ancor nota la proportione delle radici; ma non uoglio, che noi parliamo hora delle proportioni, hauēdone già il nostro

stro

stro Carlo Lenzoni scritto à lungo in questalingua, nō meno dot-
tamente che accuratamente, in quel libro che egli fece in difesa di
Dāte. Però tornādo al nostro proposito daremo l'esempio delle co-
se dette di sopra; accioche elle sieno più chiare, et più manifeste.

Dicasi che si uogli trouare la radice $\sqrt{30416}$. pongasi questo num. come si dis-
se; et tirisili sotto due linee à trauerso; & con alcune li-
neette, che à piombo dividano à dūa à dūa dette figure
cominciandoci da destra, &
uenendo uerso la sinistra, co-
me nel disegno di incontro
si uede. considerisi adunque
la prima figura del proposto
ci numero, et uadisi à cercarla nella destra colonnetta della già fat-
ta tauola, il qual numero non trouerai così precisamente à punto.
Et però di quegli ui sono, piglisi il minore di quelli che più se li ap-
prezzono: come che essendo il 5. il 1. del proposto ci numero, torremo
nella colōna destra della tauola, il 4. che è il più uicino che ui si tro-
ua & minore: et guarderemo nella sinistra colonna della detta ta-
uola, che numero semplice, ò dito li corrisponda, & trouando che
egli è il 2. lo porremo sotto à detto 5. fra l'una & l'altra delle linee
che si tirarono à trauerso: dicasi dipoi 2. uie 2. fà 4. et traggasi 4.
di 5. ci resterà 1. il qual uno si metta sopra il 5. et al 5. si dia di pē-
na: dicasi di nuovo 2. uie 2. fà 4. et pongasi 4. sotto à tutte due le
linee tirate à trauerso, rincòtro alla figura che segue, ch'è il 3. Fini-
to qsto primo modo di operare, trouisi l'altro dito, che fra le linee
à tra-

X	X	X	2
8	3 0 4 X 6		
2	3	0	4
			4
			4 4 6 0

LIBRO

à trauerso si hà à porre sotto il 0. in questo modo: partasi il 13. per il 4. Et ce ne uerrà 3. per parte, et ce ne auanzerà uno, il qual 1. con il 0. che segue, farà 10. dal qual consequentemente si potrà cauare il quadrato del 3. detto: mettasi adunque il tre fra le linee tirate à trauerso rincontro al 0. et dicasi 3. uie 4. fà 12. il quale trattato de 13. ce ne rimane uno, scancellisi adunque 13. Et sopra il 3. si ponga 1. dipoi multiplicisi 3. per se stesso, Et ce ne uerrà 9. il qual numero se lo trarremo di 10. Et pongasi sopra il 0. lo 1. Et oltre questo si cancelli il 4. numero primo addoppiato della trouata radice, finalmente addoppiisi l'uno Et l'altro dito della addoppiata radice, come è il 23. et ce ne uerrà 46. il quale numero pongasi di nuovo sotto le linee tirate à trauerso, ponendo 6. rincontro allo 8. Et 4. rincontro al 0. Douserremo consequentemente trouare il terzo dito, che si hà à collocare fra l'una, Et l'altra linea delle tirate à trauerso, incontro, non alla prima figura che segue del propositoci numero, ma all'altra, che uiene ad esser la quinta, cioè il 4. Ma perche all'addoppiato numero 46. vi risponde sopra solamente 18. il qual numero non si potrebbe diuidere per 46. però bisogna porui un zero 0. in cambio di dito, perche un 1. sarebbe troppo, il qual 0. si debbe porre sotto il 4. fra l'una Et l'altra delle linee à trauerso. Fatto questo, scancellisi 46. che è il numero addoppiato della passata trouata radice: Et di nuovo addoppiisi 230. Et ce ne uerrà 460. il qual numero pongasi sotto le linee tirate à trauerso il 0. sotto lo 1. il 6. sotto il 4. Et il 4. sotto lo 8. del propositoci da prima numero. Finalmente partasi il 1841. per il poco fà addoppiato numero 460. al quale ei corrisponde, Et ce ne uerrà 4 per parte, Et auanzeracci 1. il quale 1. con il 6. che è l'ultima figura del propositoci numero, farà 16. dal quale si potrà trarre il quadrato da farsi come si ricerca: pongasi adunque 4 sotto il 6. fra

6. fra l'una, & l'altra delle linee tirate à trauerso, & dicasi quattro uie 4. fà 16. il quale tratto dal 18. disopra ci resterà 2. scancellisi adunque 18. & sopra lo 8. si ponga 2. Dicasi dipoi 4. uie 6. fà 24. traggasi 24. dal 24. che li è à corrispondentia sopra, non ce ne rimarrà niente: scancellisi adunque 24. & il 0. si lasci stare, il quale ancor che sia la prima figura del numero addoppiato, non è atta nata: come più uolte si è detto, à produrre cosa alcuna. Dicasi ultimamente 4. uie 4. fà 16. & traggasi 16. dal 16. che soprali corrisponde, nè ci auanzerà cosa alcuna, per ilche il proposto ci numero 5308416. sarà numero quadrato, la sua trouata radice sarà 2304. nelle altre cose si tenga il medesimo ordine: ma per maggior chiarezza si replica la forma delle figure.

$\begin{array}{r} X \cdot X X 2 \\ 8 8 0 8 4 X 6 \\ - 3 \quad 0 \quad 4 \end{array}$	numero proposto.
	radice quadrata.
$\begin{array}{r} 4486 \quad 0 \\ - 4 \end{array}$	numeri doppi delle radici.

Come si caui detta radice occorrendoci rotti.

Parci ragioneuole mettere à campo un altro modo da trouare le radici quadrate molto più eßattamente, accioche coloro, che porranno, possino trouarle più à punto di qual si uoglia num. ancor che

L I B R O

che gli uenghino nell'operare, come interuiene de rotti. Propostoci adunque qual si uogli num. del quale si uogli cauare la radice quadrata; aggiugasi à detto num. uerso la destra quel numero de zeri che ci piace, ma che siano di nu. pari; come 00.0000.000000. et così successuamente accrescendone due per uolta: Et di quel num. che ce ne resulta, cauisene la radice quadrata; secondo quella regola che di sopra si è detta lasciando però del tutto da parte qual si uoglia resto, che ce ne rimanesse, se per sorte nell'operare ce ne occorresse. Fatto questo, lieuisi dipoi da essa radice quadrata la metà delle figure à corrispondētia de 0. che ui aggiungēmo: cioè se ui aggiungemmo sei 0. leuisi uia 3. figure, et le altre uerso la sinistra si serbino, per l'intero num. della radice. Leuate uia dipoi queste figure della detta radice; Bisogna moltiplicarle per qual si uoglia num. nel quale ci parrà di diuidere una di esse parti intere, come saria per 10. se noi diuideſſimo detta parte intera in decine 0. per 20. se noi la diuideſſimo in 20.0. per 30. diuidendola in 30.0. per 40. diuideſſola in 40.0. per 50. diuideſſola in 50.0. finalmēte p 60. diuideſſola in 60.0. et da quel ci uiene di tal moltiplicato, lieuinſi uia da mā deſtra tāte di quelle figure che ui sono: che siano per la metà de 0. che ui si aggiūſeno, et le figure che restano da mā māca, ponì dopò il numero del già trouato intero: conciosia che eglino han no à seruire per la prima sorte de rotti, che ci farāno uenuti dalla diuisione, che harem fatta dello intero. Diuouono le figure che poco fā ſi leuaron uia, moltiplichiniſi per la medesima sorte di diuisione che facēmo, et da quel che ce ne viene lieuifi uerso la deſtra tante figure, quante ſe ne leuaron da prima, et quel ci resta pongasi appreſſo à primi rotti; che ha à seruire per i ſecondi rotti, che ci uēgano ſecōdo la diuisione, che harem da principio oſſeruata. Et queſto facciſi tāte uolte, che ci rimāghino à pūto tanti, quāti è la metà de 0. che

o.che si aggiunsero. Concioſia che per questa uia ſi potrā cauare alſai preciſamente et à punto ſecondo il numero de gli aggiunti o. la radice del propoſto ci numero. Dal che ne ſeguita, che quāti più o. ſi aggiungerāno al propoſto ci numero, tāta più eſatta radice quadrata caueremo di detto numero. Ma uègati all'eſempio, et dicati, che uogliamo cauare la radice di 10. aggiungati ad eſſo 10. ſei o. et farà 10000000 la radice quadrata del quale numero ſecondo l'ammaeſtramento paſſato, farà 3162. come moſtra il diſegno delle figure che ſegue, et ci è rimaflo di reſto come ſi uede 1756. del qua le non terrem conto alcuno: concioſia che non ci cauferà errore ſenſibile, ò notabile. lieuifi adunque via le tre ultime figure di detta radice, cioè 162. che ſono per la metà de ſei zeri, che ſi aggiuſeno, et 3. ſerbifi; concioſia che gli è lo intero, cioè il primo numero della fu tura radice. dicati dipoi, che noi habbiā diuiſo uno di queſti interi in 60. et che tutte le parti de rotti habbino à ſeruare queſt'ordi ne: muſticiplicheremo adūque 162. per 60. et ce ne uerrà 9720. dal qual numero tolgaſi di nuovo uia tre delle ultime figure, cioè 720 et la quarta figura ſerbifi, cōcioſia che ella è il numero de primi rotti, che ſi hā à porre ſubito dopò il 3. che laſciāmo per intero. muſticiphiſi di nuovo 720. per 60. et ce ne uerrà 43200. dal qual nu ſe noi leuerē uia il 200. cioè le tre ultime figure, che ſono la metà de o, che vi aggiungeremo ci auāzerà 43 il qual numero ſeruirà p 43. ſecōdi, cioè per la ſecōda forte de rotti. muſticiphiſi dipoi 200 per 60. et ce ne uerrà 12000. dal qual numero leuādo le tre ultime figure, che nō ſignificano coſa alcuna, ci rimarrà :2. che ſeruirà per la terza forte de rotti: et nō ſi debbe nella operatione procedere più oltre; pcioche le ultime tre figure, che ſi ſo leuate uia, nō haueuono, eſſeđo tre o. ſignificato alcuno, ma erano del tutto ſimili, ancorche p la metà alli aggiunti o. Potremo adūq; eſiderare di ha uere

LIBRO

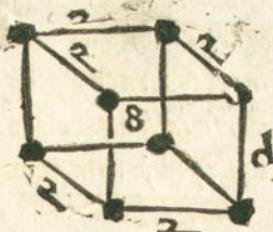
uere in questo modo cāuata la radice del 10. la quale è 3.interi, 9.
 minuti 43. secondi, et 12. terzi, hauendo diuiso l'intero in 60. &
 successuamente in 60. ancora li altri suoi dependenti, et auuerti-
 scasi che il simile si può fare di qual si uoglia numero, & siano che
 et quante figure si uogliono. Potrebbesi nondimeno, trouata che ha
 ueffimo la radice del detto 3162. pigliare il 3. per lo intero, come si
 fece di sopra lo 1. per la decima parte d'uno intero, cioè per 10.mi-
 nuti, se haueffimo diuiso lo intero in decime, & il 6. per 6. decimi
 del minuto, che farebbon sei secondi, et 2. finalmente per 2. decimi
 di un secōdo, offeruando la proportion della diuisione à decine: ma
 più esattamente mi pare si faccia nell' altro modo, nondimeno cia-
 scun si serua nell' operare di quel modo che più li piace, che final-
 mente non rilieua cosa, che importi quasi niēte, & eccone la forma
 dell' operare.

			X 2 7	
			3 3 4 8 5	
			4 4 2 8 4 6 6	
			7 0 0 0 0 0 0	
			3 1 6 2	
			6 4 3 2	
			6	

Come si trouino le radici cubiche.

Le cauare la radice cubica di alcun numero, non è altro, che saper ritrouare alcun numero, che multiplicatolo una uolta sola per se stesso, e rimultiplicato, quel che ce ne sarà venuto vn'altra uolta per se stesso, causi il propostoci da prima numero, se ei sarà numero cubico; ouero adēpia il numero cubico maggiore, che sarà dentro al *propo-*

propostoci numero, che non fusse numero cubico. Numero cubico adunque si debbe chiamar quello, che si genera dalla doppia multiplicatione di alcun numero in se stesso, ouero dal multiplicarlo una sol uolta in se stesso, et rimoltiplicar poi il suo multiplicato ancora per se stesso; la radice cubica adūque nō è altro, che esso numero cubico. Di sorte che il multiplicare cubicamente alcuna cosa, nō è altro che multiplicare un numero propostoci due uolte in se stesso, ouero multiplicarlo in se stesso una uolta, & rimoltiplicare il suo multiplicato per se stesso un'altra volta, come se noi diceßimo due vie dua, et duo uie dua fà 4. ouero duo uie dua fà 4. et duo uie 4. fà 8. Talche lo 8 saria il numero cubico, & il 2. la radice cubica, ilche si debbe intendere à corrispondentia di tutti gli altri numeri simili. Debbesi intendere questo numero cubico per un corpo solido, fatto di sei superficie piane come un dado. Talche dal primo multiplicare di alcun numero in se stesso se ne cauſi prima il numero quadrato, et piano, o vogliam dire superficiale, et dal rimoltiplicar di nuovo detta superficiale qua-



to di sei superficie piane come un dado. Talche dal primo multiplicare di alcun numero in se stesso se ne cauſi prima il numero quadrato, et piano, o vogliam dire superficiale, et dal rimoltiplicar di nuovo detta superficiale qua-

dratura, si cauſi il numero cubico, come in quel modo che si può migliore ci rappresenta il presente disegno. Il modo ueramente di trovare la radice cubica nō è molto differente da quel, che poco fà si disse del cauare le radici quadrate. Eccetto primieramente questo che ei bisogna, che le figure di quel numero, dal quale uorrà cauare la radice cubica, si separino à tre per tre cõ le lineette à piòbo, cominciandosi dall'ultima, & andando verso la sinistra. Oltre di questo

il Dito

L I B R O

il Dito trouato, & posto sotto la prima coppia da man stanca, si ha à multiplicare cubicamente, e tratto quel ce ne viene dal numero di sopra, si debbe il medesimo primo dito rimoltipicare per 3. et l'ultima figura di quel che ce ne viene, si ha à porre sotto le linee tirate à trauerso rincontro alla figura del mezo, che si troua fra le lineette che seguono à piôbo distribuendo le altre figure uerso la sinistra, secondo l'ordine. Il secondo dito poi insieme con il primo si ha à multiplicare per tre, et quel ce ne verrà si ha à multiplicare poi per esso dito, il che non si fa ne' numeri quadrati; et quel che ce ne uiene, si ha à cauare à corrispondetia da quel di sopra, rispetto all'hauerlo rinterzato, notando quel ci auanzerà di sopra, se per sorte ci auâzerà cosa alcuna. Questo dito dipoi si multiplichi cubicamente in se stesso, et traggasi quel che ce ne uiene dal numero, che ci rimase di sopra. Rinterzonsi poi, cioè si multiplican per 3. ameduoi i trouati diti; et l'ultima figura di quel ce ne uiene, si ha à porre sotto le linee tirate à trauerso, rincôtro alla figura del mezo delle tre, che sono uerso la destra fra le lineette tirate à piôbo, et le altre come le di sopra, metter per ordine uerso la sinistra. trouato di nuovo il terzo dito, bisogna rinterzarlo cõ i già prima trouati diti: Et quel che ce ne uerra, si ha di nuovo à multiplicare per se stesso; accioche l'ultimamente cubicamente multiplicato, consumi tutto il numero che sopra li corrispôde, ouero la maggior parte di esso che li è possibile. Tegasi il medesimo ordine del quarto dito delle radici, et di più, se più ne occorrono, fino à tanto che si arrivi sotto la ultima figura del propostoci nu. Nè ci esca di mente, che i trouati diti delle radici si hano à metter sempre sotto la figura da destra, che uiene fra lineetta et lineetta delle à piôbo, di detto propostoci num. Et ora questo ricorderemoci, che quâte volte ci auâzerà uno I. p il trodato dito (ilche di necessità ci occorrerà tâte uolte, quâte che il numero

mero posto sopra il numero rinterzato, farà per 10. uolte maggior della trouata radice, multiplicato per detto num. rinterzato) ci bi sogna in cambio di esso dito metterui un zero, et cancellato il poco fà rinterzato numero delle radici, rinterzare essa radice, chè risulterà del detto zero, et de primi trouati diti: et l'ultimo dito de rinterzati numeri porlo sotto le linee da trauerso rincōtro alla figura del mezo, che è frà le linette à piöbo, che segon da destra, notando ò ponēdo l' altre secondo l' ordine verso la sinistra. Fatto questo, si hāno à ritrouare gli altri diti con quella regola, che poco fà si è detta, fino à tāto, che si arriui all' ultima figura del propostoci nu. ♂ farà finita la operatione del modo di trouare la desiderata radice. Nè bisogna, che altri si marauigli, fatta tutta la operatione, se ql che ci auāza farà il più delle volte maggior di essa radice (ilche non interuiene de numeri quadrati) percioche un nu. ben piccolo multiplicato cubicamente genera un num. molto grande, & quel che ci auanzerà, si chiamerà auāzo di radice triplata. Pare adunque, che ci sia una sola difficolta nel trouare i diti radicali: conciosia che sarebbe cosa lūga, et molto fastidiosa l'hauer sempre à discorrere cō la mente da 1. per insino à 9. et dal 9. al 1. per trouare finalmente un dito cōueniente al bisogno nostro, et però habbiam giudicato non essere fuor di proposito aggiū gerci una tauoletta; nella quale sieno essi diti, et numeri cubicamente multiplicati di essi diti; mediante la qual si possa multiplicare cubicamente tutti i diti, (ilche faremo sforzati di fare spesso) ♂ trouare per questa uia il primo nu. della futura radice. Considerisi adūque fra i numeri cubichi di detta tauoletta, qual numero ui sia uguale, ò che più se li appressi, ma però minore, al numero, ò figure del propostoci numero, che faran rasēte la prima lineetta delle à piöbo uerso la destra. Conciosia che il dito, che nella colōna sinistra della tauoletta corrispōderà al detto

S. numero

L I B R O

numero sarà quello, che si farà à pigliare per la desiderata radice. E tutti gli altri diti finalmente si catieranno dal primo con questa regola. Presuppôti di hauere un zero, cioè un 0 per trouare il desiderato dito, cioè multiplica per 10. il già trouato numero della radice, conciosia che posto un zero dopò qual si uoglia figura di abbaço accresce per 10. tanti essa figura del numero; & il numero, che così multiplicato per 10. insieme con il primo dito della radice, ouer con i già trouati diti, et con detto zero resulta, multiplicishi per il numero rinterzato sotto le linee da trauerso, & diuidasi per il numero multiplicato, posto sopra il rinterzato. Conciosia che quel numero che ce ne uerrà da tal diuisione, sarà sempre dito, & ha da essere sempre preso per il desiderato dito delle radici. Et se ei ci piacerà esaminare più diligentemente esso dito, considerisi se quel ci auerà, fatta la diuisione insieme cō la figura, che subito segue uerso la destra, faccia un nu. maggiore, ò almanco uguale, al numero che uiene dalla multiplication cubica di detto dito: conciosia che se egli accadeße altrimenti, bisognerebbe pigliare eßò dito minore dell' uno, ò almanco del 2. come si disse de numeri quadrati. Ma per uenire alla dimoſtration con lo esempio, per maggiore dichiaratione porremo prima la promessa tauoletta.

	Diti	N <u>m</u> .Cubich.
Vn vie uno. due volte.	1	1
Dua vie due. due volte.	2	8
Tre vie tre. tre volte.	3	27
Quattro vie quattro. quattro volte.	4	64
5. vie 5. cinque volte.	5	125
6. vie 6 sei volte.	6	216
7. vie 7 sette volte.	7	343
8. vie 8 otto volte.	8	512
9. vie 9 noue volte.	9	729

Propoggacisi per essèpio questo numero 128. 12904. del quale si habbia à cauar la radice Cubica. Ordinisi questo numero, come già di sopra dell' altro si disse, & come mostrerà la figura, che segue, insieme cõ le lineette à piombo, & con le di sotto ancora, tirate à trauerso. Considerisi dipoi il 12. il quale è il primo numero, ò figura verso la sinistra, del propostoci numero separato dalla prima lineetta à piombo, et vadisi con esso nella destra colonna della già fatta tavola de numeri Cubichi, & cerchisi di esso, questo 12. non vi si trouerà precisamente à punto, et però piglisi il minore, che se li auicina, che farà lo 8. et troueremo che nella colonna sinistra li corrisponde il 2. il quale è il primo dito della futura radice: pongasi adunque questo 2. sotto il 12. frà l' una & l' altra delle linee à trauerso, & dicasi. 2. uie 2. due volte fa 8. et traggasi 8. da 12. ce ne resta 4. poggasi 4 sopra il 2. del 12. et scancellisi esso 12. Multiplichisi poi per 3. detto 2. et dicasi. 3. uie 2. fà 6. et poggasi detto 6. sotto amëdue le linee à trauerso rincõtro allo 1, che è subito dopo lo 8. della destra. Presupòghiamoci conseguentemente di hauer uno zero à cibio del dito, che segue di detta radice, che insieme con il primo di già trouato ci diuenterà 20. il qual multiplicato per 6. num. rinterzato della già prima trouata radice, ci darà 120. diuidasi adunque il 48 1. che disopra corrispôde al detto rinterzato nu. p 120. et ce ne uerrà 3. per parte, il qual 3. hà da seruire per il secondo dito della radice, lasciato 12 1. di auazio, ilche cõ il 2. che egli hà da destra. fà 12 12. dal qual numero si potrà facilmente cauare il numero cubico di esse 3. dette figure, pongasi adunque il 3. fra amëdue le linee da trauerso sotto il 2. del 8 12. che è rinchiuso fra la prima et la secôda delle lineette à piombo, et multiplicansi l' un, et l' altro dito dell' a radice, cioè 23. per il 6. nu. rinterzato, et ce ne uerrà 138. ilche multiplicato p 3. ci darà 414. ilche si trarrà dal 48 1. che corrispônde ad esso numero rinter-

L I B R O

zato, & ci rimarrà 67. scancellisi 481. et poggauisi sopra 67. il 7. cioè sopra lo 1. et il 6. sopra lo 8. Multiplichisi finalmente il 3. cubicamente dicēdo tre uie tre uolte fà 27. et traggasi 27. dal 72. che poco fà ci rimase, et ce ne resterà 645. lasciato adunque stare il 6. senza toccarlo, scancellisi 72. et sopra ui si poga 45. cioè il 5. sopra il 2. et il 4. sopra il 7. Fatto questo, rinterzisi 23. et ce ne uerrà 69 il che pongasi sotto amēdue le linee da trauerso, il 9. cioè sotto il 0. et il 6. sotto il 9. del propostoci num. et scancellisi il prima rinterzato numero, cioè il 6. Deb besi finalmente andare eſaminando, & trouando il terzo dito della radice in questo modo: multiplichisi il 23. che ſon figure della già trouata radice per 10. aggiuntoui da destra un zero in questo modo, 230. il qual nu. della radice già multiplicato per 10. cioè, 230. multiplichisi per 69. già num. rinterzato della trouata radice, et ce ne uerrà 15870. partasi adunque per questo 15870. quel che ci rimase di resto corrispondente sopra il detto rinterzato nu. cioè 64590. et harēmo 4. per parte, et ci auanzerà 1110. il che con il 4. ultima figura di tutto il nu. ci farà 11104. num. molto maggiore che il numero Cubico, che ci viene dalla multiplication cubica di eſe 4. figure. Pongasi adūque 4. fra l'una, et l'altra delle linee à trauerso rincontro al 4. ultima figura del propostoci nu. et multiplichinſi tutti i diti della trouata radice cioè 234. per 69. numero ultimamente rinterzato, et ce ne uerrà 16146. multiplicato per 4. ce ne uerrà 64584. traggasi adunque 64584. dal sopra notato num. 64590. & ce ne resterà solamente 6. il che ſi ha à porre sopra il 0. cancellando l'altre figure ſecodo il ſolito: multiplichisi finalmēte cubicamēte il 4. cioè, l'ultimamente trouato dito della radice, et ce ne uerrà 64. il che traendolo dal 64 che prima ci era rimasto, nō ci laſcierà coſa alcuna di resto. La onde potremo dire, che il da prima propostoci numero 12812904.

fia

sia numero Cubico, & che il 234 sia la sua radice cubica, il medesimo si debbe fare dell' altri simili. Dalle cose adunque dette si uede manifesto, che si trouano molto più numeri quadrati, che cubichi, perche da 1. fino à 1000000. per un numero cubico solo se ne troueranno 10. quadrati.

numero propostoci.

radice cubica.

Numeri interzati delle ra-
dici.

			4		
X	8	X	8		8
X	2	X	2	8	0
				6	4
				6	9

Come si caui la Radice Cubica di ogni numero,
nel quale occorrino Rotti.

Propostoci il nume. del quale si habbi à cauare la radice Cubica, aggiughisi dopo tati zeri à tre per tre quati ci piace: cioè, 000. ouero 000000. ouero 00000000. & così successivamente crescendo di 3. in 3. quanto ci piacerà, & di quel che ce ne uiene cauisi la radice cubica, nel modo già detto di sopra; nō tenendo conto alcuno di quel che ci rimanesse, se è forte ci rimanesse cosa alcuna di resto: traggasi dipoi dalla trouata radice tate figure dalla destra che sieno à il terzo de zeri, che ui si aggiunson, et quel num. che da sinistra ci resta, serbisi da parte per li interi della futura radice.

LIBRO

Multiplichinsi dipoi conseguentemente le figure, che si leuaron di detta radice, per quel numero, nel quale ci saremo resoluti di diuidere uno intero; come si insegnò nella operatione della radice quadrata, quando si diuise per 60. Et ci seruimmo d'interi minuti, se condi, terzi. Et di nuouo di quel ce ne farà uenuto, lieuinsi tante figure, che sieno per il terzo de zeri, che si aggiunsono: Et le figure che rimangono da sinistra, notisi dopo il già posto numero dell'i interi, che seruirà per i minuti; di nuouo rimultiplichinsi le poco fà leuate figure per il medesimo numero, che sia come ne numeri quadrati si disse il 60. Et lieuansi di nuouo da man destra tante figure, che sieno per il terzo de zeri, che si aggiunsono. Concio sia che per questa uia si trouerà la radice cubica, come la quadrata, molto precisamente, et molto à punto, secondo l'aiuto dello aggiungimento de zeri; donde ne segue, come ne quadrati, che tanto più effattamente si trouerà la radice cubica, quanto più zeri li aggiungeremo. Ma per maggior dichiaratione verremo all'esempio. Sia il proposto numero, del qual uogliam cauare la radice cubica, 30. Aggiungansi al detto 30. noue zeri, et sarà 3000000000. la radice cubica del qual numero, secondo la poco fà descritta regola, è 3107. come la presente figura, ò forma dimostra.



Lascian-

Lasciando da parte il 6733957. del che non si ha à tenere
conto alcuno, lieuinsi adunque uia le tre ultime figure, cioè 107.
concosia che elle sono per il terzo de 9. Zeri, che si aggiunsono, &
l'altra figura, cioè il 3. si serbisi da parte per il numero intero della
futura radice. Multiplicato poi il 107. per 60. come si fece de
numeri quadrati, ce ne uerrà 6420. dal qual multiplicato lieuini-
si via le 3. ultime figure dalla destra, cioè 420, et l'altra figura
uerso la sinistra, pongasi doppo il 3. fra l'una, et l'altra delle à tra
uerso, che seruirà per i numeri. Multiplichisi di nuouo 420. per
60. & ce ne uerrà 25200. del qual numero se noi ne leueremo le
3. ultime figure, cioè 200. ce ne resterà 25. ilche porremo per i se
condi, dopò i minuti. Multiplichisi dipoi 200. per 60. et ce ne uer-
rà 12000. lieuinsi adunque le tre ultime figure, cioè i tre zeri, et
cirimarrà 12 da seruircene per i terzi. Hora perche le tre figure
del multiplicato sono stati zeri, che ultimamente habbiam leuati
uguali al tutto alla terza parte delli aggiunti zeri, non si ha à
procedere più oltre; adunque la radice cubica del proposto numero,
che fù 30, è 3. interi, 6. minuti. 25. secondi, & 12. terzi: ilche
basti, quanto al trouare l'una & l'altra radice, cioè quadrata,
& cubica, senza i rotti, ò con detti rotti; concosia, che nelli altri
numeri, si potrà sempre procedere à corrispondentia.

TAVOLA DELLE RADICI QUADRATE, LIB. VI.

<i>Radicis.</i>	<i>Quadrati.</i>										
2	4	35	1225	68	4624	101	10201	134	17956	167	27889
3	9	36	1296	69	4761	102	10404	135	18225	168	28224
4	16	37	1369	70	4900	103	10609	136	18496	169	28561
5	25	38	1444	71	5041	104	10816	137	18769	170	28900
6	36	39	1521	72	5184	105	11025	138	19044	171	29241
7	49	40	1600	73	5329	106	11236	139	19321	172	29584
8	64	41	1681	74	5476	107	11449	140	19600	173	29929
9	81	42	1764	75	5625	108	11664	141	19881	174	30276
10	100	43	1849	76	5776	109	11881	142	20164	175	30625
11	121	44	1936	77	5929	110	12100	143	20449	176	30976
12	144	45	2025	78	6084	111	12321	144	20736	177	31329
13	169	46	2116	79	6241	112	12544	145	21025	178	31684
14	196	47	2209	80	6400	113	12769	146	21316	179	32041
15	225	48	2304	81	6561	114	12990	147	21609	180	32400
16	250	49	2401	82	6724	115	13225	148	21904	181	32761
17	289	50	2500	83	6889	116	13450	149	22201	182	33124
18	324	51	2601	84	7056	117	13680	150	22500	183	33489
19	361	52	2704	85	7225	118	13924	151	22801	184	33856
20	400	53	2809	86	7390	119	14161	152	23104	185	34225
21	441	54	2916	87	7569	120	14400	153	23409	186	34596
22	484	55	3025	88	7744	121	14641	154	23716	187	34969
23	529	56	3136	89	792	122	14884	155	24025	188	35344
24	576	57	3249	90	8100	123	15129	156	24336	189	35721
25	625	58	3364	91	8281	124	15376	157	24649	190	36100
26	676	59	3481	92	8464	125	15625	158	24964	191	36481
27	729	60	3600	93	8649	126	15872	159	25281	192	36864
28	784	61	3721	94	8836	127	16129	160	25600	193	37249
29	841	62	3844	95	9025	128	16384	161	25921	194	37636
30	900	63	3969	96	9216	129	16641	162	26244	195	38025
31	961	64	4096	97	9409	130	16900	163	26569	196	38416
32	1024	65	4225	98	9604	131	17161	164	26896	197	3889
33	1089	66	4356	99	9801	132	17424	165	27225	198	39204
34	1156	67	4489	100	10000	133	17689	166	27556	199	39601

TAVOLA DELLE RADICI QVADRATI, LIB. VI.

<u>Radici.</u>	<u>Quadrati.</u>								
200	40000	233	54289	266	70756	299	89401	332	110224
201	40401	234	54756	267	71289	300	90000	333	110889
202	40804	235	55225	268	71824	301	90601	334	111556
203	41209	236	55696	269	72361	302	91204	335	112225
204	41616	237	56169	270	72900	303	91809	336	112896
205	42025	238	56644	271	73441	304	92416	337	113569
206	42436	239	57121	272	73984	305	93025	338	114244
207	42849	240	57600	273	74529	306	93636	339	114921
208	43264	241	58081	274	75076	307	94249	340	115600
209	43681	242	58564	275	75625	308	94804	341	116281
210	44100	243	59049	276	76176	309	95481	342	116964
211	44521	244	59536	277	76729	310	96100	343	117649
212	44944	245	60025	278	77284	311	96721	344	118336
213	45369	246	60516	279	77841	312	97344	345	119025
214	45796	247	61009	280	78400	313	97969	346	119716
215	46225	248	61504	281	78961	314	98596	347	120409
216	46616	249	62001	282	79524	315	99225	348	121104
217	47089	250	62500	283	80089	316	99856	349	121801
218	47524	251	63001	284	80656	317	100489	350	122500
219	47961	252	63504	285	81225	318	101124	351	123201
220	48400	253	64009	286	81796	319	101761	352	123904
221	48841	254	64516	287	82369	320	102400	353	124609
222	49284	255	65025	288	82944	321	103041	354	125316
223	49729	256	65536	289	83521	322	103684	355	126025
224	50176	257	66049	290	84100	323	104329	356	126736
225	50625	258	66564	291	84681	324	104976	357	127449
226	51076	259	67081	292	85264	325	10565	358	12804
227	51529	260	67600	293	85849	326	106276	359	128881
228	51984	261	68121	294	86436	327	10699	360	129600
229	52441	262	68644	295	87025	328	107684	361	130321
230	52990	263	69169	296	87616	329	10841	362	131044
231	53361	264	69696	297	88209	330	10900	363	131769
232	53824	265	70225	298	88804	331	109501	364	132496

TAVOLA DELLE RADICI QVADRATE, LIB. VI.

Radici.	Quadrati.										
365	132225	398	158404	431	185761	464	215296	497	247009		
366	133956	399	159201	432	186624	465	216225	498	248004		
367	134689	400	160000	433	187489	466	217156	499	249001		
368	135424	401	160801	434	188356	467	218089	500	250000		
369	136161	402	161604	435	189225	468	219024	501	251001		
370	136900	403	162409	436	190096	469	219961	502	252004		
371	137641	404	163216	437	190969	470	220900	503	253009		
37	138384	405	164025	438	191844	471	221841	504	254016		
373	139129	406	164836	439	192721	472	222784	505	255025		
374	139876	407	165649	440	193600	473	223729	506	256036		
375	140625	408	166464	441	194481	474	224676	507	257049		
376	141376	409	167281	442	195364	475	225625	508	258064		
377	142129	410	168100	443	196249	576	226576	509	259081		
378	142884	411	168921	444	197136	477	227529	510	260100		
379	143641	412	169744	445	198025	478	228484	511	261121		
380	144400	413	170569	446	198916	479	229441	512	262144		
381	145161	414	171396	447	199809	480	230400	513	263169		
382	145924	415	172225	448	200704	481	231361	514	264196		
383	146689	416	173056	449	201601	482	232324	515	265225		
384	147456	417	173889	450	202500	483	233289	516	266256		
385	148225	418	174724	451	203401	484	234256	517	267289		
386	148996	419	175561	452	204304	485	235225	518	268324		
387	149769	420	176400	453	205209	486	236196	519	269361		
388	150544	421	177241	454	206116	487	237169	520	270400		
389	151321	422	178084	455	207025	488	238144	521	271441		
390	152100	423	178929	456	207936	489	239121	522	272484		
391	152881	424	179776	457	208849	490	240100	523	273529		
392	153664	425	180625	458	209764	491	241081	524	274576		
393	154449	426	181476	459	210681	492	242064	525	275625		
394	155236	427	182329	460	211600	493	243049	526	276676		
395	156025	428	183184	461	212521	494	244036	527	277729		
396	156816	429	184041	462	213444	495	245025	528	278784		
397	157609	430	184900	463	214369	496	246016	529	279841		

TAVOLA DELLE RADICI QUADRATE, LIB. VI. 14²

<u>Radici.</u>	<u>Quadrati.</u>								
530	280900	557	310249	584	341056	611	37321	638	407044
531	281961	558	311364	585	342225	612	374544	639	408321
532	283024	559	312481	586	343396	613	375769	640	409600
533	284089	560	313600	587	344569	614	376996	641	410881
534	285156	561	314721	588	345744	615	378225	642	412164
535	286225	562	315844	589	346921	616	379456	643	413449
536	287296	563	316969	590	348100	617	380689	644	414736
537	288369	564	318096	591	349281	618	381924	645	416025
538	289444	565	319225	592	350464	619	383161	646	417316
539	290521	566	320250	593	351649	620	384400	647	418609
540	291600	567	321489	594	352836	621	385641	648	419904
541	292681	568	322624	595	354025	622	386884	649	421201
542	293764	569	323761	596	355216	623	388129	650	422500
543	294849	570	324900	597	356409	624	389376	651	423801
544	295936	571	326041	598	357604	625	390625	652	425104
545	297025	572	327184	599	358801	626	391876	653	426409
546	298116	573	328329	600	360000	627	393129	654	427716
547	299209	574	329476	601	361201	628	394384	655	429025
548	300304	575	330625	602	362404	629	395641	656	430336
549	301401	576	331776	603	363609	630	396900	657	431649
550	302500	577	332929	604	364816	631	398161	658	432964
551	303601	578	334084	605	366025	632	399424	659	434281
552	304704	579	335241	606	367236	633	400689	660	435600
553	305809	580	336400	607	368449	634	401956	661	436921
554	306916	581	337561	608	369664	635	403225	662	438244
555	308025	582	338724	609	370881	636	404496	663	439569
556	309136	583	339889	610	372100	637	405769	664	440496

L I B R O

Et se per auuentura questa Tauola delle Radici quadrate, non fuße per le tue misure à bastanza, se si misurerà la distantia della cosa con piedi, si potrà ridurre la misura de piedi à passi, ò à canne; et per questa via le radici sopra dette seruono à qual si voglia lungo modo di misurare. Potrassi ancora accrescere detta tauola (senza difficolta) in qual si voglia numero se ben volessi, che fusse infinito. Il che si farà in questo modo. Raddoppisi la radice dell'ultimo quadrato del quale si ha cognitione, & à questo numero aggiungasi uno 1. & tutto questo numero si aggiunga similmente all'ultimo quadrato, & ne verrà quel quadrato, che segue, il quale si andava cercando: come per esempio, l'ultimo quadrato di questa tauola è 438244. & la sua radice è 662. raddoppisi questa, & ce ne verrà 1324. se à questo numero si aggiunge uno 1. baremo 1325. & se si aggiungerà questo numero al quadrato 438244. baremo 439569. la radice del quale sarà 663. Et se si aggiungerà à 1325. un 2. & il medesimo sempre al numero che ce ne viene, & si aggiungerà questa differentia de numeri, à ciascuno daspersè de quadrati di sopra, ce ne risulterà senza maggior fatica il quadrato, che segue: come per esempio, dall'aggiungimento del 1325. al quadrato 438244. si cauò il quadrato 439569. se si aggiungerà al 1325. un 2. la differetia sarà 1327. aggiunghisi à quest'ultimo quadrato 439569. & si harà il quadrato che segue, che sarà 440896. la qual cosa ci succederà ancora nel medesimo modo ne gli altri quadrati, che seguiranno.

Regola delle tre cose, ouero quattro proporzionali.

Dalla diciannovesima Proposta del nono di Euclide, si cauò una regola, come dati tre numeri si possi per loro ritrouare il quarto à loro proporzionale; dalla quale si è cauata qlla regola, che

i Ma-

Matematici chiamano Regola dorata delle quattro proporzionali: la quale non farà mai tanto lodata, che basti. Questa regola da volgari è chiamata la Regola del tre, o vogliamo dire delle tre cose: la inestimabile commodità della quale lascieremo giudicare à coloro, che si effercitano in maneggiare i numeri, o le matematiche conciosia che fra le cose proporzionali, non pare che possa occorrere difficultà, o dubbio alcuno, che non si leui subito via, mediante il beneficio di questa regola.

Propostoci adunque quattro numeri proporzionali fra di loro, che quel rispetto, o proporzione che ha il primo al secôdo, lo habbia ancora il terzo al quarto: se per auuentura auuerrà, che ci sia ascosa la quantità di alcun di loro, ci sarà facile il ritrouarla, mediante l'aiuto dell'i altri tre, in questo modo. Siano i propostoci punti A B C D, & come lo A corrisponde al B, così corrisponda il C al D, & sia un di loro, del quale ci sia ascosta la sua quantità, come per esempio si dica che sia il D, che è l'ultimo, cioè il quarto per ordine; se noi vorremo sapere quanto egli è, multiplicisi uno de numeri del mezo nell'altro, come è il B nel C, ouero il C nel B; & quel che ce ne verrà partasi per il primo, cioè per l'A, che è il primo delle estremità, o teste de detti numeri, & sapremo quanto sarà il quarto proporzionale. Debbono veramente questi numeri essere talmente proposti, o espressi, che il primo & il terzo conuegghi no insieme quanto al fatto, & quanto al nome, & il secôdo ancora similmente con il già trouato quarto. Come se A sarà stata per modo di dire 8. B 12. & C 10. la disputa, o dimanda si debbe formare in questo modo: se 8. mi dà 12. che mi darà 10. & ciò si intende delle medesime cose, valute, o quantità. Multiplichisi adunque 12. per 10. ouero 10. per 12. & ce ne verrà 120. ilche se noi diuidermo per 8. ce ne verrà 15. per parte,

che

A—B.C—D
8. 12. 10. 15.

L I B R O

che conueranno quanto al fatto, & quanto al no me con esso 12.
Et à questo 15. pare che con tal proportione corrisponda il 10. con
quale lo 8. corrisponde al 12. conciosia che l'una & l'altra corri-
sponde per sé qualaltera, cioè per la metà. Adunque se 8. braccia
di un panno propostoci vagliono 12.Δ, 10. braccia ne varranno
15. O se una propostaci ruota in 8. hore harà compito 12. delle
sue reuolutionsi, ella in 10. hore ne farà 15. nè altrimenti si ha à
giudicare de gli altri numeri simili, & similmente propostoci.
Ma quando auuenisse, che haueffimo notitia dell'i altri tre nume-
ri, & termini; & che il primo, cioè lo A, ci fuße nascoso, & vo-
lessimo ritrouarlo per il beneficio del saper li altri; perciòche i nu-
meri proportionali fra di loro per un verso, sono ancora propor-
tionali per l'altro, & in quel modo che corrisponde il D al C, così
corrisponde ancora il B al A, però ponghinsi i numeri al contrario
del modo di prima in questa forma; dipoi tengasi nell'operare quel
15. 10. 12. 8. la regola, che poco fà si è detta, multiplicando B per C, ouero C, per
D—C.B—A B, & diuidendo quel ce ne viene per il detto D; & questa diuisio-
ne ci darà numero A, che andauamo cercando. Imperoche po-
sto sopra delle lettere la detta corrispondentia de numeri, se 12.
multiplicato per 10. ci darà 120. come prima, diuiso poi per 15.
ci darà 8 per parte. Al quale 8. il 12. corrisponde in quella medesi-
ma proportione, che fà il 15. al 10. conciosia che l'una & l'al-
tra è sequalterra, cioè per la metà più.

Auuiene adiunque il medesimo, come se il secondo numero si
multiplicasse per il terzo, & il multiplicato si partisse per il pri-
mo. Ma bisogna riuoltare la proportione de termini in que-
sto modo, & propor talmente la disputa, ouero diman-
da, che il numero à noi incognito caschi sempre nel quarto
luogo, & quanto poi al modo dell'operare non si ha da disco-
stare

stare dalla data regola generale.

Et quando auuenisse, che uno de termini del mezo fusse quello, che ci fusse nascoso, come è per modo di esempio il B, che quanto all'ordine, è il termine, ò numero secondo, bisogna anteporre la seconda proportione alla prima, cioè porre gli ultimi duoi termini verso la sinistra innanzi à primi, accioche il B, possa collocarsi nel quarto & ultimo luogo, come mostra il presente disegno. Percioche se A, corrisponde al B, come il C al D, (si come presupone la regola) in quella proportione adunque, che corrisponde il C al D, corrisponderà ancora l'A al B. Preparate in questo modo queste cose multiplicishi D per A, cioè 15. per 8. ouero 8. per 15. & ce ne verrà di nuouo 120. il qual multiplicato diuiso per il C, cioè per 10. ci darà 12. per parte; il che farà la quantità del B, che andauamo cercando, & corrisponderà l'8. al 12. in quella proporzione che fà il 10. al 15. cioè per sesqualtera, che vien ad essere per la metà.

Ma quando ultimamente auuenisse, che hauessimo di bisogno di ritrouare il terzo termine, ò numero, quanto all'ordine, bisogna riuolgere & i termini, & le proportioni, innanzi che si cominci ad operare, secondo la regola generale, in quel modo che si disse, che si osseruasse, hauendo posto il terzo numero nel luogo del quarto, come mostra la presente figura.

*Et replicando per maggior dichiaratione di tutte le cose dette, in numeri, che da prima si son presi, multiplicishi il D per la A, & diuidasi tal multiplicato per il B, ce ne verrà il C, percioche se si multiplicherà il 15. per lo 8. & si partira per il 12. hauen-
do ci dato 120. ci darà 10. per parte che farà il C. Il medesimo si farà quando non baremo notitia di alcun numero del mezo, co-
me che se si multiplicasse uno delli estremi, cioè posto nel principio,
& nel*

LIBRO

ò nel fine per l'altro; & si diuidesse poi quel che ce ne venisse per uno di quelli del mezo, che ci fuisse noto. Ma auuenga che sia qual si uoglia de numeri, che ci sia nascoso, & che noi vogliamo sapere; se hanno sempre à riuolgere, & posporre i numeri che ci saran no noti; che quel che ci è nascoso possa porsi nell'ultimo luogo, ò vogliamo dire sedia, per ritrouarlo mediante la regola generale, come si è detto di sopra. Mediante il discorso, ò uogliam' dire la effamina de quattro passati esempi, si può facilmente uedere, quā to sia indissolubile, & stretta la fraternanza, ouero il legamento de detti quattro numeri proportionali: conciosia cosa che non hauen do notitia di uno di essi, & sia qual di loro si uoglia, si vede che si genera mediante l'aiuto de gli altri tre, che ci sono noti: & che non solamente il primo ha quel rispetto al secondo, che il terzo al al quarto: ma fra il primo, & il terzo è la medesima proporzione, che è fra il secondo, & il quarto. Bisogna nondimeno auertire, che doue (fatta come habbiam detto la diuisione) ci auanzasse alcun resto, che fusse minore del Partitore, bisogna ridurlo in più minuto numero; & ciò bisogna fare tante volte, che non ci resti cosa alcuna della diuisione. Come per esempio, se si comperasse quattro libbre di zuchero à 15. soldi, la libbra et noi uolessimo sapere quanto si harebbon à comperar sette delle medesime libre, bisogna multiplicare 15. per 7. & ce ne uerrà 105. il che partito per 4. ci darà 26. per parte, & auanzeracci 1. hora perchē un soldo vale 12. danari, diuidasi quello 1. che ci rimase, in 12. il qual, 12. ridiuidasi di nuouo per 4. & ce ne uerrà 3. conchiudi adunque, il desiderato numero 7. che viene ad essere il quarto, del quale non hauenamo notitia, si harà à comperare per soldi 26. danari 3. Dalcbe di nuouo si caua eſo numero, che primieramente se ha à diuider, generato dalla multiplication del secondo nel ter-

zo, ouero

zo, ouero dal terzo nel secondo, douersi risoluere in un numero minore tante volte, quante egli ci accadrà, che sia minore del partitore, accioche ei si possa con esso diuidere più facilmente. Aggiungasi à questo, che se alcuno de 3. numeri, de quali habbiamo notitia, fusse non solo d'interi, ma d'interi, & di rotti; bisogna ridurre detti interi tutti ad una medesima sorte di rotti, prima che noi entriamo, secondo la regola, alla operatione; con tale osservazione nondimeno, c. il primo, & il terzo conuengono nella reduzione de loro interi. Come per esempio, se ci fusse proposto una ruota, che in quattro dì, & quattro hore facesse cinque delle sue intere revolutioni, et uolessimo sapere, quante revolutioni ella farebbe in 10. interi giorni. Risoluinsì prima li quattro giorni in hore, che saranno 96. perche ogni giorno è hore 24. & quattro ne haueuano prima che fà 100. hora perche ei bisogna, che il terzo numero (quanto all'ordine) conuenga con il primo, quanto à fatti, & quanto al nome; conuertinsì li giorni in hore, che saranno 240. multipli- chisi dipoi 240. perne uerra 1200. ilche partito per 100. ci darà 12. il qual 12. sarà il desiderato numero delle revolutioni, che farà la ruota ne detti 10. giorni: & sarà ancora, come si può considerare, il quarto numero quanto all'ordine, del quale non ha ueuaro notitia alcuna.

T A V O L T A D E L L E

Cose più Notabili.

A

A GO della buffola come	99.a
Ago della buffola non si volta à tramontana à punto.	99.a
Angoli retti.	8.b
Archimede.	87.a 92.93.b
Archimede.	95.b
Articoli che siano.	130.a
Asta, instrumento da misurare.	28.a

B

Braccia superficiali auanzano le brac- cia fode.	79.b
---	------

Barili cinque p braccio quadro.	96.a
---------------------------------	------

C

Calenzano.	106.a
Campi tondi.	71.a
Capitano Francesco de Medici.	5.b
Carlo Lenzoni.	133.a
Castello villa.	105.b
Centro di vna figura di più lati, co- me si truoui.	68.b

Concettioni di Euclide.	113.b
-------------------------	-------

Come si faccia vn quadrante.	6.b
Come si misurino le distanze à piano di linee diritte con il quadrâte.	7.b

Come ritrouâdosi in luogo alto si mi- suri vna linea posta in piano	8.b
cô il quadrâte, & con l'astrolabio.	10.b

Come si faccia il quadrâte dentro al- la quarta parte di vn cerchio.	11.b
---	------

Come si misuri vna linea in piano cô il quadrâte del cerchio.	12.b
--	------

Come si misurino le linee à piano so- lo con yna squadra.	13.a
--	------

Come si fà vn bastone da misurare le
distantie 14.a. & come elle si misu-
rino con esso. 15.a b

Come le linee ritte ad angol retto so-
pra il pian del terreno si misurino cô
il quadrante 16.a. & con il quadran-
te del cerchio. 18. a

Come si misuri le distantie, & altez-
ze con il quadrante in cerchio, &
con l'astrolabio mediante le ombre
19.b 20.a & 21.a 23.a

Come si misurino le distanze, & altez-
ze senza consideration delle ombre
ma solo con i raggi delle vedute, cô
il quadrante del cerchio 23. b 24.b
con l'astrolabio. 25.a 26.a b

Come le altezze si posson misurare
con vn'asta sola. 28.a

Come le altezze si posson misurare
con vn'specchio. 29.a

Come si misurino con il quadrante le
altezze, alle quali noi non ci possia-
mo accostare 30.a. & con il quadra-
nte del cerchio 31. a & con l'astrola-
bio 33.a 34.a con vna positura sola
35.b 35.36

Come si operi senza hauer à ridur l'
ombre rette, ò verse. 37.a

Come stâdo sopra vna torre maggio-
re, se ne possa misurare vna minore
con il quadrante 38.a con l'astrola-
bio 39.b, & stando sopra vna minore,
misurar la maggiore 39. b 40. b
con l'astrolabio. 41.a

Come

T A V O L A.

- Come si misuri vn pendio di vn monte con il quadrante. 41.b
 Come stando à piè d'vn monte si misuri vna torre posta in cima di esso monte. 42.a b & con il quadrante in cerchio. 44.a
 Come si misurino le profondità de pozzi con il quadrante 44. a. con il quadrante in cerchio 45. b con l'astrolabio. 46.a
 Come si misurino le larghezze, et profondità de fossi, & delle valli con il quadrante 46.b con l'astrolabio. 48.a
 Come si misurino le distācie di più cose poste i piano, che sono fra te, & loro, & fra l'una & l'altra di loro. 48.b
 Come si misurino le distantie di più cose poste à filo in vn piano. 50.a
 Come stando in terra si misurino le cose poste in alto, come capitelli, colonne, ò statue. 50.b
 Come stando in terra si possa trouar vn punto, che à piombo corrisponda al punto di alcuna cosa collocata in alto. 51.a
 Come si disegnino li edificij in prospettiva. 51.b
 Come si possino misurare, che le cose collocate ad alto hanno fra di loro, & per altezza, & per larghezza. 51.b & 59. a
 Come si possa vedere, se vna cosa, che sia in moto, come efferciti, ò altra armata ti si appressi, ò ti si allontani. 53.a
 Come si misuri vna superficie di vn triā golo retto di duo i lati vguale. 54.a
 Come il triangol retto di lati disuguali. 54.b
 Come si ritrouino le quantità delle braccia de lati di vn triangolo l'vn per l'altro. 55.a
 Come propostoci vn lato si possa fare vn triangolo rettangolo. 55.b
 Come si misurino i triangoli di angoli acuti, & si ritruonino i lati l'vn per l'altro. 56.b
 Come si misurino i campi in triangolo di tre angoli acuti, & duo i lati vguale, & vn disuguale. 58.a
 Come si misuri vn campo in triangolo di tre angoli acuti, & tre lati disuguali. 59.a
 Come si misuri vn triangolo sopra squadra con duo i lati vguale. 60.a
 Come si misuri il triāgolo sopra squadra di tre lati disuguali 61.a
 Come si misuri vniuersalmente ogni forte di triangoli. 61.b
 Come si misurino i cāpi quadri di lati vguale, & angoli à squadra. 63.b
 Come si misuri i campi quadrilunghi di angoli à squadra, & lati corrispondenti. 63.b
 Come si misuri vn cāpo quadro di lati vguale, ma di angoli disuguali. 64.a
 Come si misuri vn quadrilungo di lati disuguali, & di angoli sotto, & sopra squadra 65.a
 Come si misurino i cāpi quadri di lati disuguali, & diuersi angoli. 65.b

T 2 Come

T A V O L A

- Come si misurino i quadrilunghi cō
duo lati à squadra , & lati diuersi. 66.b
- Come si misuri vn campo di quattro
linee di duoi lati vguali , & diuersi
angoli. 67.a
- Come si misurino vn campo di quat-
tro linee, due vguali, ma non conti-
gue, & di angoli diuersi. 67.b
- Come si misuri vn cāpo di quattro la-
ti, & quattro angoli diuersi. 67.b
- Come si misuri le forme di più lati.
68.b
- Come si misuri vn campo di cinque
lati, che sia regolare. 69.a
- Come si misuri vn campo di sei fac-
ce, che sia regolare. 69.b
- Come si misuri vn cāpo di più facce,
ò lati diuersi, che sia irregolare. 70.a
- Come si troui la quadratura del cer-
chio. 71.a in vn'altro modo. 72.a
- Che il quadrato di fuori d'vn cerchio
corrisponde per metà al quadrato
di dentro. 72.b
- Come si misurino i campi, che sono
più, ò meno che mezi tondi. 73.b
- Come si misurino i campi mezi ton-
di. 74.a
- Come si misurino i campi, che hanno
dell'ouato. 74.b
- Come si misurino i cāpi, che hāno del
quadrilungo, & dell'ouato. 74.b
- Come si misuri vn corpo quadro, co-
me vn dado. 75.b
- Cubo.
- Come si misuri vn corpo di angoli
retti : mache habbi la metà de lati
maggiori, che li altri. 76.a
- come si msuri vn corpo di muraglia,
ò di altri, che sia à squadra, ancor
che in elo siano alcuni vani, ò fine-
stre. 77.a
- Come si misuri vn corpo ad angoli
retti, che sia voto dentro. 77.b
- barili cirq p braccio quadro. 77.b
- Come si misuri le colonne general-
mente, 7..a Clyndro che sia. 78.a
- Come si misuri vna colōna, che sia in
triangol di lati vguali. 78.b
- Come si misuri le colonne di forme
quadrat. 79.a
- Come si misuri vna colonna di sei
facce. 79.b
- Come si misurino i rochhi , ò pezzi,
di qual fivoglia colonna. 80.a
- come si msurino le colōne vote 80.b
- Come si misurino le capacità di qual
si vogliacorpo, ò vaso voto, che sia
regolare. 81.a
- Come si misurino le Piramidi. 81.b
- Come si misuri vna Piramide di quat-
tro facce 82.b
- Come si misuri vna Piramide, che nō
fusse intera, cioè vn tronco di Pira-
mide. 83.a
- Come si misuri vna Piramide di quat-
tro triangoli che si potrebbe chia-
mare quattro base. 84.a
- Come si misuri vna Piramide tonda,
per voleme, segandola cauarne vn'
ouato

T A V O L A.

- euato. 84.b Come si possa de scriuere vna regione, ò prouincia, sapendo le distaties, & li angoli delle positioni. 110.a
- Come si misurino i corpi tondi. 87.a Come si stabilisca vn triangolo sopra vna linea propostaci. 113.b
- Come si misuri vn segamento maggiore, ò minore del diametro di vna palla; ò la portione maggiore, ò minore di detta palla. 88.a Come si tiri da vn dato puto intorno ad vna linea diritta propostaci vna linea diritta, che le sia vguale. 114.a
- Come si misuri l'otto facce, corpo regolare di otto triangoli uguali. 89.b Come, proposte ci due linee diseguali, si possi tagliare la più lunga, talche diuenti vguale all'altra. 115.a
- Come si misuri il dodici facce fatto di pentagoni. 90.a Come duoi triangoli sieno vguali. 115.a
- Come si misuri il venti facce. 91.a Come il triangolo, che ha duoi lati vguali, di necessità harà li duoi angoli della base ancora vguali. 115.b
- Come si misurino i corpi solidi à guisa di madorla, che sono irregolari. 92.a Come, se da due punti, che terminino alcuna linea, usciranno due linee, che si vadino à congiungere insieme in vn punto, è impossibile tirar dalla medesima bâda da medesimi punti due altre linee simili, che si vadino à congiungere in vn altro punto. 116.a
- Come si misurino i corpi fatti di più facce à mandorle. 94.a Come duoi triangoli di lati, & base vguali, causano angoli vguali. 117.a
- Come si misurino le botti da vino, ò da altro. 95.a Come sopra una linea diritta si possa tirare vna linea à piombo, da vn dato punto che causi duoi angoli à squadrata. 117.b
- Come si facci la bussola. 97.a Come i duoi angoli da ambedue le bâde di qual si voglia linea diritta, che caschi sopra vn'altra linea diritta, sono, ò retti, ò vguali à duoi retti. 118.a
- Come si misurino i corpi irregolari generalmente. 94.a Come se due linee si partiran da vn punto d'una linea, & andranno in
- Come si misurino le botti da vino, ò da altro. 95.a
- Come si operi con la bussola per descrivere vna regione. 103
- Come si possa mettere i carta una prouincia, sapute le distantie de luoghi. 105.b
- Come si troui vna distatia di vn luogo & sia quanto si vogli lontana. 107.a
- Come, veduti due, ò tre luoghi, si possano trouar le lor distantie, mediante le linee, & li angoli delle positioni ancor che non ci trouassimo in alcuno di detti luoghi, & come si possa di segnare vna prouincia senza la bussola ritta, & senza l'osseruatione della tramontana. 108.a

T A V O L A.

in parti contrarie, & farano intorno à loro angoli retti, o simili à retti, egli è di necessità ; che elle sieno congiuntesi insieme, & diuentate vna linea sola. 118.b

Come di qual si voglia due linee, che si interfichino insieme, tutti li angoli, che le causano, rincòtro l'vno all'altro son vguali. 119.a

Come qual si voglia lato di vn triāgo lo si tirerà diritto à dilungo, causerà l'angolo di fuori maggiore che li duoi angoli di dentro. 119.b

Come i duoi lati di qual si voglia triāgolo congiunti insieme son maggiori dell'altro lato. 120.a

Come propostoci tre linee, che due delle quali cōgiunte insieme sieno più lunghe, che l'altra, si possa stabilire vn triāgolo di tre altre linee simili à quelle. 120.b

Come propostaci vna linea diritta, si possa sopra uno de suoi termini stabilire vn angolo vguale à quall'altro si voglia propostoci angolo. 121.a

Come di quali si voglino duoi triāgli, de quali i duoi angoli dell'uno sieno vguali à duoi angoli dell'altro, ciascuno però di quel che li è à rincòtro, & il lato dell'uno ugualé al lato dell'altro, &c. 121.a

Come se vna linea diritta caderà sopra due linee diritte, & causerà due angoli corrispondentisi, che

sieno fra loro vguali, quelle linee faranno fra loro parallele. 122.a

Come se vna linea cadrà sopra due linee parallele, i duoi angoli respectuamente co' corrispondentisi saran no fra loro vguali ; & l'angolo di fuori sarà vguale all'angolo di dentro, che li è di rincontro ; & i duoi angoli di dentro dell'una parte, & dell'altra faranno vguali à duoi retti. 123.a

Come da vn punto propostoci fuori d'una linea, si tiri vna parallela alla già propostaci linea. 123.b

Come ogni angolo di fuori di qual si vogli triangolo è vguale à duoi angoli di dentro, postoli à rincontro, & tutti à tre i suoi angoli, son di necessità vguali à duoi retti. 124.a

Come se nelle teste, ouero nelle estremità di due linee parallele, & grandi ad vn modo, si applicheranno due altre linee, esse faranno ancor parallele, & vguali. 124.b

Come ogni superficie fatta di lati paralleli ha le linee, & gli angoli di rincontro, vguali, diuidendola vn diametro, o schianciana per mezo. 124.b

Come tutte le superficie di lati paralleli fatte sopra vna medesima basa, & poste in esse linee corrispondentisi, sono vguali. 125.a

Come tutti i triangoli, che si fanno sopra una medesima basa, & fra due linee

T A V O L A.

linee parallele, sono uguali.	126.a	Come si truouï la radice quadrata di qual si voglia numero.	130.a
Come se vn quadro, & vn triangolo, faranno fatti sopra vna medesima basa, & fra le medesime linee corri- spondentisi, & conformi; è di necef- fità, che il quadro sia per il doppio del triangolo.	126.b	Come si caui la radice quadrata, oc- correndoci rotti.	134.a
Come di vna propostaci linea si facci vn quadro.	126.a	Come si trouino le radici cubiche. 135.b	135.b
Come il quadrato, che si fa del lato, che è rincontro all'angol retto di qual si uoglia triangol ad angol ret- to, è uguale à duoi quadrati, che si fanno di amendue gli altri suoi la- ti.	126.b	Come si caui la radice cubica di ogni nu. nel quale occorrino rotti.	139.a
Come il quadrato, che si fa del lato, che è rincontro all'angol retto di qual si uoglia triangol ad angol ret- to, è uguale à duoi quadrati, che si fanno di amendue gli altri suoi la- ti.	127.a	Come si truouï la regola delle tre co- se ouero quattro pportionali.	142.b
Come se quel che ci viene dall'hauer' multiplicato vn lato del triâgolo p Euclide. se stesso, farà uguale à duoi quadra ti, che faranno descritti da gli altri duoi lati; quel angolo, che è rincon- tro à quell'altro, farà retto.	128.a	Corpi regolari, & irregolari.	68.a
Come si multiplichia vna linea per se stessa.	128.a	D	D
Come se vna linea dentro ad vn cer- chio posto fuori del centro, farà intersegata da vn'altra, che venga dal centro: in parti uguali; è di ne- cessità, che ella vi sia sopra à squa- dra, & essendoui à squadra la diui- derà in due parti uguali.	128.b	Gemma frisio.	5.b
Come i quali si vogliono duoi trian- goli, de quali gli angoli dell'vno sieno no uguali à gli angoli dell'altro, i la- ti che sono rincôtre à detti angoli, Meridiana. sono fra loro proportionali.	129.a	Gemma frisio.	89.a
Come i quali si vogliono duoi trian- goli, de quali gli angoli dell'vno sieno no uguali à gli angoli dell'altro, i la- ti che sono rincôtre à detti angoli, Meridiana. sono fra loro proportionali.	129.b	Gemma frisio.	95.b
Come se vna linea dentro ad vn cer- chio posto fuori del centro, farà intersegata da vn'altra, che venga dal centro: in parti uguali; è di ne- cessità, che ella vi sia sopra à squa- dra, & essendoui à squadra la diui- derà in due parti uguali.	130.a	Giouan Roia.	112.b
Come se vna linea dentro ad vn cer- chio posto fuori del centro, farà intersegata da vn'altra, che venga dal centro: in parti uguali; è di ne- cessità, che ella vi sia sopra à squa- dra, & essendoui à squadra la diui- derà in due parti uguali.	130.b	I	135.b
Come se vna linea dentro ad vn cer- chio posto fuori del centro, farà intersegata da vn'altra, che venga dal centro: in parti uguali; è di ne- cessità, che ella vi sia sopra à squa- dra, & essendoui à squadra la diui- derà in due parti uguali.	131.a	Leon Battista Alberti.	28 a
Come se vna linea dentro ad vn cer- chio posto fuori del centro, farà intersegata da vn'altra, che venga dal centro: in parti uguali; è di ne- cessità, che ella vi sia sopra à squa- dra, & essendoui à squadra la diui- derà in due parti uguali.	131.b	Linda.	7.b
Come se vna linea dentro ad vn cer- chio posto fuori del centro, farà intersegata da vn'altra, che venga dal centro: in parti uguali; è di ne- cessità, che ella vi sia sopra à squa- dra, & essendoui à squadra la diui- derà in due parti uguali.	132.a	Linea à piombo, che sia.	118.a
Come se vna linea dentro ad vn cer- chio posto fuori del centro, farà intersegata da vn'altra, che venga dal centro: in parti uguali; è di ne- cessità, che ella vi sia sopra à squa- dra, & essendoui à squadra la diui- derà in due parti uguali.	132.b	Linea di posizione, che sia.	102.a
Come se vna linea dentro ad vn cer- chio posto fuori del centro, farà intersegata da vn'altra, che venga dal centro: in parti uguali; è di ne- cessità, che ella vi sia sopra à squa- dra, & essendoui à squadra la diui- derà in due parti uguali.	133.a	M	110.b
Come se vna linea dentro ad vn cer- chio posto fuori del centro, farà intersegata da vn'altra, che venga dal centro: in parti uguali; è di ne- cessità, che ella vi sia sopra à squa- dra, & essendoui à squadra la diui- derà in due parti uguali.	133.b	Minuti.	135.b
		Norue-	

T A V O L A:

N		Q	
Noruegia.	99.a	Quadratura superficiale.	136.a
Numeri quali sieno.	130.a	Quincupia.	31.b
Numero quadrato, che sia.	130.b		R
Numero cubico.	136.a	Radice cubica.	6.a
O		Radice quadrata, che sia.	130.b
Ombra retta, & ombra versa, che sia.		Riquadrare, che sia.	130.b
22. b		Radice cubica.	136.a
Orontio.	5.a	Radice triplata.	137.a
Orontio.	19.a	Rombo.	66.b
Orontio.	72.b	Romboide.	65.a
Orontio.	111.a	Rombo.	92.b
P		S	
Parallelia.	6.a	Schiacciana.	6.2
Parallelogrami.	94.a	Schiacciana.	63.b
Parallelo.	110.a	Schiacciana.	124.b
Parallelo gramo.	44.b	Secondi.	135.b
Parti della ombra versa, come si ridu-		Sesquialtera, che sia.	40.b
chino all'ombra retta.	34.a	Sesquialtera.	87.b
Parti dell'ombra retta, come si ridu-		Sexcupla, che sia.	41.b
chino all'ombra versa.	35.b	Suchiello.	98.b
Partitore, che sia.	73.b		T
Pentagoni.	89.b	Tauola dell'ombra retta, & della ver-	
Pentagono.	69.a	sa.	22.a
Perurbachio.	96.b	Tertij.	135.b
Pialla.	98.b	Tolomeo.	110.b
Pietro appiano.	96.b	Triangoli oxigonij.	54.a
Perpendiculare.	60.b	Tripla.	31.b
Proemio, ouero intentione dell'Au-		V	
tore.	5.a	Vitullione.	30.b
Proposta prima del primo di Eucli-		Vitruuio.	97.a
de.	113.b	Vno, che faccia.	31.a
Proportione contraria.	34.b	Volgitoio.	98.b
Prospectiua commune.	30.b		

I L F I N E.

